11 组元化学反应气体粘性激波层钝体绕流数值计算

张巧芸 瞿章华

(国防科技大学航天技术系 长沙 410073)

摘 要 本文采用 11 组元化学模型对双曲体粘性激波层化学非平衡绕流流场进行了数值计算,给出了 压力、温度, N¹ 、O¹ 、N⁺ 、O⁺和 NO⁺ 摩尔浓度及 e⁻ 数密度在驻点的分布,并与 7 组元、5 组元的计算结 果作了比较。

关键词 化学非平衡,粘性激波层,高超声速 分类号 v411.4

Numerical Solution of Viscous Shock Layer Flow of 11-Species Chemical Reacting Air over Blunt Bodies

Zhang Qiaoyun Qu Zhanghua

(Department of Aerospace Technology, NUDT, Changsha, 410073)

Abstract In this paper, 11-species Air Model is used for calculating the chemical non-equilibrium viscous shock layer flow over hyperboloids. The stagnation streamline distributions of pressure, temperature and $N^{\frac{1}{2}}$, $O^{\frac{1}{2}}$, N^{+} , O^{+} , NO^{+} and e^{-} number density are given and compared with the results of 7-species, 5-species models.

Key words chemical non-equilibrium, viscous shock layer, hypersonic flow

1 引言

再入飞行器以高超声速再入大气层时,由于激波层内的高温,空气发生离解和电离反应。对应于 飞行器飞行走廊的不同高度和速度,空气离解和电离的程度是不同的,这种不同体现在空气的组元数 目上^[1]。在对再入飞行器周围流场进行数值模拟时,必须计及所采用的组元数目即化学模型对流场性质 的影响。国内进行再入飞行器流场数值模拟时,一般采用7组元或5组元化学模型,这对于计算气动 力、气动热是方便的,但在要考虑流场的光电特性时,需要用11组元的模型才能给出 N⁺、O⁺、N¹2、 O¹2</sub>的密度分布,因而得到的电子数密度也更准确。

本文运用Gupta等¹¹研究总结得到的 11 组元化学反应速率、热力学性质和输运性质的计算方法来 求解 11 组元化学非平衡粘性激波层钝体绕流流场。由于采用了比较高精度的计算公式,计算的结果更 加准确可靠。

2 控制方程及边界条件

2.1 控制方程

控制方程采用化学非平衡粘性激波层方程,方程具体形式见文献 [2]。

2.2 边界条件

在壁面和激波处不考虑速度滑移和温度跳跃,壁面为完全催化壁面。壁面处, $u = 0, v = 0, T = T_w$, $c_{iw} = c_{iw}(T_w)$;激波处,边界条件由 Rankine-Hugonoit 关系式给出。 3 化学模型、热力学特性与输运系数

3.1 化学模型^[1]

对于 11 组元化学模型,采用文献 [1] 提供的化学反应方程式。 方程反应速率:

$$k_{f,r} = A_{f,r} T^{B_{f,r}} \exp(-T_{D_{f,r}}/T)$$

$$k_{b,r} = A_{b,r} T^{B_{b,r}} \exp(-T_{D_{b,r}}/T)$$

当 U^* > 8000m/s 时, $k_{b,r} = \frac{k_{f,r}(T)}{K_{eq,r}(T)}$, 其中 $\ln K_{eq,r} = A_{Keq,r}Z^5 + B_{Keq,r}Z^4 + C_{Keq,r}Z^3 + D_{Keq,r}Z^2 + E_{Keq,r}Z + F_{Keq,r}Z$ $Z = \ln(10^4/T)$

3.2 热力学特性

各组元的热力学性质由以下公式计算:

$$\frac{C_{p,i}}{R_{\text{univ}}} = A_1 + A_2T + A_3T^2 + A_4T^3 + A_5T^4$$

$$\frac{h_i}{R_{\text{univ}}} = A_1 + \frac{A_2T}{2} + \frac{A_3T^2}{3} + \frac{A_4T^3}{4} + \frac{A_5T^4}{5} + \frac{A_6}{6}$$

系数A1~A6可从文献[1]中得到。

3.3 输运系数

混合物粘性系数、传热系数的计算方法如下:

$$\mu \text{or } K_{lr} = \frac{x_{ir} i \left(A_{i} + a_{av}\right)}{1 - a_{av} \sum_{i=1}^{N_s} x_{i} / (A_{i} + a_{av})}, \quad a_{av} = \frac{x_{i} x_{j} \left[\frac{1}{A_{i}} - \frac{1}{A_{j}}\right]^{2} a_{ij}}{\sum_{i,j=1}^{N_s} x_{i} x_{j} \left[\frac{1}{A_{i}} - \frac{1}{A_{j}}\right]^{2}}, \quad A_{i} = \sum_{l=1}^{N_s} x^{l} B_{il}$$

Ns

1

对粘性系数

$$a_{ij} = \frac{N_A}{(M_i + M_j)} [2\Delta_{ij}^{(1)} - \Delta_{ij}^{(2)}], \quad B_{il} = \frac{N_A}{M_i} \Delta_l^{(2)}$$

对热传导系数

$$a_{ij} = (4.184 \times 10^{7}) \left(\frac{2}{15k}\right) \frac{M_i M_j}{(M_i + M_j)^2} \left[\left(\frac{33}{2} - \frac{18}{5} B_{ij}^*\right) \Delta_{ij}^{(1)} - 4\Delta_{ij}^{(2)} \right]$$

$$B_{il} = (4.184 \times 10^{7}) \frac{2}{15k(M_i + M_j)^2} \times \left[8M_i M_l \Delta_{il}^{(2)} + (M_i - M_j) \left(9M_i - \frac{15}{2}M_l + \frac{18}{5} B_{il}^* M_l \right) \Delta_{il}^{(1)} \right]$$

 $\Delta_{ij}^{(1)}, \Delta_{ij}^{(2)}$ 定义为

$$\Delta_{ij}^{(1)} = \frac{8}{3} (1.5460 \times 10^{-20}) \left[\frac{2M_i M_j}{\pi R_{univ} T (M_i + M_j)} \right]^{1/2} \overline{\Omega}_{j}^{(1,1)}$$

$$\Delta_{ij}^{(2)} = \frac{16}{5} (1.5460 \times 10^{-20}) \left[\frac{2M_i M_j}{\pi R_{univ} T (M_i + M_j)} \right]^{1/2} \overline{\Omega}_{j}^{(2,2)}$$

 $\Omega_{j}^{(1,1)}, \Omega_{j}^{(2,2)}$ 为碰撞截面,可由简单拟合公式^[1]得到。 B_{ij}^{*} 是碰撞截面比,其值可从文献 [1] 中查表得到。 R_{univ} 是通用气体常数, M_{i}, M_{j} 为组元分子量。

冻结热传导系数

$$K_{f} = K_{tr} + K_{int}$$

$$K_{int} = 2.3901 \times 10^{-8} k_{i=1}^{N_{s}} \left[\underbrace{\left[\frac{C_{p,i}}{R_{univ}} - \frac{5}{2} \right]_{x_{i}}}_{j=1} x_{j} \Delta_{j_{i}}^{(1)}} \right]$$

K_#, K_{im} 分别是冻结热传导系数的移动分量和来自分子内部激发能的分量。

4 计算结果与讨论

本文分别计算了 (a) U = 9 km/s, H = 75 km, (b) U = 6 km/s, H = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 85 km = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 75 km/s, H = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 75 km/s, H = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 75 km, (c) U = 9 km/s, H = 75 km/s, H = 75 km/s, (c) U = 9 km/s, H = 75 km/s, H = 7

实际上,在计算结果中我们发现: O⁺ 摩尔百分比随高度和速度的变化也有同样的规律,如图2所示。而且O⁺ 的摩尔含量相对于其它离子较大,这可以从图3中给出的在速度为9km/s、飞行高度为 75km 条件下各离子摩尔百分比在驻点线上的分布看到。因此可以说电子数密度大小主要受O⁺ 数密度 影响。



为了考虑 11 组元模型计算得到的气动力、气动热及电子密度相对于其它气体模型的变化情况, 我 们将来流速度为 9000m/s、高度为 85km 条件下 11 组元计算得到的压力、温度驻点线分布与相同条件 下 7 组元、5 组元的结果作了比较, 如图 4、图 5 所示, 从图中可以看到, 这 3 种气体模型下压力和温 度分布几乎完全一样。图 6 比较了同样条件下 11 组元和 7 组元的驻点线电子数密度, 可以看到电子数 密度相差 1 个数量级左右, 这是因为 11 组元计及了 7 组元未考虑的电离反应所生成的电子数。由此可 见, 计算气动力和气动热, 7 组元或 5 组元模型就可以满足要求, 若计算电子密度, 7 组元还不够精确, 特别是对于较高速度的情况, 需要采用 11 组元模型。





图 4 不同组元时压力沿驻点线分布

Fig. 4 The streamline distribution of pressure



5 结论

对于不同速度和高度,11组元化学模型计算得到的离子、电子数密度相差较大,可以相差几个数 量级;特别是O⁺,在有些情况下摩尔含量比较高,若忽略,必会造成较大误差。因此,在考虑流场的 光电特性时,必须采用11组元化学模型以获得更准确的数据。对于高超声速化学非平衡流场气动力和 气动热的计算,可以不必采用11组元模型,7组元或5组元就可以获得足够准确的结果。

参考文献

- 1 Gupta R N, Yos J M, Thompson R A, Leee K P. A Review of Reaction Rates and Thermodynamic and Transport Properties for an 11-Species Air M odel for Chemical and Thermal Non-equilibrium Calculations to 30000K. NASA RP-1232, 1990
- 2 沈建伟, 瞿章华. 高超声速化学非平衡层流粘性激波层钝头细长体绕流数值计算. 宇航学报, 1988 (3)