文章编号:1001-2486(2011)03-0044-04

# 应变率和绝热软化对空腔膨胀影响的数值模拟。

晏麓晖,冯兴民,夏清波,孔晓鹏 (国际科技大学指挥军官基础教育学院,湖南长沙 410073)

摘 要:采用数值模拟的方法研究金属材料球形空腔膨胀的空腔面径向应力与膨胀速度关系。理想弹塑 性模型和幂次硬化模型的模拟结果与理论解吻合得非常好,验证了该方法的有效性。在此基础上研究了应变 率和绝热软化效应对空腔面径向力和膨胀速度的影响。结果表明,综合考虑应变率和热效应的侵深预测结果 与试验值吻合得很好,只考虑应变率而不计热效应会高估侵彻阻力,造成侵深预测略为偏低,Warren 解累积了 材料可压缩性和不计热效应带来的误差,预测结果明显小于试验值。

关键词:空腔膨胀;数值模拟;应变率;绝热软化

中图分类号:0385 文献标识码:A

# A Numerical Simulation of the Effects of Strain Rate and Adiabatic Softening on the Cavity Expansion Model

YAN Lu-hui, FENG Xing-min, XIA Qing-bo, Kong Xiao-peng

(College of Basic Education for Commanding Officers, National Univ. of Defense Technology, Changsha 410072, China)

Abstract: A numerical method was used to study the relationship between the dynamic radial stress and the expanding velocity at a cavity wall in metal materials. The simulation results of the elastic-perfectly plastic and power-law model satisfied the theories' that proves the availability of the method. Then the influences of the strain-rate and adiabatic effects of the materials were analyzed by simulation. The results show that the predictions of penetration with the strain-rate and thermal effects of the materials corresponded well with the experiments. The penetration resistance will be overvalued if the thermal effects were neglected, resulting in slightly lower penetration predictions. The predictions of Warren's theory model are less than the experiments made in the current study because Warren's theory model accumulated the errors from compressibility but ignored the thermal softening.

Key words: spherical cavity expansion; numerical simulation; strain rate sensitivity; thermal softening

在侵彻力学中,空腔膨胀理论是公认的分析 靶体材料抗侵彻阻力的有效模型之一<sup>[1-2]</sup>。 Forrestal<sup>[3]</sup>采用理想弹塑性假设,得到了金属类韧 性材料动态空腔膨胀理论的经典模型解,Luk<sup>[4]</sup>将 其推广到幂次强化材料。Warren<sup>[5]</sup>考虑应变率影 响,建立了一个包含应变率效应的动态空腔膨胀 模型,然而,Warren 解是通过对应变率效应和材料 的压缩性解耦获得的,即在不可压缩基础上考虑 应变率影响,然后将其附加到考虑可压缩的 Luk 解上,所得理论解并不完备。蒋志刚<sup>[6]</sup>考虑了有 限厚度靶板背面自由边界效应,建立了不可压缩 弹塑性金属材料的有限空腔膨胀理论。

利用空腔膨胀模型可以得到与 Poncelet 侵彻 阻力公式  $F = A_0(a + bV^2)(A_0$  是弹体的横截面 积, V 是撞击速度,  $a \ \pi b$  是由实验确定的材料常 数)几乎完全相同的公式, 为阻力的预测提供了理 论基础。陈小伟<sup>[7]</sup>认为完整的侵彻阻力公式包含 靶材静强度项、靶材的黏性项、流动阻力和附加质 量项,即 $\sigma_r = a + bV + cV^2 + dV$ ,并基于空腔膨胀 理论,提出了控制侵彻过程的三个无量纲常数,同 时给出了无量纲深度的解析公式,丰富了空腔膨 胀理论在侵彻问题中的应用。

在冲击侵彻作用下,靶材的可压缩性、动态性 能和绝热软化等都对侵彻阻力有影响。目前还没 有包含所有因素的空腔膨胀模型,主要困难是无 法得到完整的解析解。Warren<sup>[8]</sup>率先采用数值模 拟研究了低强度混凝土的空腔压力与膨胀速度关 系。最近,Rosenberg<sup>[9-10]</sup>运用 AutoDyn-2D 对理想 弹塑性材料的空腔膨胀进行了数值模拟,结果能 很好地支持球形和柱形空腔膨胀模型的理论预 测,并拟合得到了侵彻阻力系数与弹塑性材料参 数的关系式。因此,通过数值方法进行空腔膨胀

<sup>\*</sup> **收稿日期:**2010-09-12 作者简介:晏麓晖(1962-),男,教授,硕士生导师。

模拟,研究材料相关力学特性、膨胀条件等对侵彻 阻力影响已成为一条可行且有效的途径。

本文基于 LS-DYNA 程序,采用可综合考虑应 变率和绝热效应的 Johnson-Cook 模型对金属材料 的空腔膨胀过程进行模拟,研究了应变率和绝热 软化效应对空腔压力的影响。

#### 计算模型 1

采用内含微小空腔(r=0.5mm)的三维球体 模拟无限介质中球形空腔从 r=0 开始在恒定空 腔面径向压力 P 作用下的膨胀。为了避免球体 外边界的应力松弛和应力波反射对膨胀过程的影



图 1 空腔膨胀 图 2 空腔局部 模型 放大图 Fig.1 Cavity expansion Fig.2 Local zoom model of cavity



图 3 网格划分 侧面图 Fig.3 Side elevation of meshed model

响,取球体半径100mm,施加无反射边界条件。采 用 SOLID164 单元、径向渐变映射建立 1/8 有限元 模型,如图1~图3所示。

材料模型洗用能够反映材料非线性、应变率 和绝热效应的 Johnson-Cook 本构模型。为了模拟 材料可能存在的高应变率( $\varepsilon > 10^3 s^{-1}$ )效应,这里 采用 Huh 和 Kang<sup>[11]</sup>提出的 JC 修正模型

$$\sigma_{y} = \left[A + B(\varepsilon^{p})^{n}\right] \left[1 + C \ln \dot{\varepsilon}^{*} + C_{2}(\ln \dot{\varepsilon}^{*})^{2}\right]$$

$$(1 - T^{*m})$$
(1)

式中,A为屈服强度; $\epsilon^{p}$ 为等效塑性应变,B、n为 应变硬化参数;  $\epsilon^* = \epsilon^p / \epsilon_0$  为无量纲塑性应变率, 其中 $\dot{\epsilon}_0$ 为参考应变率, C、 $C_2$ 为应变率影响参 数;  $T^* = (T - T_r) / (T_m - T_r)$  为无量纲温度,其中 T. 和T., 分别为室温和熔点温度, m 为温度影响 参数。

取 6061 - T651 铝和 4340 钢进行分析,相关 材料参数见表 1,其中 ρ₀ 为密度, E和 G为弹性 模量和剪切弹性模量,  $C_P$  为比热,  $S_1, S_2, S_3, \gamma$  和  $C_0$ 为 Grüneisen 状态方程参数。

表 1 6061 - T651 铝和 4340 钢的 JC 模型参数<sup>[5,12]</sup>

Tab.1 J	C model	parameters of	of 6061 -	T651 /	Al and	4340	steel <sup>[5,12]</sup>
---------	---------	---------------	-----------	--------	--------	------	-------------------------

材料	$ ho_0/\mathrm{kg}\cdot\mathrm{m}^{-3}$	E/GPa	G/GPa	A/MPa	<i>B</i> /MPa	n	С	$C_2$	$\dot{\varepsilon}_0/s^{-1}$
6061 铝	2710	68.9	25.8	308	137	0.27	0.032	0.0067	1000
4340 钢	7830	200	77	944	510	0.26	0.028	0.0084	1000
材料	m	$T_m/K$	$T_r/K$	$C_P/J(\mathrm{kg}\cdot\mathrm{K})^{-1}$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	γ	$C_0/(\mathrm{m}\cdot\mathrm{s}^{-1})$
6061 铝	1.34	853	298	896	1.4	0.0	0.0	2.0	5042
4340 钢	1.03	1793	298	477	1.4	0.0	0.0	1.16	4563

#### 空腔面径向应力 2

### 2.1 理想弹塑性和幂次硬化模型

采用不计应变率和热效应的简化 JC 模型对 6061 - T651 铝的可压缩理想弹塑性模型(Elastic-Perfectly Plastic, 简称 EPP) 和幂次硬化模型 (Compressible and Power-Law Hardening, CH)进行模 拟。图4给出了两种材料模型在不同空腔压力 P 下空腔膨胀速度 V 随时间变化规律。从中可以看 出,当 P 较小(如 P = 1.0GPa)时, V 上升到最大 值后,逐渐衰减到0,膨胀最终停止,表明 P 不足 以使空腔持续膨胀,此时空腔的抗力大于所施压 力。当 P 超过一定值后, V 最终会趋于稳定。因 此,对每个给定的 P,空腔面都有一个稳定的 V, 即当空腔以一稳定速度膨胀时,空腔面径向应力  $\sigma_r = P$  为一恒定值。

两种材料模型  $\sigma_r$  随 V 变化规律的模拟结果 如图 5 所示,图中还给出了相应材料模型的 Forrestal 和 Luk 空腔膨胀理论解<sup>[3-4]</sup>,其中 Y 为材



图 4 EPP 和 CH 模型空腔膨胀速度时程曲线 Fig.4 Cavity expansion velocity vs time of EPP and CH 料静屈服强度, $\rho_0$ 为材料初始密度。结果表明,  $\sigma_r$  与 V 的关系与 Forrestal 和 Luk 模型结果吻合得 很好,由此可以证明本文数值模拟合理有效。

### 2.2 应变率效应和绝热软化效应

以 JC 模型为基础,分别考虑不可压缩应变率 效应 (Incompressible, Hardening and Strain Rate, InCHR)、可压缩应变率效应(Compressible、Hardening



图 5 EPP 和 CH 模型空腔面径向应力 模拟结果与理论解

Fig.5 Cavity radial stress of EPP and CH comparing simulations with theories

and Strain Rate, CHR)以及综合考虑可压缩应变率 效应和绝热软化效应(Compressible、Hardening、 Strain-Rate and Thermal-softening, CHRT)对空腔膨 胀过程进行模拟。在进行数值模拟时,直接采用 泊松比  $\nu = 0.5$ 模拟材料的不可压缩性将会带来 计算的不稳定,为此,取  $\nu = 0.4998$ 进行计算。在 速度低于 1400m/s 的情况下,附加质量效应可忽 略不计,根据模拟结果,将空腔压力与膨胀速度统 一近似用如下公式<sup>[5]</sup>拟合:

$$\sigma_r / Y = A_1 + A_2 \left( \sqrt{\rho_0 / Y} \cdot V \right) + A_3 \left( \sqrt{\rho_0 / Y} \cdot V \right)^2$$
(2)

式中 A<sub>1</sub>、A<sub>2</sub> 和 A<sub>3</sub> 为无量纲拟合系数。表 2 给出 了两种材料不同条件下的系数拟合值。

表 2	$A_1$ 、 $A_2$ 和 $A_3$ 杀敛拟合值	
ah 2	The fit values of A A and A	

材料模型		6061 - 7651 铝			4340 钢			
		$A_1$	$A_2$	$A_3$	$A_1$	$A_2$	$A_3$	
СН	(理论)	4.4534	0.4680	0.9926	4.6253	0.3858	0.9803	
InCHR	(理论)	5.5468	0.6255	1.4377	5.4352	0.6871	1.4321	
InCHR	(模拟)	5.5436	0.6249	1.4396	5.4318	0.6902	1.4363	
CHR	(理论)	5.0394	0.9830	0.9402	5.2171	0.9253	0.9237	
CHR	(模拟)	5.0105	0.3113	1.0555	5.1986	0.3147	1.0312	
CHRT	(模拟)	4.6721	0.3612	1.0243	4.8961	0.3379	1.0137	

由表 2 可知, InCHR 模型的模拟结果与 Warren 不可压缩解吻合得很好。图 6 给出了 Warren 理论解  $\sigma_{CHRw}$ 与模拟值  $\sigma_{CHRs}$ 相对误差随空 腔速度变化曲线。对于 CHR 模型,模拟值普遍低 于 Warren 理论解,说明在 Luk 不计应变率效应的 可压缩模型解基础上,直接加入考虑应变率效应 不可压缩解的 Warren 理论解高估了空腔面径向 应力。在  $0.4 \leq (\rho_0/Y)^{1/2} V \leq 3.5$ 范围内,两种材 料的误差都超过 5%,当 $(\rho_0/Y)^{1/2} V = 1.4 \sim 1.5(V)$ = 450 ~ 500m/s)时,误差达到最大。由此可见,在 低速膨胀区域,材料可压缩效应和应变率效应影 响均较小;随着膨胀速度增大,材料可压缩效应逐



图 6 CHR 模型模拟值与理论解误差曲线 Fig.6 Errors between simulations and theoretics of CHR

渐增强,模拟解与 Warren 理论解误差也随之增 大;当速度超过某一范围时,相对于可压缩效应而 言,应变率效应成主要因素,误差相对随之降低。





假设 CHRT 模型最符合实际材料性能(见下 节),定义  $\delta_1 = (\sigma_{CH} - \sigma_{CHRT})/\sigma_{CHRT}$ 为 CH 模型与 CHRT模型空腔面径向应力的相对误差, $\delta_2 = (\sigma_{CHR} - \sigma_{CHRT})/\sigma_{CHRT}$ 为 CHR 模型与 CHRT 模型的 相对误差。由图 7 给出的误差随速度变化规律发 现:(1)考虑材料应变率效应而不考虑热效应 (CHR 模型),空腔面应力会偏高,但误差最大不 超过 10%,且随着速度的增加而降低,在高速阶 段,对于 6061 – T651 铝,误差趋于 3%,4340 钢则 趋于 1.8%;(2)不计应变率和热效应 CH 模型低 估了空腔面径向应力,同样误差随着速度的增加 而降低,在高速阶段,6061 – T651 铝的误差稳定在 1%左右,4340 钢的误差在 2.7% 左右;(3)应变率 硬化与热软化有相互抵消作用,但应变率效应影 响大于热软化效应,对于 6061 – T651 铝,热软化 效应接近应变率效应,因此 CH 模型预测的空腔 面径向应力比 CHR 模型预测的更接近实际。

## 3 侵深结果分析

对于 6061 – T651 铝,采用文献[5]的侵深计 算模型,取文献[13]中的试验进行计算,球头弹体 密度  $\rho_p = 8000$ kg/m<sup>3</sup>,弹头半径 a = 3.555mm,弹长 为 L = 35.56mm;对于 4340 钢,采用文献[1]的计 算模型,试验源于文献[14],卵形弹体质量  $m_p =$ 110g,弹体半径 a = 10mm,弹体长  $L_1 = 40$ mm,弹头 长  $L_2 = 10$ mm。图 8(a)、(b)分别给出了两种材料 按 CH 模型、CHR 模型和 CHRT 模型的模拟结果 及可压缩 Warren 理论解(CHR 模型)预测的侵深 与试验结果的对比。





由图 8 可知:(1)在三种材料模型中,CHRT 模型结果与试验结果吻合得最好;(2)对于 6061 – T651 铝,CH 模型结果同样与试验结果吻合得较好,CHR 模型结果略有所偏低;而对于 4340 钢, CHRT 模型结果在 CH 模型和 CHR 模型之间,这 与前面对空腔面径向应力的研究结果相一致;(3) Warren 理论解综合了材料可压缩性但没有考虑热效应的误差,随着撞击速度增加,误差累积增大,明显低于试验结果。

## 4 结论

本文采用 LS-DYNA 软件对金属材料球形空 腔膨胀过程进行了数值模拟,研究了材料硬化、应 变率和绝热效应对空腔膨胀压力的影响。研究表 明,当空 腔膨胀模型理论完备时,理论解(如 Forrestal 解和 Luk 解)与数值模拟解完全吻合;考 虑应变率效应的可压缩材料 Warren 解,由于理论 不完备,高估了空腔压力,最大偏差不超过 10%; 综合考虑应变率和热效应空腔膨胀模型预测的刚 性弹侵深与试验结果吻合得最好;由于应变率效 应和绝热软化效应有相互抵消作用,一定条件下 不计二者影响可以获得较好预测结果,而只考虑 应变率不计热效应(如 Warren 解)的预测结果误 差最大。

# 参考文献:

- Li Q M, Weng H J, Chen X W. A Modified Model for the Penetration Into Moderately Thick Plates by a Rigid, Sharp-nosed Projectile [J]. Int J Impact Eng, 2004, 30:193 – 204.
- [2] Forrestal M J, Warren T L. Penetration Equations for Ogive-nose Rods Into Aluminum Targets [J]. Int J Impact Eng, 2008, 35:727 - 730.
- [3] Forrestal M J, Luk V K. Dynamic Spherical Cavity-expansion in a Compressible Elastic-plastic Solid [J]. J Appl Phys, 1988, 55: 275 - 279.
- [4] Luk V K, Forrestal M J, Amos D E. Dynamic Spherical Cavity Expansion of Strain-hardening Materials [J]. J Appl Mech, 1991, 58:1-6.
- [5] Warren T L, Forrestal M J. Effects of Strain Hardening and Strainrate Sensitivity on the Penetration of Aluminum Targets with Spherical-nosed Rods [J]. Int J Solids Struct, 1998, 35: 3737 – 3753.
- [6] 蒋志刚,曾首义,周建平.刚性尖头弹侵彻有限厚度金属靶 板分析模型[J].兵工学报,2007,28(8):923-929.
- [7] 陈小伟,李小笠,陈裕泽,等. 刚性弹侵彻力学中的第三无 量纲数[J].力学学报,2007,39(1):77-84.
- [8] Warren T L, Fossum A F, Frew D J. Penetration Into Low-strength (23 MPa) Concrete: Target Characterization and Simulations [J]. Int J Impt Eng, 2004, 30:477 – 503.
- [9] Rosenberg Z, Dekel E. A Numerical Study of the Cavity Expansion Process and its Application to Long-rod Penetration Mechanics [J]. Int J Impact Eng, 2008, 35:147 – 154.
- [10] Rosenberg Z, Dekel E. Analytical Solution of the Spherical Cavity Expansion Process [J]. Int J Impact Eng, 2009, 36:193 – 198.
- [11] Huh H, Kang W J. Crash-worthiness Assessment of Thin-walled Structures with the High-strength Steel Sheet [J]. Int. J Vehicle Design, 2002, 30(1/2):1-21.
- [12] Ravichandran G. Mechanical Testing of 6061 T651 Aluminum Alloy and 4340 Steel [A]. California Institute of Technology, 1997, Pasadena, CA 91125, USA.
- [13] Forrestal M J, Brar N S, Luk V K. Penetration of Strain-hardening Targets with Rigid Spherical-nose Rods [J]. J Appl Mech, 1991, 58:7-10.
- [14] Dikshit S N, Sundararajan G. The Penetration of Thick Steel Plates by Ogive Shaped Projectiles-experiment and Analysis [J]. Int J Impact Eng, 1992, 12:373 – 408.