文章编号:1001-2486(2011)06-0089-06

内编队重力场测量卫星微推力器姿轨一体化控制^{*}

吉 莉,刘 昆,项军华 (国防科技大学航天与材料工程学院,湖南长沙 410073)

摘 要:內编队重力场测量卫星通过精密定轨和相对状态测量实现高精度高分辨率地球重力场测量。 这两项技术都依赖于精密编队控制和姿态控制。稳态工作期间,要求相对位移必须控制在厘米量级内,外卫 星对地定向精度优于 0.1°。姿轨一体化控制的目标是利用微推力器保障稳态工作期间的科学测量。基于带 推力器布局的耦合线性模型进行了内编队重力场测量卫星全推力设计。基于模型预测控制算法实现了卫星 的姿轨一体化控制,仿真结果证实全推力器一体化控制方案的可行性与有效性。

关键词:内编队;姿轨一体化控制;全推力

中图分类号:V239.1 文献标识码:A

Application of Microthrusters of Integrated Orbit and Attitude Control of Inner-formation Gravity Field Measurement Satellite

JI Li, LIU Kun, XIANG Jun-hua

(College of Aerospace and Material Engineering, National Univ. of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: The inner-formation gravity field measurement satellite was proposed to measure Earth's gravity field with high accuracy and spatial resolution through precise orbit determination and relative state measurement. Both techniques relied on precise formation control and accurate attitude control, during steady-state phase, where the relative displacement had to be suppressed down to centimeter, and the outer-satellite attitude had to be earth-oriented with 0.1 degree accuracy. The integrated orbit and attitude control aims to guarantee the scientific measurement during steady-state phase, applying micro-thrusters. The all-propulsion design was processed on a coupled linear model with thruster layout; the integrated orbit and attitude control was implemented based on model predictive control (MPC) algorithm. Simulation results demonstrate the feasibility and validity of this integrated control scheme with micro-thrusters.

Key words: Inner-Formation; integrated orbit and attitude control; all-propulsion

内编队重力场测量系统是我国提出的一种通 过精密定轨和相对状态测量手段实现高精度重力 场测量的方案,由一颗普通卫星和包裹在其内部、 物理隔绝的球体构成。将球体称为内卫星,普通 卫星称为外卫星^[1]。内编队系统独特的构形与 重力测量原理,要求相对位置控制精度达到厘米 量级,姿态稳定精度达到 0.1°/s。近年来采用微 推力器进行卫星编队控制受到持续关注。全推力 方式设计能减少可移动部件(如反作用飞轮、陀 螺仪以及带传统电子管的轨道姿态控制推力器) 引起的内部扰动,势必成为未来空间科学观测任 务的主流设计^[2-5]。作为新概念空间任务,内编 队系统需要灵敏有效的控制系统来实现连续阻力 补偿。 多处文献将模型预测技术应用于航天器状态 跟踪控制。文献[6]将其转换为二次型规划问题 并证明了方法的鲁棒性,实现了航天器姿态跟踪 控制。文献[7]引入约束更新用于改善系统跟踪 性能。文献[8]为保证控制律稳定性,引入终端 约束,但对输入输出约束作了简化。上述文献各 关注模型预测技术应用的某一方面,不能直接用 于解决具有约束耦合特征的内编队系统姿轨一体 化控制问题。

本文基于带推力器布局的耦合线性模型进行 了全推力设计。建立了内编队系统姿轨一体化控 制模型,利用模型预测控制算法实现了内编队重 力场测量卫星的姿轨一体化控制,最后对全推力 器一体化控制方案的可行性、有效性和控制性能

^{*} 收稿日期:2011-03-25 基金项目:国家自然科学基金资助项目(11002076);国家部委资助项目(51320010201) 作者简介:吉莉(1982-),女,博士生。

进行了仿真验证,表明用微推力器实现内编队系 统姿轨一体化控制能够满足任务控制性能需求。

1 系统模型

1.1 轨道姿态耦合动力学模型

内编队系统运行于近圆近极太阳同步轨道 上,平均轨道高度约为350km。理想状态下,内外 卫星质心重合,不存在一般编队飞行所具有的绕 飞运动,但实际上扰动会使它们之间发生平动和 转动。由于外卫星跟内卫星轨道非常接近,近似 认为两者的轨道频率相等,即 $n' \approx n$ 。假定外卫 星为刚体,针对稳态工作模式采用小角度近似和 常值轨道角速率假设。用 $X \in \mathbb{R}^{12\times 1}$ 表示外卫星 的状态矢量,包含相对位置、相对速度、姿态角及 角速度,轨道和姿态一体化模型可以用线性方程 近似表示为

 $\dot{X} = AX + Bu \tag{1}$

其中,

$$A = \begin{bmatrix} A_{t} & \theta_{6\times 6} \\ \theta_{6\times 6} & A_{r} \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} B_{t} & \theta_{6\times 6} \\ \theta_{6\times 6} & B_{r} \end{bmatrix}$$
$$A_{t} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 3n^{2} & 0 & 0 & 0 & 2n & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -2n & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -n^{2} & 0 & 0 \end{bmatrix},$$
$$B_{t} = \begin{bmatrix} \theta_{3\times 3} \\ \operatorname{diag}_{3}\left(\frac{1}{m}\right) \end{bmatrix},$$
$$A_{r} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ -4n^{2}\sigma_{1} & 0 & 0 & 0 & 0 & n'(1-\sigma_{1}) \\ 0 & 3n^{2}\sigma_{2} & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & n^{'2}\sigma_{3} & -n'(1+\sigma_{3}) & 0 & 0 \end{bmatrix},$$

$$\boldsymbol{B}_r = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\theta}_{3\times3} \\ \boldsymbol{I}^{-1} \end{bmatrix},$$

$$\sigma_1 = \frac{I_y - I_z}{I_x}, \quad \sigma_2 = \frac{I_z - I_x}{I_y}, \quad \sigma_3 = \frac{I_x - I_y}{I_z}$$

 $u \in \mathbb{R}^{6\times 1}$ 由内外卫星受力差量和作用在外卫星上的力矩构成; m 是外卫星质量; J = diag (I_x, I_y, I_z) 是外卫星三轴主惯量构成的惯量矩阵。

1.2 推力器布局

内编队重力场测量卫星的推力器组由1个轨

道阻力补偿推力器(OTA)和8个负责姿态跟踪和 非重力扰动补偿的微推力器(MTA)构成,推力器 布局见图 1。OTA 安装在体坐标系 x_b 轴反向。 MTA1~8 安装在 $y_b - z_b$ 平面内,分别与 $x_b - y_b$ 平 面成夹角 $\alpha^{[5]}$ 。



图 1 推力器布局 Fig. 1 Thruster layout

推力器组输入矩阵为

	Γ1	0	0	0	0	0	0	0	ך 0	
П =	0	- c	- c	- c	- c	с	с	с	<i>c</i>	
	0	- s	\$	\$	- s	- s	\$	\$	- s	
	0	rc	- rc	- rc	rc	- rc	rc	rc	- rc	
	0	Ls	– Ls	Ls	– Ls	Ls	– Ls	Ls	- Ls	
	Lo	-Lc	-Lc	Lc	Lc	Lc	Lc	-Lc	$-Lc \rfloor$	
									(2)

其中 *c* 表示 cosα, *s* 表示 sinα, *r* 为星体圆形横截 面半径, *L* 为外卫星星体总长度的一半。

由于跟轨道高度相比,内外卫星相对位移非 常小,因此在推力转换时近似认为两者质心重合, 坐标转移矩阵记为 T_{hb} 。令 $F_{tht} \in \mathbb{R}^{9 \times 1}$ 表示由 9 个推力器的工作推力构成的推力矢量,输入可表 示为:

$$\boldsymbol{u} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{T}_{hb} & \boldsymbol{\theta}_{3\times3} \\ \boldsymbol{\theta}_{3\times3} & \boldsymbol{I}_{3\times3} \end{bmatrix} \boldsymbol{\Pi} \boldsymbol{F}_{hht}$$
(3)

2 模型预测控制方法

内编队系统一体化动力学方程具有输入可由 状态显式线性表示的特征,可以描述为

$$\dot{\mathbf{x}}(t) = \mathbf{f}(\mathbf{x}(t)) + \mathbf{G}(\mathbf{x}(t))\mathbf{u}(t)$$
$$\mathbf{y} = \mathbf{h}(\mathbf{x}(t))$$
(4)

将首次出现输入时的输出导数阶数称为临界 阶数,记为μ。以μ阶 Taylor 级数展开近似输出:

$$y(t+\tau) = y(t) + z(x(t),\tau) + \Lambda(\tau)S(x(t))u(t)$$
(5)

+ $\Lambda(\tau)S(\mathbf{x}(t))\mathbf{u}(t)$ (5) 其中 $\mathbf{z}(\mathbf{x}(t),\tau)$ 的第i个元素为 $\mathbf{z}_i(\mathbf{x}(t),\tau) =$ $\sum_{k=1}^{\mu_i} \frac{\tau^k}{k!} D_{f_x}^k(h_i), \mu_i(i=1,2, \cdots, p)$ 是各个输出的 临界阶数。 $D_{f_i}^k(h_i) \stackrel{k}{=} k$ 阶 Lie 导数^[6]。 $\Lambda(\tau)$ 是

• 91 •

对角矩阵, 对角元素为 $\lambda_{ii} = \frac{\tau^{\mu_i}}{\mu_i!}, i = 1, \dots, p_o$ g_j 是 $G(\mathbf{x}(t))$ 的第 j 列, $S(\mathbf{x}(t))$ 的第 i 行为 $s_i = \{D_{g_1}[D_{f_x}^{\mu_i-1}(h_i)], \dots, D_{g_m}[D_{f_x}^{\mu_i-1}(h_i)]\}, i = 1, \dots, p_o$

目标函数选取为J(u(t))

$$= \frac{1}{2} \int_0^{T_p} (\boldsymbol{e}(t+\tau)^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{u}(t)^{\mathrm{T}} \boldsymbol{W} \boldsymbol{u}(t)) \,\mathrm{d}\tau \quad (6)$$

其中 $e(t+\tau) = \tilde{y}(t+\tau) - y(t+\tau), \tilde{y}(t+\tau)$ 表示 期望输出, T_p 为预测时长, $R = R^{T} \pi W = W^{T}$ 为权 值矩阵, R 正定, W半正定。

由于目标函数的二次型属性,且存在输入输 出约束,式(6)转换成约束二次型规划问题。引 入另一个输出误差矢量 $e'(t+\tau) = \tilde{y}(t+\tau) - y(t) - z(x(t),\tau)$,目标函数变为

$$J(\boldsymbol{u}) = \int_{0}^{T_{p}} \left(-\boldsymbol{e}^{T}\boldsymbol{R}\boldsymbol{A}\boldsymbol{S}\boldsymbol{u} + \frac{1}{2}\boldsymbol{u}^{T}(\boldsymbol{S}^{T}\boldsymbol{A}^{T}\boldsymbol{R}\boldsymbol{A}\boldsymbol{S} + \boldsymbol{W})\boldsymbol{u} \right) \mathrm{d}\boldsymbol{\tau}$$

$$(7)$$

记为二次型规划标准形式:

$$J(\boldsymbol{u}) = \boldsymbol{P}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{u} + \frac{1}{2}\boldsymbol{u}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{H}\boldsymbol{u}$$
(8)

其中 $\boldsymbol{P} = \left(-\int_{0}^{T_{p}} \boldsymbol{e}^{T} \boldsymbol{R} \boldsymbol{\Lambda} \boldsymbol{S} d\tau\right)^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{H} = \int_{0}^{T_{p}} \boldsymbol{S}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\Lambda}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{R} \boldsymbol{\Lambda} \boldsymbol{S} d\tau$ + $T_{p} \boldsymbol{W}_{\circ}$

系统输入输出约束可以写为 **u**(*t*) 的线性约 束, 记为 *Lu* < *K*, 其中

$$L = \begin{bmatrix} I_{m \times m} \\ -I_{m \times m} \\ \Sigma S(x(t)) \\ -\Sigma S(x(t)) \end{bmatrix},$$

$$K = \begin{bmatrix} u_{max} \\ -u_{min} \\ \int_{0}^{T_{p}} [y_{max} - y(t) - z(x(t), \tau)] d\tau \\ \int_{0}^{T_{p}} [-y_{min} + y(t) + z(x(t), \tau)] d\tau \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{\Sigma} = \int_0^p \boldsymbol{\Lambda}(\boldsymbol{\tau}) \mathrm{d}\boldsymbol{\tau}_\circ$$
约束随状态实时更新。

有了以上的二次型目标函数和线性约束,运 用模型预测技术实现约束线性系统控制就被转换 为一个二次型规划问题。

3 控制器设计

将上述模型预测控制方法应用于内编队系

统,实现姿轨一体化控制。

将轨道姿态耦合系统分解为位置、速度、姿态 和角速度四部分,分别以下标 p,v,e 和 ω 表示。 对位置和姿态有 $\mu = 2$,对速度和角速度有 $\mu = 1$, 从而 有 $\Lambda = \text{diag}(\frac{1}{2}\tau^2 I_{3\times 3}, \frac{1}{2}\tau^2 I_{3\times 3}, \tau I_{3\times 3}, \tau I_{3\times 3}, \tau I_{3\times 3})$ 。

令*i*:*j*表示从矩阵第*i*到第*j*行(列),单个:表示所有行(列)。*z*和*S*的表达式为

$$\boldsymbol{z} = [\boldsymbol{z}_p^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{z}_v^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{z}_e^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{z}_{\omega}^{\mathrm{T}}]^{\mathrm{T}} \in \Delta^{12 \times 1}$$
(9)

其中

$$z_{p} = \frac{\tau^{2}}{2} A_{i}(4:6,:) X_{i} + \tau A_{i}(1:3,:) X_{i}, z_{v}$$
$$= \tau A_{i}(4:6,:) X_{i}, z_{e} = \frac{\tau^{2}}{2} A_{i}(4:6,:) X_{r} + \tau A_{i}(1:3,:) X_{r}, z_{\omega} = \tau A_{i}(4:6,:) X_{r}$$
fil

$$\boldsymbol{S} = \left[\boldsymbol{S}_{p}^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{S}_{v}^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{S}_{e}^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{S}_{\omega}^{\mathrm{T}} \right] \in \Delta^{13 \times 9}$$
(10)

其中

$$S_{p} = S_{v} = \operatorname{diag}_{3}\left(\frac{1}{m}\right) T_{hb} \Pi(1:3,:),$$

$$S_{e} = S_{\omega} = J^{-1} \Pi(4:6,:)$$

4 性能仿真

外卫星参数如表1所示。

表1 外卫星参数

Tab. 1 Spacecraft parameters

而日	初始总	阻力系数	横截面积	总长度	
坝目	质量 m	C_{d}	A	L	
数值	145.84 kg	2.2	0. 169 m ²	2 m	

仿真中考虑大气阻力采用指数衰减模型;重 力场采用10阶次 EGM96模型;太阳光压按最大 受晒面积估算;地磁场采用10阶 IGRF 系数模 型;内部相互作用通过10⁻¹⁰m/s²量级的正态分 布随机干扰加速度来描述,用于满足内编队系统 高精度控制性能仿真对所有摄动影响的要求。基 于模型预测控制算法,计算姿轨一体化控制的推 进需求。系统输出约束见表2。

表2 系统输出约束

	1 a. 2	Constraint	on outputs		
而日	相对位置	相对速度	姿态角	姿态角速度	
坝目	$P_{\rm max}$	$V_{\rm max}$	$lpha_{ m max}$	$\boldsymbol{\omega}_{\mathrm{max}}$	
数值	0.02 m	0.01 m/s	5×10^{-4} rad	0.01 rad/s	

权值矩阵取为 $R = \text{diag}(1 \times 10^3 I_{3\times3}, 1 \times 10^3 I_{3\times3}, 10I_{3\times3}, I_{3\times3})$ 和 $W = \text{diag}(1 \times 10^3 I_{3\times3}, I_{3\times3})_{\circ}$ OTA 推力上限 0.4N, MTA 推力上限 0.22mN。所



图 2 大气阻力和力矩 Fig. 2 Atmospheric profiles

系统推进需求如图3所示。图中有两个振荡 频率,其中高频振荡是因为大气阻力随卫星轨道 高度变化,低频振荡由编队轨道类型和卫星惯量 特征决定。切向推力分量(y 轴)最大且为正,曲 线逐渐稳定并呈现带状特性。法向推力分量(z 轴)消除来自重力梯度误差和姿态振荡带来的大 气阻力分量扰动,其变化主要由大气密度随卫星 轨道高度变化造成,在近地点和远地点,重力梯度 对推力的影响最小。径向推力分量(*x*轴)也在零 值上下变化,它的均值偏向负半平面,因为径向存 在一个大气阻力分量及其他扰动。





推力器工作推力变化如图 4 所示。比较 OTA 推力曲线与图 2(a)可以看出,OTA 产生的推力消 除了大部分大气阻力。相比之下,x-z平面受到 的扰动小得多。微推力器成对工作(1 和 7,2 和 8,3 和 5,4 和 6),生成力矩进行姿态控制,之间的 差量用于补偿 x-z平面的扰动,实现相对轨道 控制。





外卫星轨道和姿态误差见图 5 和 6。由图可 知,推进系统消除了扰动,将所有输出限定在各自 约束范围内。

卫星轨道高度的变化情况如图7给出。结果

表明,推进系统不仅修正了相对轨道偏差,而且保持了轨道高度,其修正的状态误差包括卫星实际轨道跟不受环境扰动的纯引力轨道之间的位置偏差。







图 6 姿态残余误差 Fig. 6 Residual errors of attitude



图 7 轨道高度衰减变化 Fig. 7 Altitude Decay

5 结论

采用微推力器的全推力设计是未来科学观测 任务的有效解决方案。内编队系统旨在通过精密 定轨和相对状态测量实现高精度高分辨率地球重 力场测量。针对内编队系统姿轨一体化控制问 题,采用推力受限的微推力器进行轨道姿态耦合 控制设计,仿真测试了提出的推力器布局和控制 算法。结果表明,考虑10%的测量误差和控制误 差,相对位移保持在0.2cm内,外卫星对地指向 精度为0.1°,满足科学测量性能需求。微推力器 对受大气阻力影响明显的低轨内编队系统是颇有 前景的备选方案。

参考文献:

- [1] Wang Z K, Zhang Y L. A Novel Concept of Satellite Gravity Field Measurement System Using Precision Formation Flying Technology [C]// 3rd CSA-IAA Conference on Advanced Space Systems and Applications-Satellite Applications and Applied Satellites, Shanghai, China, 2008.
- [2] Bassner H, Killinger R, Marx M, et al. Ion Propulsion for Drag Compensation of GOCE [C]//36th AIAA/ASME/SAE/ ASEE Joint Propulsion Conference and Exhibit, Huntsville, Alabama, 2000.
- [3] Rock St B, Blandino J J, Demetriou A M. Application of Micronewton Thrusters for Control of Multispacecraft Formations in Earth Orbit [C]//40th AIAA/ASME/SAE/ASEE Joint

Propulsion Conference and Exhibit. Fort Lauderdale, Florida, 2004.

- [4] Marchetti J P, Blandino J J, Demetriou A M. Electric Propulsion and Controller Design for Drag-free Spacecraft Operation in Low Earth Orbit [C]//42nd AIAA/ASME/SAE/ ASEE Joint Propulsion Conference and Exhibit, Sacramento, Califorlia, 2006.
- [5] Canuto E, Massotti L. All-propulsion Design of the Drag-free and Attitude Control of the European Satellite GOCE[J]. Acta Astronautica, 2009, 64: 325 – 344.

(上接第83页)

参考文献:

- Schuon S, Diepold K. Comparison of Motion Deblur Algorithms and Real World Deployment [J]. Acta Astronautica, 2009, 64 (11/12): 1050-1065.
- Ben-Ezra M, Nayar S K. Motion-based Motion Deblurring[J].
 IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 2004, 26(6): 689 - 698.
- [3] Raskar R, Agrawal A, Tumblin J, et al. Coded Exposure Photography: Motion Deblurring Using Fluttered Shutter[C]// Proceedings of ACM SIGGRAPH 2006. Boston, Massachusetts: ACM, 2006:795 – 804.
- [4] Yuan L, Sun J, Quan L, et al. Image Deblurring with Blurred/Noisy Image Pairs [C]//Proceedings of ACM SIGGRAPH 2007. SanDiego, California: ACM, 2007:1-1-8.
- [5] Levin A, Sand P, Cho T S, et al. Motion Invariant Photography[C]//Proceedings of ACM SIGGRAPH 2008. Los Angeles, California: ACM, 2008,27(3):1-8.
- [6] Agrawal A, Xu Y, Raskar R. Invertible Motion Blur in Video
 [C]//Proceedings of ACM SIGGRAPH 2009. New Orleans, LA, USA: ACM, 2009:95 - 1 - 8.

- [6] Crassidis L J, Markley L F, Tobin C A, et al. Nonlinear Predictive Control of Spacecraft [C]//Reno, NV: AIAA, Aerospace Sciences Meeting & Exhibit, 35th, 1997.
- [7] Shearer M C, Heise A S. Constrained Model Predictive Control of a Nonlinear Aerospace System [C]//AIAA Guidance, Navigation, and Control Conference and Exhibit, Collection of Technical Papers. Boston, MA, Pt. 2,1998:772-785.
- [8] Prieto D, Ahmad Z. A Drag Free Control based on Model Predictive Technics [C]//2005 American Control Conference, Porland, OR USA, 2005:1527 – 1532.
- [7] Lucy L B. An Iterative Technique for the Rectification of Observed Distributions [J]. Astronomical Journal. 1974, 79 (6):745-754.
- [8] Joshi N, Kang S B, Lawrence Z C, et al. Image Deblurring using Inertial Measurement Sensors [C]//Proceedings of ACM SIGGRAPH 2010, Los Angeles, California: ACM, 2010: 30 -1-9.
- [9] 邹谋彦. 反卷积与信号复原[M]. 北京:国防工业出版 社. 2001.
- [10] External Trigger Modes Supported by Point Grey Cameras[EB/OL]. [2011 - 12 - 05] http://www.ptgrey.com/support/kb/ index.asp? a = 4&q = 239
- [11] Point Grey camera [EB/OL]. [2011 12 05]. http:// www.ptgrey.com
- [12] Arduino Duemilanove [EB/OL]. [2011 12 05]. http:// www.arduino.cc/
- [13] Camera Calibration Toolbox for Matlab[EB/OL]. [2011 12 - 05]. http://www.vision.caltech.edu/bouguetj/calib_doc/
- [14] 于起峰,陆宏伟,刘肖林.基于图像的精密测量与运动测量[M].北京:科学出版社,2002.
- [15] 于起峰,尚阳.摄像测量学原理与应用[M].北京:科学 出版社,2009.