doi:10.11887/j.cn.201505014

http://journal. nudt. edu. cn

平流层长航时气球上升过程超冷现象影响因素分析。

杨希祥,侯中喜,麻震宇

(国防科技大学 航天科学与工程学院,湖南 长沙 410073)

摘 要:平流层长航时气球超冷现象是指内部浮升气体温度低于外界大气温度,超冷会引起浮力损失进 而阻碍气球上升过程。建立了长航时气球辐射、对流等热模型和上升过程动力学模型,仿真分析了初始净浮 力、蒙皮热物性参数、放飞时间和放飞日期等因素对超冷现象的影响规律。研究结果表明,上升过程内外温 差随初始净浮力增大而增大且变化显著,可见光吸收率和红外吸收率增大时,内外温差值总体上呈减小趋 势;放飞时刻和放飞日期对超冷现象影响较小,但放飞时间不同,气球上升至设计驻空高度的时间差别较大。 该结论可为平流层浮空器总体方案设计和放飞试验提供有益参考。

关键词:平流层长航时气球;上升过程;超冷现象;热模型

中图分类号:V274 文献标志码:A 文章编号:1001-2486(2015)05-091-06

Analysis of influential factors to supercooling phenomenon during ascent stage of stratospheric long duration balloons

YANG Xixiang, HOU Zhongxi, MA Zhenyu

(College of Aerospace Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: Supercooling phenomenon of stratospheric long duration balloons means that the temperature of helium gas inside is lower than that of atmosphere outside, this will cause the loss of buoyancy and affect ascent process of the balloon as a result. Radiation and convection thermal models and the vertical dynamic model of long duration balloons were established, and the influence regularity of some important factors, including initial net buoyancy, skin thermal physical parameters, launch time and launch date, on supercooling phenomenon was analyzed. Simulation results show that the temperature difference between helium gas and outside atmosphere enlarges remarkably along with the increase of initial net buoyancy, and the temperature difference decreases when the absorptivity for visible light and infrared radiation increases. Simulation results also show that the influence of launch time and launch date on supercooling phenomenon is much smaller, while flight time from ground to designed altitude displays great difference when the launch time is different. The research results can provide theoretical reference for conceptual design and flight test.

Key words: stratospheric long duration balloon; ascent stage; supercooling phenomenon; thermal model

近年来,在对地观测、导弹预警、移动通信等 军民应用需求的强力推动下,临近空间持久区域 驻留飞行器的发展受到各国高度关注^[1]。平流 层长航时气球是典型的持久区域驻留飞行器,也 是目前唯一真正实现在临近空间高度(约20~ 100km)长期工作的浮空类飞行器。

平流层长航时气球依靠浮力升空。在上升过 程中,气球经历外界环境参数的大幅变化,大气密 度、温度、压力随高度增加呈总体下降趋势,随外 界大气压力下降,气球快速膨胀对外做功,引起内 部浮升气体(通常为氦气)温度大幅下降并低于 外界大气温度,产生超冷问题。超冷会造成浮力 的大幅损失,严重影响气球上升过程,甚至导致无 法上升至预定高度。同时,平流层长航时气球在 上升过程中与外界存在复杂的辐射、对流等换热 过程,包括太阳辐射、红外辐射、蒙皮对外辐射、蒙 皮与外界大气和内部气体间对流换热等。分析平 流层长航时气球上升过程动力学与热力学耦合特 性,掌握主要设计参数和外界环境因素对超冷问 题的影响规律,对于气球成功安全上升至关重要。

国内外很多文献对传统零压气球和超压气球 上升和驻留过程航迹仿真问题进行了研究。 Kreith和 Kreider首先研究了零压气球性能预测 问题^[2],Carlson和 Horn建立了考虑浮升气体不 透明的高空科学气球热与轨迹模型^[3]。Franco等 以美国国家航空航天局的科学气球为例,研究了 科学气球受热问题^[4]。Selby采用三维热/流动耦 合计算分析方法研究了高空科学气球在漂浮阶段

^{*} 收稿日期:2015-01-20 基金项目:高分辨率对地观测系统重大专项资助项目(GFZX040201) 作者简介:杨希祥(1982—),男,河北阜城人,副教授,博士,E-mail:nkyangxixiang@163.com

的性能,并改进了用于预测高空气球轨迹的计算 机软件 SINBAD^[5]。方贤德等对超压气球上升和 驻留阶段热与轨迹性能预测问题进行了深入研 究^[6-7],吕明云等也进行了类似研究^[8]。此外,研 究人员对平流层飞艇热与轨迹预测问题也开展了 建模与仿真研究^[9]。

本文建立平流层长航时气球上升过程动力学 与热力学耦合模型,研究上升过程超冷现象,重点 研究气球设计参数及外界工况对超冷现象的影响 规律,为平流层浮空器方案设计、飞行试验方案制 定和放飞操作等提供理论参考。研究的平流层气 球内部浮升气体采用氦气,大气模型采用美国 1976标准大气模型。

1 平流层长航时气球热模型

平流层长航时气球蒙皮温度的变化根据能量 平衡方程得到:

$$m_{\rm f} c_{\rm f} \; \frac{{\rm d} T_{\rm f}}{{\rm d} t} = q_{\rm sun} + q_{\rm atm,s} + q_{\rm Albedo} + q_{\rm IR,ground} \; + \;$$

 $q_{IR,sky} + q_{ConvExt} - q_{ConvInt} - q_{IR,film}$ (1) 式中, m_f , c_f , T_f 分别为蒙皮质量、蒙皮比热、蒙皮 温度, q_{sun} 是单位时间吸收的太阳直接辐射量, $q_{atm,s}$ 为单位时间吸收的大气散射辐射量, q_{Albedo} 为 单位时间吸收的地面反射辐射量, $q_{IR,ground}$ 为单位 时间吸收的地面红外辐射量, $q_{IR,sky}$ 为单位时间吸 收的大气红外辐射量, $q_{ConvExt}$ 为蒙皮与外界大气 间单位时间对流换热量, $q_{ConvInt}$ 为蒙皮与氦气间 单位时间对流换热量, $q_{IR,film}$ 为单位时间蒙皮对 外红外辐射量。

假定气球内部气体满足理想气体定律,且气体温度和压力均匀,则根据热力学第一定律,可得到氦气温度变化率^[2]:

$$m_{\rm He}c_{\rm v, He}\frac{\mathrm{d}T_{\rm He}}{\mathrm{d}t} = q_{\rm ConvInt} + \frac{RT_{\rm He}}{M_{\rm He}} \cdot \frac{\mathrm{d}m_{\rm He}}{\mathrm{d}t} - P_{\rm He}\frac{\mathrm{d}V_{\rm He}}{\mathrm{d}t} + c_{\rm v, He}T_{\rm He}\frac{\mathrm{d}m_{\rm He}}{\mathrm{d}t}$$
(2)

式中, m_{He} 为氦气质量, $c_{\text{v,He}}$ 为氦气定容比热,R为气体常数, M_{He} , T_{He} , V_{He} , P_{He} 分别为氦气分子量、温度、体积、压强。等号右端第一项表示氦气与蒙皮间传热量,第二项是由于氦气排放产生的流动功,第三项为气球体积膨胀对外所做的功,最后一项为由于气体排放损失的内能。

1.1 太阳直接辐射

平流层长航时气球所处高度太阳直接辐射强 度为:

$$I_{\rm sun,d} = I_{\rm sun} \tau_{\rm atm} \tag{3}$$

式中, τ_{atm} 为大气透射率, I_{sun} 为大气层外的太阳辐照量,可用式(4)近似计算:

$$\begin{cases} I_{\text{sun}} = 1358 \left\{ 1 + 0.5 \left[\left(\frac{1+e}{1-e} \right)^2 - 1 \right] \cos(TA) \right\} \\ TA = 2\pi \frac{Day_{\text{number}}}{Day_{\text{PerYear}}} \end{cases}$$
(4)

其中,e为地球偏心率,Day_{number}为从近日点起算的气球飞行的天数序列,Day_{PerYear}为一年中的天数序列。因为地球偏心率很小,可用平均近点角 TA 近似真近点角。

 τ_{atm} 与太阳入射角 θ_h 的关系可近似如式(5)^[2]:

$$\begin{cases} \tau_{\text{atm}} = 0.5 \ \sqrt{\exp(-0.65m_{a,r}) + \exp(-0.095m_{a,r})} \\ m_{a,r} = \left(\frac{P_{\text{air}}}{P_0}\right) \left[\sqrt{1229 + (614\sin\theta_h)^2} - 614\sin\theta_h \right] \end{cases}$$
(5)

其中, P_{air}为气球所在高度的大气压强, P₀为海平面大气压强。

蒙皮吸收的太阳直接辐射可按式(6)计算:

 $q_{sun} = \alpha A_{project} I_{sun,d} [1 + \tau (1 + r_{eff})]$ (6) 式中: $\alpha \ \pi \ \tau \ D$ 别为蒙皮对太阳辐射的吸收率和 透射率; $A_{project}$ 为照射投影面积; r_{eff} 为蒙皮对太阳 辐射的有效反射率,反映了太阳光透射后在蒙皮 内部经多次反射被吸收的情况, 定义为:

$$r_{\text{eff}} = r + r^{2} + r^{3} + r^{4} + \cdots$$
(7)
中 r 为尝皮对大阳辐射的反射家

式中,r为蒙皮对太阳辐射的反射率。

1.2 大气散射辐射

大气散射太阳辐射强度根据式(8)计算:

$$I_{\text{atm,s}} = 0.5I_{\text{sun}} \frac{m_{a,r}(1-\tau_{\text{atm}})}{m_{a,r}-1.4 \ln \tau_{\text{atm}}} \sin \theta_h \qquad (8)$$

蒙皮吸收的大气散射太阳辐射强度按式(9) 计算:

$$q_{\rm atm,s} = \alpha A_{\rm project} I_{\rm atm,s} \left[1 + \tau (1 + r_{\rm eff}) \right] \qquad (9)$$

1.3 地面反射辐射

地面反射太阳辐射强度按式(10)计算:

 $I_{\text{Albedo}} = \gamma_{\text{Albedo}} (I_{\text{sun}} \tau_{\text{atm}} \sin \theta_h + I_{\text{atm},s})$ (10) 蒙皮吸收的地面反射太阳辐射强度为:

 $q_{Albedo} = \alpha I_{Albedo} A_{surf} \tau_{ViewFactor} [1 + \tau (1 + r_{eff})]$ (11) 其中, γ_{Albedo} 为地面平均反射率, A_{surf} 为气球表面 积, $\tau_{ViewFactor}$ 为地球表面对蒙皮表面的角系数, 且有^[10]:

$$\tau_{\text{ViewFactor}} = 0.5 \left\{ 1 - \cos \left[\arcsin \left(\frac{6\ 371\ 000}{6\ 371\ 000 + z} \right) \right] \right\}$$
(12)

式中,z为气球高度。

1.4 地面红外辐射

平流层长航时气球所处高度地面红外辐射强 度为:

$$I_{\rm IR,ground} = \varepsilon_{\rm ground} \sigma T_{\rm ground}^4 \tau_{\rm atmIR}$$
(13)

式中, $\varepsilon_{\text{ground}}$ 为地面平均红外发射率, σ 为斯特潘 波尔茨曼常数, τ_{atmIR} 为红外辐射的大气透射率。

蒙皮对地面红外辐射的吸收根据式(14) 计算:

$$q_{\rm IR,ground} = \alpha_{\rm IR} I_{\rm IR,ground} A_{\rm surf} \tau_{\rm ViewFactor} \cdot \left[1 + \tau_{\rm IR} \left(1 + r_{\rm eff, IR} \right) \right]$$
(14)

式中:α_{IR}为蒙皮对红外辐射的吸收率;τ_{IR}为蒙皮 对红外辐射的透射率; r_{eff,IR}为有效反射率,定 义为:

$$r_{\rm eff,IR} = r_{\rm IR} + r_{\rm IR}^2 + r_{\rm IR}^3 + r_{\rm IR}^4 + \cdots$$
(15)
式中, $r_{\rm IR}$ 为蒙皮对太阳辐射的反射率。

1.5 大气红外辐射

计算大气红外/长波辐射时,将周围大气环境 看作黑球模型。气球所处高度大气红外辐射强 度为:

$$I_{\rm IR,sky} = \varepsilon_{\rm sky} \sigma T_{\rm sky}^4$$
(16)

式中, ε_{sky} 为地面平均红外发射率, T_{sky} 为天空等 效黑球温度,且有:

$$T_{\rm sky} = 0.\ 052 T_{\rm air}^{1.5} \tag{17}$$

蒙皮对大气红外辐射的吸收根据式(18)进行计算:

$$q_{\rm IR,sky} = \alpha_{\rm IR} I_{\rm IR,sky} A_{\rm surf} (1 - \tau_{\rm ViewFactor}) \cdot [1 + \tau_{\rm IR} (1 + r_{\rm eff,IR})]$$
(18)

1.6 蒙皮与外界大气对流换热

蒙皮与外界大气环境的对流换热包括自然对 流与强迫对流两部分。对流换热表示如式(19):

 $q_{\text{ConvExt}} = H_{\text{external}} A_{\text{surf}} (T_{\text{air}} - T_{\text{film}})$ (19) 式中, H_{external} 为外部对流换热系数, 按式(20) 计算:

$$H_{\text{external}} = (H_{\text{force}}^3 + H_{\text{free}}^3)^{1/3}$$
(20)

式中, H_{force} 为强迫对流换热系数, H_{free} 为自然对流换热系数,其与 Nusselt 数的关系为:

$$\begin{cases} H_{\text{force}} = \frac{Nu_{\text{force}}k_{\text{air}}}{L} \\ H_{\text{free}} = \frac{Nu_{\text{free}}k_{\text{air}}}{L} \end{cases}$$
(21)

式中, k_{air} 为空气热传导率, Nu_{force} 为外部强迫对流 对应的 Nusselt 数, Nu_{free} 为外部自然对流对应的 Nusselt 数,L为特征长度,对于球形,L = d(d)为直 径)。相关参数计算公式如式(22)所示^[10]。

$$\begin{cases} k_{\text{air}} = 0.024 \ 1 \left(\frac{T_{\text{air}}}{273.15}\right)^{0.9} \\ Nu_{\text{force}} = (2 + 0.41 \ Re^{0.55}) \\ Re = \frac{Ud\rho_{\text{air}}}{\mu_{\text{air}}} \\ \mu_{\text{air}} = 1.458 \times 10^{-6} T_{\text{air}}^{1.5} / (T_{\text{air}} + 110.4) \ (22) \\ Nu_{\text{free}} = 2 + 0.45 \ (Gr_{\text{air}} Pr_{\text{air}})^{0.25} \\ Gr_{\text{air}} = \frac{\rho_{\text{air}}^2 g | T_{\text{film}} - T_{\text{air}} | d^3}{T_{\text{air}} \mu_{\text{air}}^2} \\ Pr_{\text{air}} = 0.804 - 3.25 \times 10^{-4} T_{\text{air}} \end{cases}$$

其中,Re为雷诺数,U为垂直方向速度,μ_{air}为空气的动力黏性系数,Gr_{air}为空气的格拉晓夫数,Pr_{air}为空气的普朗特数。

1.7 蒙皮与氦气对流换热

蒙皮与氦气对流换热属自然对流,计算公式 如式(23)。

$$q_{\text{ConvInt}} = H_{\text{internal}} A_{\text{surf}} (T_{\text{film}} - T_{\text{He}})$$
(23)

式中, *H*_{internal} 为内部对流换热系数, 按式(24) 计算:

$$H_{\rm internal} = \frac{N u_{\rm in, free} k_{\rm He}}{L}$$
(24)

式中, $Nu_{in,free}$ 为内部自然对流对应的 Nusselt 数, k_{He} 为氦气的热传导率,相关参数计算公式如式 (25)^[10]:

$$\begin{cases} k_{\rm He} = 0.144 \left(\frac{T_{\rm He}}{273.15}\right)^{0.7} \\ Nu_{\rm free} = 0.13 \left(Gr_{He}Pr_{\rm He}\right)^{1/3} \\ Gr_{\rm He} = \frac{\rho_{\rm He}^2 g \left|T_{\rm film} - T_{\rm He}\right| d^3}{T_{\rm He} \mu_{\rm He}^2} \\ Pr_{\rm He} = 0.729 - 1.6 \times 10^{-4} T_{\rm He} \\ \mu_{\rm He} = 1.895 \times 10^{-5} \left(\frac{T_{\rm He}}{273.15}\right)^{0.647} \end{cases}$$
(25)

其中, μ_{He} 为氦气的动力黏性系数, Gr_{He} 为氦气的格拉晓夫数, Pr_{He} 为氦气的普朗特数。

1.8 蒙皮红外辐射

蒙皮的红外辐射包括外蒙皮对外部环境的红 外辐射和蒙皮内表面的红外辐射:

$$q_{\rm IR, film} = q_{\rm IR, out} - q_{\rm IR, absorb} = 2\varepsilon\sigma A_{\rm surf}T_{\rm film}^* -$$

 $\sigma \varepsilon \alpha_{IR} A_{surf} T_{film}^4 (1 + r_{eff,IR})$ (26) 式中, ε 为蒙皮材料平均红外发射率,根据基尔霍 夫定律, $\alpha_{IR} = \varepsilon$,等号右端第一项为蒙皮内外表面 对外红外辐射总强度,第二项为被内表面吸收的 部分。

2 平流层长航时气球动力学模型

· 94 ·

平流层长航时气球上升段受到的力包括浮力、重力、气动阻力,垂直方向的动力学方程可表 示为(以高度垂直向上为正):

$$\begin{cases} \frac{\mathrm{d}U}{\mathrm{d}t} = \left[B - \left(m_{\mathrm{He}} + m_{\mathrm{st}} + m_{\mathrm{f}} + m_{\mathrm{p}} \right) g - D \right] / m_{\mathrm{total}} \\ \frac{\mathrm{d}z}{\mathrm{d}t} = U \end{cases}$$

(27)

其中,m_{total}为考虑附加质量在内的总质量,z为高度,U为垂直方向速度,B为总浮力,m_{He}为氦气质量,m_{st}为包括桁架、吊舱、电源、推进系统、飞控、压控等在内的系统干重,m_f为蒙皮质量,m_p为有效载荷质量,D为气动阻力,且有:

$$\begin{cases} B = \rho_{\rm air} V_{\rm He} g\\ D = \frac{1}{2} \rho_{\rm air} U^2 C_D S \end{cases}$$
(28)

其中:V_{He}为氦气体积,由热力学模型计算得到;C_D为阻力系数;S为气球参考面积。

式(27)中的总质量 *m*_{total}表示为如式(29)所示的形式。

 $m_{\text{total}} = m_{\text{He}} + m_{\text{f}} + m_{\text{st}} + m_{\text{p}} + m_{\text{add}}$ (29) 式中, m_{add} 为由于浮力,囊体带动周围空气运动而 引起的附加质量,且有:

$$m_{\rm add} = C_{\rm V} \rho_{\rm air} V_{\rm He} \tag{30}$$

式中,Cv为附加质量系数。

对于平流层长航时气球来说,动力学与热力 学的耦合主要体现在垂直方向运动上,因此,暂不 考虑水平面内运动。上升过程中,阀门开关控制 是内外压差、上升速度的函数,若内外压差过大或 上升速度过快,可通过排气阀向外排放氦气进行 调节,排气方程为:

$$\frac{\mathrm{d}m_{\mathrm{He}}}{\mathrm{d}t} = -nA_{\mathrm{valve}}C \sqrt{2\Delta P_{\mathrm{valve}}\rho_{\mathrm{He}}} \qquad (31)$$

式中:n 为阀门数量; A_{valve} 为单个阀门横截面积; C 为排气系数,考虑理论流动和实际流动的差异 得到; ΔP_{valve} 为阀门内外压差。

3 仿真结果与分析

以某平流层长航时超压气球为例,采用上述 建立的动力学模型和热模型,分析超冷现象影响 因素及影响规律。仿真所用气球参数如表1所 示。气球上升过程通过阀门适当排放氦气以控制 上升速度和内外压差。

表1 平流层长航时气球主要参数

Tab. 1 Main parameters of a stratospheric long duration balloon

参数名称	参数取值	参数名称	参数取值
初始总质量/kg	5700	蒙皮质量 /kg	1200
初始氦气质量/kg	900	最大体积/m ³	65 000
蒙皮太阳	0.25	蒙皮红外	0.30
辐射吸收率	0.25	辐射吸热率	0.50
蒙皮太阳	0.55	蒙皮红外	0.65
辐射透射率		辐射透射率	

3.1 初始净浮力影响

初始净浮力影响气球上升速度,进而影响超冷现象。初始净浮力和气球初始总重量的比值分别取10%,15%,25%时,上升过程速度和内外温差(大气温度-氦气温度)变化曲线如图1~2所示。

由图可以看出,随初始净浮力值增大,上升过 程速度极值和平均值逐渐增大且变化明显,上升过 程内外温差值随速度增大而增大,内外温差最大值 由净浮力为10%时的14.5K增加到净浮力为25% 时的31.9K,较大的温差引起较大的净浮力损失。 因此,对于非成形升降方式来说,需选择合理的初 始净浮力或采用有效措施控制上升速度。



3.2 蒙皮热物性参数影响

蒙皮热物性参数包括蒙皮对太阳辐射和红外 辐射的吸收率、反射率、透射率,蒙皮红外发射率 等。这里主要分析太阳辐射吸收率和红外辐射吸 收率影响规律。红外吸收率取 0.3,蒙皮对太阳 辐射的吸收率分别为 0.05,0.25,0.45 时,内外温 差变化如图 3 所示;太阳辐射吸收率取 0.25,红 外吸收率分别取 0.05,0.20,0.35 时,内外温差变 化如图 4 所示。

由图可以看出,高可见光吸收率和高红外吸 收率对缓解上升过程内外温差具有一定作用,吸 收率增大时,内外温差值总体上呈减小趋势,太阳 辐射吸收率对超冷的影响大于红外吸收率影响, 太阳辐射吸收率最大值和最小值对应峰值温差相 差约为10K。红外吸收率的影响规律较为复杂, 是因为在热模型中采用了红外吸收率等于红外发 射率的基尔霍夫定律。需要说明的是,对外界辐 射的高吸收率会导致留空期间超热问题严重加剧 (图 3 温差转负值后)。因此,蒙皮材料热物性参 数选择应综合考虑上升过程与留空过程。与上升 速度影响的仿真结果对比还说明,对流换热对于 超冷的影响大于辐射。









3.3 外界热环境影响

外界热环境变化包括放飞时间、放飞地点、地 表红外辐射状况变化、地表对太阳辐射的反射情 况变化等。这里主要分析放飞时刻和放飞日期影 响。放飞时刻分别取4点、12点和16点时,内外 温差变化如图5所示。放飞时刻设定为中午12 点,放飞日期分别为3月21日、6月30日、12月 21日时,内外温差变化如图6所示。









函6 放飞口朔影响 Fig.6 Influence of launch date

由图 5 可以看出,放飞时刻不同时,温差极大 值相差不大,凌晨 4 点放飞与中午 12 点放飞,温 差极大值相差不大于 5K,原因在于:辐射强度较 高时,平均上升速度快,气球膨胀速度快,但从外 界吸收的太阳辐射量相对较多;辐射条件较差时, 从外界吸收的太阳辐射热量小,但平均上升速度 慢,气球膨胀速度慢。辐照条件较好时,温差稍 小,超冷现象稍有减缓。需要说明的是,放飞时刻 不同,气球上升至驻留高度的时间差别较大,凌晨 4 点放飞,升空时间约 2500s,中午 12 点放飞,升 空时间则约 3000s。

由图6可以看出,放飞时刻相同时,放飞日期

对上升过程超冷现象影响很小。

4 结论

建立了平流层长航时气球热模型和上升过程 动力学模型,分析了初始净浮力、蒙皮热物性参 数、放飞时间和放飞日期等因素对上升过程超冷 现象的影响规律。结果表明,上升过程内外温差 值随初始净浮力增大而增大且变化显著,选择合 理的初始净浮力,或采用有效措施控制上升速度 极为重要;高可见光和红外吸收率对缓解内外温 差具有一定作用,吸收率增大时,内外温差值总体 上呈减小趋势,但蒙皮热物性参数总体影响小于 初始净浮力,反映了上升过程辐射对超冷现象的 影响小于对流换热影响;放飞时刻和放飞日期对 超冷现象影响较小,但放飞时刻不同,气球上升至 设计驻空高度的时间差别较大。

参考文献(References)

- [1] Knoedler A J. Lowering the high ground: using near-space vehicles for persistent ISR[D]. USA: Air University, 2005.
- [2] Kerith F, Kerider J F. Numerical prediction of the performance of high altitude balloons [R]. USA: National Center for Atmospheric Research, 1974.
- [3] Carlson L A, Horn W J. A new thermal and trajectory model for high altitude balloons [C]//Proceedings of 7th AlAA Aerodynamic Decelerator and Balloon Technology Conference, 1981: 1-9.
- [4] Franco H, Cathey H M, Jr. Thermal performance modeling of

NASA's scientific balloons [J]. Advances in Space Research, 2004, 33(10): 1717 – 1721.

- [5] Selby G V. Archive Set [R]. USA: American Institute of Aeronautics and Astronautics, 1997.
- [6] 戴秋敏,方贤德,王昊,等. 大气模型对高空气球运动特性和热特性的影响[J]. 计算机仿真, 2013, 30(9):79-82.

DAI Qiumin, FANG Xiande, WANG Hao, et al. Simulation of influence of different atmospheric models on dynamic and thermal properties of high altitude balloons [J]. Computer Simulation, 2013, 30(9): 79-82. (in Chinese)

- Li X J, Fang X D, Dai Q M, et al. Modeling and analysis of floating performances of stratospheric semi-rigid airships [J].
 Advances in Space Research, 2012, 50(7): 881 – 890.
- [8] 吕明云, 巫资春.高空气球热力学模型与上升过程仿真 分析[J].北京航空航天大学学报, 2011, 37(5): 505 -509.
 LYU Mingyun, WU Zichun. Thermodynamic model and numerical simulation of high altitude balloon ascending process[J]. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics, 2011, 37(5): 505 - 509. (in Chinese)
- [9] 姚伟,李勇,范春石,等.复杂热环境下平流层飞艇高空 驻留热动力学特性[J]. 宇航学报,2013,34(10): 1309-1315.
 YAO Wei, LI Yong, FAN Chunshi, et al. Heat dynamics behavior of a stratospheric airship in a complex thermal environment at high-altitude station-keeping conditions [J]. Journal of Astronautics, 2013, 34(10): 1309-1315. (in Chinese)
- [10] Farley R E. Balloon ascent: 3-D simulation tool for the ascent and float of high-altitude balloons [C]//Proceedings of 5th AlAA Aviation, Technology Integration and Operations Conference, Arlington. Virginia, AIAA 2005 - 7411, 2005: 1 - 15.