doi:10.11887/j.cn.201506012

http://journal. nudt. edu. cn

# 单框架控制力矩陀螺部分失效时的空间站姿态机动方法。

#### 赵 乾,唐国金

(国防科技大学 航天科学与工程学院, 湖南 长沙 410073)

摘 要:对金字塔构型单框架控制力矩陀螺(SCCMG)的失效特性进行分析。结合 SGCMG 部分失效的特点,构建运用 Legendre 伪谱法的重规划姿态机动路径求解方法。考虑 SGCMG 失效情况的不可预测性,设计自适应操纵律,该操纵律可以根据指令力矩与输出力矩的偏差对 SGCMG 的失效情况进行诊断,从而调节操纵律的内部参数,实现失效情况操纵律的自适应调节。仿真结果表明,采用姿态机动路径重规划算法与自适应操纵律,在控制力矩陀螺部分失效的情况下,仍可以实现空间站的大角度姿态机动。姿态机动方法可以有效应对空间站大角度姿态机动过程中可能出现的 SGCMG 部分失效情况,从而提高空间站姿态机动任务的安全性与可靠性。

关键词:姿态机动;控制力矩陀螺;路径规划;操纵律 中图分类号:V421.4 文献标志码:A 文章编号:1001-2486(2015)06-054-07

# Space station attitude maneuver method considering partial fault of single gimbal control moment gyroscopes

#### ZHAO Qian, TANG Guojin

(College of Aerospace Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: The fault character of pyramid configuration single gimbal control moment gyroscopes (SGCMG) was analyzed. The calculation approach solving the replanned attitude maneuver path was proposed based on the Legendre pseudo spectral method. Considering the unpredictability of the SGCMG fault, an adaptive steering law was designed. Using this steering law, the fault state of SGCMG was detected and the parameters of the steering law was self-tuned. The simulation results reveal that, the large angle attitude maneuver can be accomplished by using the path replanned method and the adaptive steering law, when the SGCMG encounter partial fault. The proposed method can cope with the partial fault state of the SGCMG during attitude maneuver effectively, thus improving the security and reliability of the space station attitude maneuver mission.

Key words: attitude maneuver; control moment gyroscopes; path planning; steering law

在空间站建造与运营的过程中,往往需要通 过姿态机动来辅助完成交会对接、舱段转移等特 定的任务<sup>[1]</sup>。空间站的姿态机动通常采用姿控 发动机作为执行机构,采用这种方式需要耗费大 量的燃料。控制力矩陀螺(Control Moment Gyroscopes, CMG)是一种角动量交换执行机构, 仅需电能就能够进行工作,不需要消耗燃料<sup>[2]</sup>。 然而,在姿态机动过程中,CMG 持续地与空间站 进行角动量交换,很容易出现饱和或奇异现象,从 而失去控制能力。为了有效减少姿态机动任务中 的燃料消耗,美国麻省理工学院的 Bedrossian 于 1996 年提出了零燃料大角度姿态机动(Zero Propellant Maneuver, ZPM)的概念<sup>[3]</sup>。2007 年 3 月,NASA 成功实施了国际空间站 180°ZPM 在轨 飞行试验,节省了约 50kg、价值约 110 万美元燃 料<sup>[4-5]</sup>。ZPM 的基本思想是通过构造最优控制 框架,充分利用环境力矩与姿态动力学特性,规划 合适的姿态路径与角动量轨迹,在姿态机动的过 程避免 CMG 的饱和与奇异,从而实现零燃料消 耗<sup>[6]</sup>。ZPM 技术一方面可以避免姿态机动过程 的大量燃料消耗,另一方面可以避免燃气对太阳 帆板、外露设备和试验载荷的污染和影响。

作为一种姿态控制冗余执行机构,CMG 很有可能因故障而出现部分失效,这会对姿态控制问题带来很大影响。国际空间站在运行过程中就曾出现陀螺部分失效的情况<sup>[1]</sup>。国内外已有学者对部分失效 CMG 的姿态控制问题开展了理论研究。Sands 与 Kim 等以非冗余的三个单框架控制

<sup>\*</sup> 收稿日期:2014-12-23

基金项目:国家自然科学基金资助项目(11272346);国家 973 计划资助项目(2013CB733100) 作者简介:赵乾(1987—),男,辽宁康平人,博士研究生,E-mail;zhaoqianmars@gmail.com; 唐国金(通信作者),男,教授,博士,博士生导师,E-mail;tanggj@nudt.edu.cn

 $H^{s}$  是控制力矩陀螺处于奇异框架角状态时的角

动量<sup>[9]</sup>,可通过式(2)求得。

 $\boldsymbol{H}^{s} = \sum \boldsymbol{\varepsilon}_{i}(\boldsymbol{g}_{i} \times \boldsymbol{u}) \times \boldsymbol{g}_{i} / |\boldsymbol{g}_{i} \times \boldsymbol{u}| \quad (2)$ 

其中,**g**<sub>i</sub>为第 i 个 SGCMG 的框架轴方向单位 向量。

第 i 个 SGMG 的奇异力矩方向单位向量为:

$$\boldsymbol{c}_{i}^{s} = \boldsymbol{\varepsilon}_{i}\boldsymbol{g}_{i} \times \boldsymbol{u} / |\boldsymbol{g}_{i} \times \boldsymbol{u}| \qquad (3)$$

由于每个奇异状态  $\delta^{s}$  都可能存在  $H^{s}$  和 - $H^{s}$ 与之对应,两种情况可用式(4)的符号函数 区别。

$$\boldsymbol{\varepsilon}_i = \operatorname{sign}(\boldsymbol{u} \cdot \boldsymbol{h}_i)$$
 (4)

对于一个冗余的 SGCMGs 系统,每一个框架 角状态  $\delta^s$ 都对应一个角动量  $H^s$ ,但并不是每一 个奇异角动量  $H^s$ 都对应一个框架角状态,这是 因为框架角是一个 n 维空间的量,而角动量是一 个三维的量,对于一个奇异角动量状态  $\delta^s$ ,可能 存在 n-3 维空间的奇异角动量  $H^s$  对应这个  $\delta^s$ 。

奇异状态可划分为显奇异与隐奇异两类<sup>[9]</sup>。 隐奇异可以通过 SGCMG 的零运动来脱离奇异状态,而 SGCMG 一旦陷入显奇异便很难脱离。奇 异点的显隐性可通过判定矩阵 **Q** 的正定性得到。

$$\boldsymbol{Q} = \boldsymbol{N}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{P} \boldsymbol{N} \tag{5}$$

其中, $P = \text{diag}(u \cdot H_i^s)$ ,N 为奇异框架角状态下 力矩矩阵  $C(\delta^s)$ 的一组基矢量。如果判定矩阵 Q为确定矩阵(正定或负定),则该奇异点为显奇异 点;若判定矩阵 Q 为非确定矩阵,则该奇异点为 隐奇异点<sup>[9]</sup>。

金字塔构型的 SGCMG 由四个陀螺组成,即 n=4。当一个陀螺发生失效时,仅有三个陀螺进 行工作,所有的隐奇异点都将退化为显奇异点, 即角动量包络内部将仅存在显奇异点。那么,零 运动操纵律将无法有效解决显奇异问题<sup>[9]</sup>,可采 用引入力矩误差的鲁棒操纵律。关于操纵律的设 计,将会在第3节中给出。

图 2 中的不规则网格半球为正常工作情况下 的金字塔构型 SGCMG 角动量包络半球,内部由 散点构成的曲面为单陀螺失效情况下奇异角动量 曲面。由图 2 可知,当 SGCMG 的单个陀螺失效 时,其角动量包络发生了很大的变化,角动量空间 约缩小为原来的 70%。因此,如果在大角度姿态 机动的过程中,SGCMG 发生了部分失效情况,需 要对姿态机动路径与角动量路径进行重规划。对 于角动量空间内部的内奇异面,需采用合适的操

力矩陀螺 (Single Gimbal Control Moment Gyroscopes, SGCMG)为研究对象,设计了无奇异 角动量空间最优安装矩阵,并基于该设计实现了 采用三个 SGCMG 的姿态机动<sup>[7]</sup>。Kasai 与 Kojima 等通过构造操纵序列,实现了仅采用两个 SGCMG 的大角度姿态机动<sup>[8]</sup>。Yamada 等与 Kwon 等分别采用 Lyapunov 方法与线性变参数 (Linear Parameter Varying, LPV)方法实现了仅采 用两个 SGCMG 的姿态速率阻尼与姿态定 向<sup>[9-10]</sup>。目前虽然已有在操纵律构造与控制器 设计等方面开展的研究,但都是基于在姿态机动 控制任务之前 SGCMG 就已经部分失效的假设, 并未针对在姿态机动过程中 SGCMG 的失效情况 开展研究。而机动过程中可能出现的 SGCMG 部 分失效的更大不确定性,将对姿态机动任务的完 成带来更大的难度。

# 1 SGCMG 失效特性分析

为了实现三轴姿态控制,通常需应用由多个 SGCMG 组成的冗余系统。金字塔构型 SGCMG 是典型的冗余 SGCMG 系统,以金字塔构型的 SGCMG 作为研究对象。如图1所示,金字塔构型 的 SGCMG 由四个 SGCMG 组成,框架轴矢量分别 位于金字塔的四个侧面,角动量面与塔底面夹角 均为β,β=54.73°。



图 1 金字塔构型 SGCMG Fig. 1 Pyramid configuration SGCMG

SGCMG 的饱和与奇异问题是限制其应用的 重要因素。饱和是指所需的角动量超出 SGCMG 的外包络的现象,而奇异是指在 SGCMG 角动量 包络的内部由于构形限制使 SGCMG 无法输出所 需力矩的现象。当 SGCMG 出现部分失效时,其 饱和与奇异特性也将发生很大的变化。

无论是饱和还是奇异状态,都可以通过解析 推导并绘制奇异角动量超曲面的方法进行分 析<sup>[11-12]</sup>。在奇异状态下,即任何一个 SGCMG 都 不能提供指定方向的控制力矩,如式(1)所示。

 $\boldsymbol{u} \cdot \boldsymbol{c}_i(\delta_i) = 0$  (*i*=1,2,…,*n*) (1) 其中, **u** 是指令力矩方向单位向量,  $\boldsymbol{c}_i(\delta_i)$  为





图 2 SGCMG 单陀螺失效角动量曲面 Fig. 2 Singularity surfaces of partial fault SGCMG

#### 2 姿态机动路径重规划

在姿态机动过程中,如果 SGCMG 始终能够 正常工作,那么跟踪参考姿态机动路径完成机动, 其参考姿态路径在机动实施之前就已经确定。如 果在姿态机动过程中 CMGs 部分失效,那么需要 对姿态机动路径进行重规划。姿态机动路径重规 划的算法采用伪谱法,伪谱法是一种求解最优控 制问题的间接法,近年来它被广泛应用于轨道优 化、编队飞行及再入轨迹优化等方面的各类最优 控制问题<sup>[13]</sup>。

Legendre 伪谱法将状态变量与控制变量在勒 让德-高斯-洛巴托(Legendre-Gauss-Lobatto,LGL) 节点处同时离散,并采用 Legendre 多项式拟合状 态变量与控制变量。n 阶 Legendre 多项式可表 示为:

$$P_{n}(t) = \frac{1}{2^{n} n!} \frac{d^{n}}{dt^{n}} (t^{2} - 1)^{n}$$
 (6)

设定 SGCMGs 部分失效的时刻为  $t_s$ ,姿态机动 结束时刻为  $t_f$ ,将时间在区间[ $t_s$ , $t_f$ ]内做无量纲化 处理  $t: [\bar{t}_0, \bar{t}_f] = [-1,1] \rightarrow [t_0, t_f]$ ,可得无量纲 时间

$$t(\bar{t}) = \frac{(t_f - t_0)\bar{t} + (t_f + t_0)}{2}_{\circ}$$
(7)

状态变量与控制变量可由 LGL 节点处的离 散量拟合得到,即

$$\mathbf{x}(t) \approx \mathbf{x}^{N} [t(\bar{t})] = \sum_{i=0}^{N} \mathbf{x}_{i} \phi_{i}(\bar{t}), \qquad (8)$$

$$\mathbf{v}(t) \approx \mathbf{v}^{N}[t(\bar{t})] = \sum_{i=0}^{N} \mathbf{v}_{i} \phi_{i}(\bar{t})_{\circ} \qquad (9)$$

其中, $x_i$ 与 $v_i$ 为协变量, $\phi_i(\bar{t})$ 表示为:

$$\phi_i(\bar{t}) = \begin{cases} 1, & \text{if } i = k \\ 0, & \text{if } i \neq k \end{cases}$$
(10)

状态变量的微分可由 LGL 节点处的离散量 计算。

$$\dot{\boldsymbol{x}}(t(\bar{t})) \approx \dot{\boldsymbol{x}}^{N}[t(\bar{t})]$$

$$= \frac{2}{(t_{f} - t_{0})} \sum_{i=0}^{N} \boldsymbol{x}_{i} \phi_{i}(\bar{t}) \qquad (11)$$

$$= \frac{2}{(t_{f} - t_{0})} \sum_{i=0}^{N} D_{ki} \boldsymbol{x}_{i}$$

其中, $D_{ki}$ 为(N + 1) × (N + 1) 矩阵的元素, 由 Legendre 多项式计算。

$$D_{ki} = \begin{cases} \frac{P_N(t_k)}{P_N(t_k)(t_f - t_i)}, & \text{if } k \neq i \\ -\frac{N(N+1)}{4}, & \text{if } k = i = 0 \\ \frac{N(N+1)}{4}, & \text{if } k = i = N \\ 0, & \text{other} \end{cases}$$

(12)

控制模型的微分方程可以转化为代数方程。 姿态控制模型为:

$$\begin{aligned} \dot{\boldsymbol{\sigma}} &= \boldsymbol{G}(\boldsymbol{\sigma}) \left[ \boldsymbol{\omega} - \boldsymbol{\omega}_{0}(\boldsymbol{\sigma}) \right] \\ \dot{\boldsymbol{\omega}} &= \boldsymbol{J}^{-1} (-\boldsymbol{\omega} \times \boldsymbol{J} \boldsymbol{\omega} + \boldsymbol{u}_{\text{emg}} + \boldsymbol{\tau}_{\text{env}}) \quad (13) \\ \dot{\boldsymbol{h}} &= -\boldsymbol{u}_{\text{emg}} - \boldsymbol{\omega} \times \boldsymbol{h} \end{aligned}$$

其中, $\sigma$  为姿态修正的罗德里格斯参数, $G(\sigma)$  表示为[(1 -  $\sigma^{T}\sigma$ ) $I_{3}/2 + \sigma\sigma^{T} + [\sigma \times]/2, \omega$  是空间站的角速度, $\omega_{0}(\sigma)$  是轨道角速度,J 为空间站的转动惯量, $u_{emg}$  为 SGCMG 控制力矩, $\tau_{env}$  为环境力矩,h 为控制力矩陀螺的角动量。

根据式(6)~(12),可将式(13)中的微分方 程转化为代数方程,如式(14)所示。

$$\begin{cases} \sum_{i=0}^{N} D_{ki} \boldsymbol{\sigma}_{i} = \frac{t_{f} - t_{s}}{2} \boldsymbol{G}(\boldsymbol{\sigma}_{k}) [\boldsymbol{\omega}_{k} - \boldsymbol{\omega}_{0}(\boldsymbol{\sigma}_{k})] \\ \sum_{i=0}^{N} D_{ki} \boldsymbol{\omega}_{i} = \frac{t_{f} - t_{s}}{2} \boldsymbol{J}^{-1} (-\boldsymbol{\omega}_{k} \times \boldsymbol{I} \boldsymbol{\omega}_{k} + \boldsymbol{\tau}_{env} + \boldsymbol{u}_{emg}) \\ \sum_{i=0}^{N} D_{ki} \boldsymbol{h}_{i} = \frac{t_{f} - t_{s}}{2} (\boldsymbol{u}_{emg} - \boldsymbol{\omega}_{k} \times \boldsymbol{h}_{k}) \\ \boldsymbol{k} = 0, 1, \cdots, N \end{cases}$$

$$(14)$$

其中, $\boldsymbol{\sigma}_k$ , $\boldsymbol{\omega}_k$ 与 $\boldsymbol{h}_k$ 分别为LGL节点处的姿态、角速度与角动量。

同时,需要考虑边界和过程约束:

$$\begin{cases} \|\boldsymbol{h}_{k}\|_{2}^{2} \leq h_{m}, k = 0, 1, \cdots, N \\ \boldsymbol{\sigma}(t_{s}) = \boldsymbol{\sigma}_{s}, \boldsymbol{\omega}(t_{s}) = \boldsymbol{\omega}_{s} \\ \boldsymbol{\sigma}(t_{f}) = \boldsymbol{\sigma}_{f}, \boldsymbol{\omega}(t_{f}) = \boldsymbol{\omega}_{f} \end{cases}$$
(15)

其中: $h_m$ 为部分失效陀螺的角动量包络最小角动 量半径,在姿态机动的过程中,角动量幅值要始终 小于该值; $\sigma_s$ 与 $\sigma_f$ 分别为初始、终端状态的姿态,  $\omega_s$ 与 $\omega_f$ 分别为初始、终端状态的姿态的角速度。

采用序列二次规划(Sequential Quadratic Programming, SQP)算法对由式(14)与式(15)所构成的非线性规划问题进行求解,采用SNOPT工具包进行求解,该工具包可以有效求解带有稀疏矩阵的非线性规划问题<sup>[14]</sup>。

#### 3 自适应操纵律设计

SGCMG 的工作流程如图 3 所示,包括操纵律 与执行机构两部分。操纵律根据指令力矩  $T_{com}$ 与 SGCMG 框架角  $\delta$  计算指令框架角速度  $\delta$ ,而执行 机构根据  $\delta$  得到输出的真实力矩。需要设计合适 的操纵律使输出力矩  $T_{real}$ 与指令力矩  $T_{com}$ 尽量相 吻合<sup>[15]</sup>。当控制力矩陀螺发生部分失效情况时, 由于失效信息有可能无法及时得到,这就有可能 造成输出力矩  $T_{real}$ 偏离指令力矩  $T_{com}$ 。





因此,需要设计合适的操纵律,实现在控制力 矩陀螺部分失效情况下的自适应操纵。

定义失效向量为:

$$\boldsymbol{E}_{\text{ill}} = [\boldsymbol{\gamma}_1, \boldsymbol{\gamma}_2, \boldsymbol{\gamma}_3, \boldsymbol{\gamma}_4]^{\mathrm{T}}$$
(16)

当 $\gamma_i$  = 1 时,表示第*i*个陀螺正常工作;当 $\gamma_i$  = 0 时,表示第*i*个陀螺出现故障。该失效向量 $E_{ill}$ 不可以检测。控制力矩陀螺所输出的力矩为:

$$\boldsymbol{T}_{\text{real}} = -\dot{\boldsymbol{H}} = -\frac{\partial \boldsymbol{H}}{\partial \boldsymbol{\delta}} \dot{\boldsymbol{\delta}} = -\boldsymbol{C}(\boldsymbol{\delta}) \boldsymbol{M}_{\text{ill}} \dot{\boldsymbol{\delta}} \boldsymbol{h}_{0} \quad (17)$$

其中, $C(\delta) = A\cos\delta - B\sin\delta$ , $M_{ill} = diag(E_{ill})_{\circ}$ 

由于  $C(\delta)$ 是通过 $\delta$  计算得到的,当陀螺停转时, 该陀螺的框架角和框架角速度仍然具有物理意义,仍 然可以被检测。但是,该陀螺此时并不输出力矩。

构建一个用于检测控制力矩陀螺失效情况的函数。

$$\eta_{i} = \begin{cases} 0, & \text{if } \left| \frac{(\boldsymbol{T}_{\text{com}} - \boldsymbol{T}_{\text{real}})}{|\boldsymbol{T}_{\text{com}} - \boldsymbol{T}_{\text{real}}|} - \boldsymbol{C}_{i} \right| = 0 \\ 1, & \text{if } \left| \frac{(\boldsymbol{T}_{\text{com}} - \boldsymbol{T}_{\text{real}})}{|\boldsymbol{T}_{\text{com}} - \boldsymbol{T}_{\text{real}}|} - \boldsymbol{C}_{i} \right| \neq 0 \end{cases}$$
(18)  
$$\widehat{\boldsymbol{\mathcal{E}}} \boldsymbol{\mathcal{Y}} \boldsymbol{\mathcal{\mathcal{K}}} \boldsymbol{\mathcal{\mathcal{M}}} \boldsymbol{\mathcal{H}} \boldsymbol{\mathcal{F}} \boldsymbol{\mathcal{N}} :$$

$$\boldsymbol{M}_{\text{ill}} = \begin{bmatrix} \eta_1 & & & \\ & \eta_2 & & \\ & & \eta_3 & \\ & & & & \eta_4 \end{bmatrix}$$
(19)

该矩阵将作为检测信息反馈给操纵律。

非对称鲁棒逆操纵律可以有效规避 SGCMG 角动量空间内的隐奇异与内部显奇异空间<sup>[16-17]</sup>。 对非对称鲁棒逆操纵律进行了改进,在非对称鲁 棒逆操纵律中引入反馈矩阵,从而实现对 SGCMG 工作状态的自检测以及自适应操纵。定义自适应 非对称鲁棒逆操纵律为:

 $\dot{\boldsymbol{\delta}} = -\boldsymbol{M}_{\text{ill}} \boldsymbol{W} \boldsymbol{C}^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{C} \boldsymbol{M}_{\text{ill}} \boldsymbol{W} \boldsymbol{C}^{\mathrm{T}} + k\boldsymbol{A})^{-1} \boldsymbol{T}_{\text{com}} (20)$ 式中:k 为奇异系数,

$$k = k_0 e^{-\mu_0 \sqrt{D}};$$
 (21)

W 为非对称矩阵,

$$\boldsymbol{W} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{W}_{1} & \boldsymbol{\lambda} & \boldsymbol{\lambda} & \boldsymbol{\lambda} \\ \boldsymbol{\lambda} & \boldsymbol{W}_{2} & \boldsymbol{\lambda} & \boldsymbol{\lambda} \\ \boldsymbol{\lambda} & \boldsymbol{\lambda} & \boldsymbol{W}_{3} & \boldsymbol{\lambda} \\ \boldsymbol{\lambda} & \boldsymbol{\lambda} & \boldsymbol{\lambda} & \boldsymbol{W}_{4} \end{bmatrix}; \quad (22)$$

矩阵A为近似单位矩阵,

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & \varepsilon_3 & \varepsilon_2 \\ \varepsilon_3 & 1 & \varepsilon_1 \\ \varepsilon_2 & \varepsilon_1 & 1 \end{bmatrix},$$
(23)

其中,

$$\varepsilon_i = \varepsilon_0 \sin(\omega t + \phi_i)_{\circ} \qquad (24)$$

为了验证该操纵律的有效性,给出一个算例。 给定输入指令力矩 T<sub>com</sub> = [-0.8Nm 0.5Nm 1Nm],设定在第80s第4个CMG失效。图4、图 5给出了不同操纵律的对比情况。图4(a)、图 4(b)与图4(c)为采用传统鲁棒操纵律情况下输 出力矩、框架角与框架角速度变化曲线,图5(a)、 图 5(b) 与图 5(c) 为采用自适应非对称鲁棒逆操 纵律的变化曲线。由对比可知,传统鲁棒操纵律 并不能及时响应控制力矩陀螺的失效状态,因此 当一个陀螺失效时,控制力矩陀螺所提供的输出 力矩与指令力矩存在很大偏差。当采用自适应非 对称鲁棒逆操纵律时,失效情况可以及时被检测, 并将该信息反馈给操纵律,从而调整操纵律的内 部参数,实现操纵律自适应调整。由图 5(a) 可 知,在该操纵律的作用下,输出力矩仅仅在 CMG 部分失效的瞬时出现较大的力矩偏差,此后输出



力矩可以与指令力矩达到良好的吻合程度。

## 4 仿真验证

设定空间站轨道高度约为 380km,那么轨道 角速度  $\omega_0 \approx 0.0011 \text{ rad/s}$ 。姿态机动时间为 5000s,设定 SGCMG 部分失效时刻为 3000s。空 间站的角动量为 diag(3 × 10<sup>6</sup>kg·m<sup>2</sup> 5 × 10<sup>6</sup>kg·m<sup>2</sup> 8 × 10<sup>6</sup>kg·m<sup>2</sup>)。仿真结果如图 6 所示。 图 6(a) 与图 6(b) 分别为空间站姿态角与 角速度的变化曲线,空间站实现了偏航 90°的大 角度姿态机动,且滚转与俯仰角变化约为 10°。 图 6(c) 为 SGCMG 角动量变化曲线,由于在约 3000s 处 SGCMG 出现了部分失效,角动量曲线 发生了突变。图 6(d) 为控制力矩变化曲线,控 制力矩最大值不超过 6Nm,在执行机构所能承 受的范围内。图 6(e) 和图 6(f) 分别为 SGCMG 的框架角与框架角速度曲线,在约 3000s 处,陀 螺 4 发生了失效现象,陀螺 4 不再提供角动量和 控制力矩。图 6(g) 为角动量幅值变化曲线,由 图 6(g)可知,重规划角动量路径始终在最大允 许值以内,并未发生饱和现象,说明重规划的机 动路径是可行的。图 6(h) 为奇异测度变化曲



线,由该图可知,采用自适应操纵律,一方面能 够在 SGCMG 部分失效的瞬时(约 3000s 处)及 时响应失效状态,另一方面,该操纵律还继承了 传统操纵律在避免奇异方面的优势,在4400s 附 近接近奇异状态时,可以迅速脱离,从而使 SGCMG 始终提供有效的控制力矩,完成大角度 姿态机动任务。





# 图6 仿真结果

Fig. 6 Simulation results

### 5 结论

结合 SGCMG 失效的特点,采用伪谱法与序列 二次规划求解重规划姿态机动路径。考虑了控制 力矩陀螺失效情况的不可预测性,设计了自适应非 对称鲁棒操纵律,该操纵律既可以继承传统操纵律 在避免奇异方面的优势,又能及时响应失效状态从 而进行自适应调节。算例分析表明,采用路径重规 划策略与自适应操纵律,可以有效应对姿态机动过 程中的部分失效问题,使空间站仍具备一定的姿态 机动能力。该姿态机动策略,为空间站零燃料姿态 机动任务的实施提供了有效的备份手段,从而提高 姿态机动任务的安全性与可靠性。

# 参考文献(References)

- Fehse W. Automated rendezvous and docking of spacecraft[M]. UK: Cambridge University Press, 2003.
- [2] 章胜,黄海兵,赵乾,等. 控制力矩陀螺辅助的空间站大 角度姿态机动 [J]. 国防科技大学学报,2013,35(4): 7-13.
   ZHANG Sheng, HUANG Haibing, ZHAO Qian, et al. Study

of control momentum gyroscopes assisting maneuver [J]. Journal of National University of Defense Technology, 2013, 35(4):7-13. (in Chinese)

- [3] Bedrossian N, Bhatt S, Kang W, et al. Zero-propellant maneuver guidance [J]. IEEE Control System Magazine, 2009, 29(5): 53-73.
- [4] Bedrossian N, Bhatt S. First ever flight demonstration of zero propellant maneuver (TM) attitude control concept [C]// Proceedings of AIAA Guidance, Navigation and Control Conference and Exhibit, 2007, AIAA 2007 – 6734;1 – 12.
- [5] Bedrossian N, Bhatt S, Lammers M, et al. Zero-propellant maneuver flight results for 180deg ISS rotation [C]// Proceedings of the 20th International Symposium on Space Flight Dynamics, 2008; 4833.

- [6] Kang W, Bedrossian N. Pseudospectral optimal control theory makes debut flight, saves NASA 1M dollars in under three hours[J]. Society for Industrial and Applied Mathematics News, 2007, 40(7):1-3.
- [7] Sands T A, Kim J J, Agrawal B N. Nonredundant singlegimbaled control moment gyroscopes [J]. Journal of Guidance Control and Dynamics, 2012, 35(2): 578 – 587.
- [8] Kasai S, Kojima H, Satoh M. Spacecraft attitude maneuver using two single-gimbal control moment gyros [J]. Acta Astronautica, 2013, 84:88-98.
- [9] Yamada K, Jikuya I, Kwak O. Rate damping of a spacecraft using two single-gimbal control moment gyros [J]. Journal of Guidance Control and Dynamics, 2013, 36 (6): 1606 – 1623.
- [10] Kwon S, Shimomura T, Okubo H. Pointing control of spacecraft using two SGCMGs via LPV control theory [J]. Acta Astronautica, 2011, 68(7): 1168-1175.
- [11] Haruhisa K. A geometric study of single-gimbal control moment gyros [ R ]. Report of Mechanical Engineering Laboratory, 1998, 105:108.
- [12] Tang L, Xu S J. Geometric analysis of singularity for singlegimbal control moment gyro systems [J]. Chinese Journal of Aeronautics, 2005, 18(4): 295 - 303.
- [13] Gong Q, Ross I M, Fahroo F. Spectral algorithm for pseudospectral methods in optimal control [J]. Journal of Guidance Control and Dynamics, 2008,31(3):460-471.
- [14] Gill P E, Murray W, Saunders M A. User's guide for SNOPT version 7: software for large-scale nonlinear programming [S]. Mountain View, USA: Stanford Business Software Inc 2006.
- [15] 吴忠,吴宏鑫. 单框架控制力矩陀螺系统操纵律研究综述[J]. 宇航学报, 2000, 21(4):140-145.
  WU Zhong, WU Hongxin. Survey of steering laws for single gimbal control moment gyroscope systems [J]. Journal of Astronautics, 2000, 21(4):140-145. (in Chinese)
- [16] Wie B. Singularity escape/avoidance steering logic for control moment gyro systems [J]. Journal of Guidance Control and Dynamics, 2005, 28(5): 948-956.
- [17] Kurokawa H. Survey of theory and steering laws of singlegimbal control moment gyros [J]. Journal of Guidance Control and Dynamics, 2007, 30(5): 1331-1340.