doi:10.11887/j.cn.201603003

http://journal. nudt. edu. cn

BDS 三频非差观测数据周跳探测与修复方法*

王 兴,刘文祥,李柏渝,孙广富

(国防科技大学 电子科学与工程学院,湖南 长沙 410073)

摘 要:随着三频技术的出现,多频观测量及其丰富的线性组合特性为周跳的探测与修复提供了新的契机。因此提出三频非差观测量线性组合对载波相位观测数据中周跳进行实时探测及修复的方法。该方法构造无几何无电离层的码相组合,并通过对历元间的电离层延迟变化量进行实时估计与消除,构造出第三组线性无关的周跳探测量。用 30 s 采样间隔的北斗三频实测数据对算法性能进行验证,试验结果表明:该方法可以有效地对各频点的周跳实现探测与修复,即使在电离层活跃的应用场景中,该方法依然具有较好的性能。

关键词:北斗导航卫星系统;三频非差观测数据;周跳;电离层活跃场景

中图分类号:P228.41 文献标志码:A 文章编号:1001-2486(2016)03-012-07

Detection and repair of cycle slips for undifferenced BDS triple-frequency observations

WANG Xing, LIU Wenxiang, LI Baiyu, SUN Guangfu

(College of Electronic Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073)

Abstract: The presence of the new frequency introduces more observations and degrees of freedom in data combination, which is beneficial for cycle-slip detection and repair. A novel real time cycle-slip detection and repair method based on undifferenced triple-frequency observations was proposed. This method employed two groups of geometry-free and ionosphere-free combinations of code and carrier phase observables, and constructed the third linearly independent detector for cycle-slip by eliminating the ionospheric delay variation between two consecutive epochs. The performance of the proposed method was validated with BeiDou triple-frequency observations with 30 s sampling interval. Results show that this method can effectively detect and correct the cycle slips on each frequency, even under high ionospheric activity condition.

Key words: BeiDou navigation satellite system; undifferenced triple-frequency observations; cycle slip; high ionospheric activity

2012 年 12 月 27 日北斗卫星导航系统 (BeiDou navigation satellite System, BDS)正式开 始试运行,为我国及其周边地区提供连续的导航 定位和授时服务。BDS 卫星播发三个频点导航 信号,中心频率分别为 B1(1561.098 MHz),B2 (1207.140 MHz)以及 B3(1268.520 MHz)^[1]。

随着三频及多频技术的发展,多频观测量线 性组合可以提供更多波长更长、电离层延时影响 更弱、组合噪声更小的组合观测量,便于载波相位 整周模糊度的固定^[2]和周跳的探测与修复^[3]。 利用多频技术实时对载波相位观测量中的周跳进 行探测与修复也成为研究的热点。Dai 等^[4-5]提 出利用两组几何无关(geometry-free)的载波相位 组合实时探测周跳,并利用整数最小二乘降相关 平差法来搜索周跳大小并完成修复。de Lacy 等^[6]利用至少5组 geometry-free 载波相位线性组 合逐级对观测数据中的周跳进行探测与修复,然 而,该算法流程及逻辑较为复杂。而且,上述两种 算法的验证均采用仿真生成的全球定位系统 (Global Positioning System, GPS)三频数据,并无 实测数据支撑。Zhao等^[7]给出了一种通过三频非 差观测数据线性组合,进而递推探测超宽巷、宽巷 和窄巷观测量中周跳的算法,并利用 BDS 和 GPS 三频实测数据对算法性能进行了验证。Zhang 等^[8]通过历元间单差的几何相关(geometrybased)观测模型将接收机位置、接收机钟差、大气 延迟误差以及周跳等作为待估计参数进行实时计 算,并给出了实测数据的验证结果。但是,上述方 法均假定历元间的电离层延迟变化十分缓慢,对 周跳探测的影响可被忽略。然而,随着观测数据 采样间隔的增大,特别是在电离层活跃的时间段

• 13 •

及区域,如我国中低纬度地区,部分时间段的电离 层电子的变化率可达到 0.03 TECU/s^[9],对应于 30 s 采样间隔的观测数据,其历元间电离层延迟 变化量可达数十厘米,严重影响到周跳探测与修 复的准确性和可靠性。针对这一问题, Cai 等^[10] 利用前后滑动窗的 Melbourne-Wübbena 组合及载 波相位无几何组合的两次历元差分对电离层活跃 模型下的双频 GPS 非差观测数据中的周跳进行 探测。黄令勇等^[11]将上述方法扩展至三频系统, 提出了一种顾及电离层延迟的三频 TurboEdit 方 法。但是,由于载波相位无几何组合对应的周跳 探测量会受电离层延迟误差的影响,而目组合后 模糊度的整周特性会丢失,因此,该类算法的周跳 数值的确定过程常需要采用整数最小二乘搜索, 计算复杂度高目结果不稳定。为了进一步发挥 BDS 三频技术在周跳探测与修复方面的优势,有 必要进一步研究消除电离层延迟误差影响的三频 非差观测数据周跳探测与修复技术,以适应未来 BDS 应用的需要。因此,本文构造了多组无几何 无电离层延迟 (Geometry-Free-Ionospheric-Free, GIF)码相组合。

1 GIF 码相组合及其周跳探测性能

1.1 基本观测方程及其线性组合

利用 f_1, f_2, f_3 分别表示北斗 B1, B2, B3 频点的载波频率,则伪距及载波相位的基本观测方程^[9]可表示为:

$$P_i = \rho + q_i I_1 + \varepsilon_{P_i} \tag{1}$$

$$\Phi_i = \rho - q_i I_1 - \lambda_i N_i + \varepsilon_{\Phi i}$$
⁽²⁾

其中:P和 Φ 是伪距和载波相位观测量,单位为 m;下标i(i=1, 2, 3)表示频点编号; ρ 为包含星 地距离、对流层延迟误差、卫星钟差、接收机钟差 等在内的几何距离相关项; I_1 表示与 f_1 频点对应 的电离层延迟误差的一阶项; $q_i = f_1^2 / f_i^2$,为各频点 电离层延迟误差的一阶项与 I_1 的比例系数; λ 和 N分别为载波的波长和整周模糊度; ε_p 和 ε_ϕ 分 别表示伪距和载波相位的观测噪声。

三频 geometry-based 模型的载波相位线性组 $a^{[2]}$ 可表示为:

$$\Phi_{(i,j,k)} = \frac{i \cdot f_1 \cdot \Phi_1 + j \cdot f_2 \cdot \Phi_2 + k \cdot f_3 \cdot \Phi_3}{i \cdot f_1 + j \cdot f_2 + k \cdot f_3}$$
$$= \rho - \beta_{(i,j,k)} I_1 - \lambda_{(i,j,k)} N_{(i,j,k)} + \varepsilon_{\Phi(i,j,k)}$$
(3)

其中,组合系数*i*,*j*,*k*为整数。组合后载波的波长 和整周模糊度分别为:

$$\lambda_{(i,j,k)} = \frac{c}{i \cdot f_1 + j \cdot f_2 + k \cdot f_3}$$
(4)

$$N_{(i,j,k)} = i \cdot N_1 + j \cdot N_2 + k \cdot N_3$$
(5)
 $\beta_{(i,j,k)}$ 为组合后的电离层延迟系数,可表示为:

$$\beta_{(i,j,k)} = \frac{f_1^2(i/f_1 + j/f_2 + k/f_3)}{i \cdot f_1 + j \cdot f_2 + k \cdot f_3} \tag{6}$$

1.2 三频 GIF 码相组合

通过三频伪距与载波相位的线性组合,可以 消除几何距离相关项、电离层延迟误差一阶项等 因素的影响,进而构造出 GIF 码相组合。

$$GIF_{(i,j,k)} = c_1 P_1 + c_2 P_2 + c_3 P_3 - \Phi_{(i,j,k)}$$

= $\lambda_{(i,j,k)} N_{(i,j,k)} + \varepsilon_{P(c1,c2,c3)} - \varepsilon_{\Phi(i,j,k)}$
(7)

其中:c₁,c₂,c₃为伪距观测量组合系数;ε_{P(cl,2,d)} 为组合后的伪距观测噪声。由于伪距观测噪声的 量级远大于载波相位观测噪声,因此,GIF 码相组 合的精度主要由伪距观测噪声精度决定。约束 GIF 码相组合后的伪距观测噪声方差最小,同时 满足无几何无电离层延迟的条件,即伪距组合系 数的约束条件为:

$$\min \{ c_1^2 \sigma_{P_1}^2 + c_2^2 \sigma_{P_2}^2 + c_3^2 \sigma_{P_3}^2 | c_1 + c_2 + c_3 = 1; \\ c_1 q_1 + c_2 q_2 + c_3 q_3 + \beta_{(i,j,k)} = 0 \}$$
(8)

其中, σ_{P1}^{2} , σ_{P2}^{2} , σ_{P3}^{2} 分别为 BDS 三个频点的伪距观 测噪声的方差。因此, 对于任意一组载波相位观 测量组合, 均可通过式(8) 求解一组对应的伪距 组合系数来构造观测噪声方差最小的 GIF 码相组 合。

1.3 周跳探测性能

由于 GIF 码相组合既消除了几何距离相关 项,又消除了电离层延迟误差的影响,因此可通过 在两个连续的观测历元之间作差来对组合观测量 中的周跳进行探测。

$$\Delta N_{(i,j,k)} = \frac{c_1 \Delta P_1 + c_2 \Delta P_2 + c_3 \Delta P_3 - \Delta \Phi_{(i,j,k)}}{\lambda_{(i,j,k)}}$$
(9)

其中, Δ 表示历元间差分。GIF 码相组合周跳探 测量的标准差为:

$$\sigma_{\Delta N} = \frac{\sqrt{2(\sigma_{P(c1,c2,c3)}^2 + \sigma_{\Phi(i,j,k)}^2)}}{|\lambda_{(i,j,k)}|}$$
(10)

周跳值可通过取整的方式确定:

$$\Delta \hat{N}_{(i,j,k)} = \left[\Delta N_{(i,j,k)}\right]_{\text{round}}$$
(11)

其中,[]_{round}表示"四舍五入"取整。此时,周跳 探测的概率仅与 GIF 码相组合的观测噪声方差相 关,可利用正态分布的概率密度函数计算。

$$P = \int_{-0.5}^{0.5} \frac{1}{\sigma_{\Delta N} \sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{x^2}{2\sigma_{\Delta N}^2}\right) dx \quad (12)$$

假定 BDS 三个频点的载波相位观测噪声满 足 $\sigma_{\phi_1} = \sigma_{\phi_2} = \sigma_{\phi_3} \equiv \sigma_{\phi} = 0.25$ cm;伪距观测噪声 满足 $\sigma_{\rho_1} = \sigma_{\rho_2} = \sigma_{\rho_3} \equiv \sigma_{\rho} = 0.25$ m。表 1 给出了 部分 BDS 三频 GIF 码相组合周跳探测量的探测 性能。可以看出 GIF 码相组合的周跳探测概率比 较高,可达到 92% 以上。但是受伪距观测噪声的 影响,除 $\Delta N_{(0,-1,1)}$ 以外,其他组合的周跳探测概 率很难达到 100%。图 1 以 $\Delta N_{(1,1,-2)}$ 为例,展现 了 $\sigma_{\phi} = 0.25$ cm 时,GIF 码相组合周跳探测量的 探测概率受伪距观测量精度的影响程度。

	表 1	BDS	三频 GI	F码相组	合的周	周跳探测 [,]	性俞	<u>ک</u> و	
Tab. 1	Performance of	BDS	triple-fre	quency G	IF con	nbination	for	cvcle-slip	detection

(::h)	$\lambda_{(i,j,k)}/m$		伪距组合系数	~ /国	D 1/01	
(<i>l</i> , <i>J</i> , <i>K</i>)		c_1	c_2	<i>c</i> ₃	0 _{ΔN} /)Hj	reicent/ //
(0, -1, 1)	4.884	0.019 952	0. 552 574	0. 427 474	0.055	100.00
(1, 0, -1)	1.025	0.597 334	0. 148 642	0. 254 024	0. 231	96.96
(1, -1, 0)	0.846	0.497 210	0. 218 688	0.284 102	0. 257	94.83
(1, 1, -2)	1.297	0.750 621	0.041 403	0.207 976	0. 216	97.93
(-1, -5, 6)	20. 932	- 11. 775 137	8.804 330	3.970 807	0. 282	92.36
(1,4,-5)	6.371	3.609 762	- 1.958 830	-0.650 932	0. 250	95.46





Fig. 1 Influence of pesudorange observational precision on detection probability of $\Delta N_{(1,1,-2)}$

由图 1 可知,随着伪距观测量精度的降低, GIF 码相组合周跳探测量的探测概率也会随之降低。在实际应用时,可通过适当地加窗平滑或者 增大卫星观测的截止高度角等来降低伪距观测噪 声,进而提高 GIF 码相组合的周跳探测性能。

2 消除电离层延迟的周跳探测方法

为了实现原始载波相位观测量的周跳探测与 修复,需要至少三组线性无关的组合周跳探测量。 表1给出的周跳探测量对应的载波相位组合系数 均满足i+j+k=0。而满足 $i+j+k\neq0$ 条件的 GIF 码相组合的测量噪声方差非常大,周跳探测 性能较差。为此,需要利用其他方式构造第三组 线性无关的周跳探测量。

2.1 消除电离层延迟误差影响的周跳探测量

当存在两组无周跳或已经修复周跳的载波相 位组合时,如: $\Phi_{(0,-1,1)}$ 和 $\Phi_{(1,1,-2)}$,可通过这两 组观测量的线性组合,同时消除历元间电离层延 迟变化量,构造第三组线性无关的周跳探测量:

$$\Delta N_{(i,j,k)} = \frac{\alpha_1 \Delta \Phi_{(0,-1,1)} + \alpha_2 \Delta \Phi_{(1,1,-2)} - \Delta \Phi_{(i,j,k)}}{\lambda_{(i,j,k)}} + \frac{\alpha_1 \beta_{(0,-1,1)} + \alpha_2 \beta_{(1,1,-2)} - \beta_{(i,j,k)}}{\lambda_{(i,j,k)}} \Delta I_1$$
(13)

其中, ΔI₁ 为连续观测历元之间的电离层延迟变 化量。可利用原始载波相位观测数据在频间及历 元间作差进行实时估计,得到:

$$\Delta \hat{I}_1 = \frac{\Delta \Phi_i - \Delta \Phi_j}{q_j - q_i} \tag{14}$$

其估计标准差为:

$$\sigma(\hat{\Delta I_1}) = \frac{2\sigma_{\phi}}{|q_j - q_i|} \tag{15}$$

通常采用 B1 与 B2 组合或者 B1 与 B3 组合 来对 ΔI_1 进行估计,对应的估计标准差分别为 2.97 σ_{ϕ} 和 3.89 σ_{ϕ} 。

由于 ΔI₁ 为历元间电离层延迟变化量的无偏 估计,因此,式(13)中组合系数 α₁ 和 α₂ 的最优取 值应满足:①该周跳探测量的观测方差最小;②该 周跳探测量不受几何距离相关项的影响。所以其 最优取值为:

假定历元间电离层延迟变化量的估计标准差为1 cm(4 σ_{ϕ})时,表 2 给出了部分消除电离层延迟误差影响的周跳探测量及其探测概率。由表 2 可知,上述方法构造的周跳探测量既消除了历元间电离层延迟变化对周跳探测的影响,同时又具有较高的探测概率。如周跳探测量 $\Delta \hat{N}_{(-3,4,0)}$ 的标准差仅为 0.059 周,可以准确对载波相位组合观测量 $\Phi_{(-3,4,0)}$ 中的周跳实现探测。

表 2 消除电离层延迟误差影响的周跳探测量

Tab. 2 Combination for cycle-slip detection by eliminating ionospheric delay variation

(i, j, k)	$\lambda_{(i,j,k)}$ /m	$lpha_1$	α ₂	$\sigma_{\scriptscriptstyle \Delta \! N}$ / 周	Percent/ %
(0,0,1)	0.236	0. 289	0. 711	0. 166	99. 74
(0, 1, 0)	0.248	0.230	0. 770	0. 132	99. 99
(1, 0, 0)	0. 192	0.228	0.772	0. 170	99.68
(-2, 0, 3)	0. 439	0.556	0.434	0. 224	97.44
(-3, 4, 0)	2.064	0. 292	0. 708	0. 059	100.0
(2, -1, 0)	0. 157	0. 227	0.773	0.209	98.33

2.2 周跳对 ΔI_1 估算的影响及其修正

式(13)通过对载波相位观测量在历元间作 差消除整周模糊度,进而对历元间电离层延迟变 化量进行估计。然而,该估计量会受到原始载波 相位观测量中周跳的影响,当存在周跳时, ΔI_1 的 估计值会产生较大偏差,进而使消除电离层延迟 误差影响的周跳探测量的探测性能变差。

当原始载波相位观测数据三个频点中的任意 一个或多个频点存在周跳,且各频点周跳数值不 同时,GIF码相组合周跳探测量 $\Delta \hat{N}_{(0,-1,1)} \neq 0$ 或 $\Delta \hat{N}_{(1,1,-2)} \neq 0$,较容易判断。

但是,当存在特殊周跳组合时,即 $\Delta N_1 = \Delta N_2 = \Delta N_3$,上述 GIF 码相组合周跳探测量无法对该类 周跳实现探测。为此,对电离层延迟误差进行两 次历元差分,即:

$$\Delta \Delta \tilde{I}_1(k) = \Delta \tilde{I}_1(k) - \Delta \tilde{I}_1(k-1)$$
(18)

由于电离层延迟误差的二次历元差变化十分 平缓,近似于白噪声,若存在周跳,会出现较大的 偏差值^[10]。因此,可设定一个判决门限,如: $\theta = 5\sigma(\Delta \Delta \hat{I}_1)$,当电离层延迟误差的二次历元差的偏 离度超过该门限时,即 $|\Delta \Delta \hat{I}_1(k)| > \theta$ 时,可判定 存在特殊周跳组合。

综上所述,当3个判决量 $\Delta \hat{N}_{(0,-1,1)} \neq 0$, $\Delta \hat{N}_{(1,1,-2)} \neq 0$ 及 $|\Delta \Delta \hat{I}_1(k)| > \theta$ 中有任意一个成 立时,可以认定原始载波相位观测量存在周跳。 此时,利用式(14)、式(18)估计的 $\Delta \hat{I}_1(k)$ 和 $\Delta \Delta \hat{I}_1(k)$ 会产生偏差,需做出如式(19)所示的 修正。

$$\begin{cases} \Delta \hat{I}_{1}(k) = \Delta \hat{I}_{1}(k-1) + \Delta \Delta \tilde{I}_{1}(k-1) \\ \Delta \Delta \tilde{I}_{1}(k) = \Delta \Delta \tilde{I}_{1}(k-1) \end{cases}$$
(19)

其中, $\Delta \Delta I_1$ 为无周跳时 $\Delta \Delta I_1$ 的平滑值。

$$\Delta \Delta \check{I}_{1}(k) = \frac{1}{\tau} \Delta \Delta \hat{I}_{1}(k) + \frac{\tau - 1}{\tau} \Delta \Delta \check{I}_{1}(k - 1)$$

(20)

其中, τ 为平滑时间常数,通常取较小的数值即 可^[12]。平滑后的电离层延迟误差二次历元差的 估计值受载波相位观测噪声的影响更小,有利于 提高利用式(19)递推估计 Δ Î₁ 的准确度。

2.3 原始载波相位观测量中周跳的确定及修复

选取两组 GIF 码相组合周跳探测量,如 $\Delta \hat{N}_{(0,-1,1)}$ 和 $\Delta \hat{N}_{(1,1,-2)}$,以及一组消除电离层延 迟误差影响的周跳探测量,如 $\Delta \hat{N}_{(-3,4,0)}$,则原始 载波相位观测数据中的周跳数值 $\Delta \hat{N}_{1}$, $\Delta \hat{N}_{2}$, Δ \hat{N}_{3} 可通过式(21)线性变换获得。

$$\begin{pmatrix} \Delta \hat{N}_{1} \\ \Delta \hat{N}_{2} \\ \Delta \hat{N}_{3} \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} 8 & 4 & 1 \\ 6 & 3 & 1 \\ 7 & 3 & 1 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} \Delta \hat{N}_{(0, -1, 1)} \\ \Delta \hat{N}_{(1, 1, -2)} \\ \Delta \hat{N}_{(-3, 4, 0)} \end{pmatrix}$$
(21)

由于上述三个组合周跳探测量的周跳探测结 果以及线性变换矩阵的系数均为整数,因此,最终 求解得到的原始载波相位观测量的周跳数值也保 持整数特性。

3 实例分析

利用 2015 年 9 月 28 日 iGMAS 数据中心在 我国低纬度地区观测站 kun1 (25.03°N, 102.80°E)采集的 BDS 实测数据对算法性能进 行了验证。接收机型号为 Unicore 公司 UB4B0I 型多频接收机,数据的采样间隔为30s,数据时长24h。选取地球静止轨道(Geostationary Earth Orbit, GEO)卫星 C01 和倾斜地球同步轨道 (Inclined GeoSynchronous Orbit, IGSO)卫星 C07 对应的观测数据进行分析。图2给出了 C01 和

C07 卫星的 $\Delta \hat{I}_1$ 和 $\Delta \Delta \hat{I}_1$ 值。





由图 2 可知,当日 kun1 观测站受电离层延 迟影响较为显著,特别在北斗时(BeiDou Time, BDT)03:00~05:30 对应的时间段内,C07 卫星 的历元间电离层延迟变化量达到 0.12 m 左右, C01 卫星的历元间电离层延迟变化量也接近 0.08 m。而电离层延迟误差的二次历元差变化十 分缓慢,波动范围小于±0.02 m,所以可用于判断 原始观测数据中是否存在 $\Delta N_1 = \Delta N_2 = \Delta N_3$ 的特 殊周跳组合。

为了对比分析历元间电离层延迟变化对周跳 探测的影响,图 3 给出了 CO1 和 CO7 卫星观测数 据无周跳时,消除及未消除电离层延迟误差影响 的周跳探测量 $\Delta N_{(-3,4,0)}$ 的周跳探测值。

由图 3 可知,周跳探测量 $\Delta N_{(-3,4,0)}$ 受历元间 电离层延迟误差变化量的影响较为显著。特别是 在 BDT 03:00~05:30 这段时间内,未消除历元间 电离层延迟误差影响的周跳探测量 $\Delta N_{(-3,4,0)}$ 幅 度超过了 0.5 周,C07 卫星的甚至达到 1.4 周以 上,会出现周跳误判。而消除电离层延迟误差影



图 3 CO1 和 CO7 卫星历元间电离层延迟 误差对周跳探测量 $\Delta N_{(-3,4,0)}$ 的影响 Fig. 3 Influence of ionospheric delay variation on $\Delta N_{(-3,4,0)}$ for CO1 and CO7

响的周跳探测量 $\Delta N_{(-3,4,0)}$ 的探测值幅度始终小于 ±0.2 周,较为稳定,未受到历元间电离层延迟 变化的影响,可以在电离层较为活跃的应用场景 中实现周跳的正确探测。

为了进一步验证三频非差观测数据周跳探 测及修复算法性能,分别在 C01 和 C07 卫星的 载波相位观测数据中的前660历元中加入不同 的周跳组合,见表3。图4给出了三组线性无关 的 周 跳 探 测 量 $\Delta N_{(0,-1,1)}$, $\Delta N_{(1,1,-2)}$ 以 及 $\Delta N_{(-3,4,0)}$ 对应的周跳探测值。由表 3、图 4 可 知,三频非差周跳探测与修复算法可以正确地 探测所有频点、不同周跳类型(小周跳、大周跳、 特殊周跳组合)的周跳。同时,该算法消除了历 元间电离层延迟误差变化对周跳探测的影响, 在数据采样间隔较大以及电离层活跃的应用场 景中,仍具有较好的周跳探测与修复性能。同 时需要指出,周跳探测量 $\Delta N_{(1,1,-2)}$ 易受到伪距 测量噪声的影响,特别是在600~660 历元对应 的观测时间段内,随着 C07 卫星仰角的减小,伪 距及载波相位观测噪声明显增大,部分历元会 超过周跳判决门限,出现周跳误判的情况。此 时,需要加窗平滑3~5个历元以及增大该卫星观 测的截止高度角,来消除周跳误判的出现。

	表 3 周跳探测与修复结果
Tab. 3	Cycle-slip detection and correction results

卫星号	田子	模拟的 周跳值	周跳类型 -		国趾族复估		
	<i>M</i> 1/L			$\Delta N_{(0, -1, 1)}$	$\Delta N_{(1,1,-2)}$	$\Delta N_{(-3,4,0)}$	
C01	30	(0, 0, 1)	小周跳	1.047	- 1.934	0.006	(0, 0, 1)
	120	(0, 1, 1)	小周跳	-1.018	-0.982	3.988	(0, 1, 1)
	200	(1, 0, 0)	小周跳	-0.005	0.806	-3.213	(1, 0, 0)
	280	(1, 1, 1)	特殊周跳组合	-0.095	-0.115	0.935	(1, 1, 1)
	360	(-2,-2,-2)	特殊周跳组合	0.030	0.018	-2.003	(-2,-2,-2)
	440	(-1, 0, -2)	小周跳	-2.030	3.177	3.071	(-1, 0, -2)
	520	(-5,-3,-5)	大周跳	- 1.936	2.000	3.262	(-5,-3,-5)
	600	(8,6,9)	大周跳	3.051	-4.017	0.004	(8,6,9)
C07	30	(0, 0, -1)	小周跳	-0.985	2.163	0.054	(0, 0, -1)
	120	(0, -1, 0)	小周跳	1.052	-0.982	-3.899	(0, -1, 0)
	200	(-1, 0, 0)	小周跳	-0.083	-1.128	2.978	(-1, 0, 0)
	280	(2, 2, 2)	特殊周跳组合	0.0256	-0.155	1.920	(2, 2, 2)
	360	(-1,-1,-1)	特殊周跳组合	-0.012	0.130	-0.992	(-1,-1,-1)
	440	(-1,-1,-3)	小周跳	-2.109	4.385	-0.945	(-1,-1,-3)
	520	(-6, -4, -7)	大周跳	-3.126	3.936	2.117	(-6,-4,-7)
	600	(-10, 8, -10)	大周跳	-1.811	2.133	-2.023	(-10,8,-10)



图 4 C01 与 C07 卫星的周跳探测结果 Fig. 4 Detection results of simulated cycle slips for C01 and C07

4 结论

通过构造无几何无电离层延迟的码相组合以 及消除电离层延迟误差影响的周跳探测量,给出 的三组线性无关的周跳探测量,均消除了历元间 电离层延迟变化对于周跳探测的影响。利用 BDS 三频实测数据对算法性能的验证表明:该方法可 以对 BDS 三频非差观测数据各频点中的周跳实 现有效的探测与修复,可适用于观测数据采样间 隔较大以及电离层活跃的应用场景。

参考文献(References)

- 谭述森,周兵,郭盛桃,等.中国全球卫星导航信号基本 框架设计[J].中国空间科学技术,2011,31(4):9-14.
 TAN Shusen, ZHOU Bing, GUO Shengtao, et al. Studies of COMPASS navigation signals design [J]. Chinese Space Science and Technology, 2011,31(4):9-14. (in Chinese)
- [2] Feng Y M. GNSS three carrier ambiguity resolution using ionosphere-reduced virtual signals [J]. Journal of Geodesy, 2008, 82(12): 847-862.
- [3] 范建军,王飞雪,郭桂蓉. GPS 三频非差观测数据周跳的 自动探测与改正研究[J].测绘科学,2006,31(5): 24-26.

FAN Jianjun, WANG Feixue, GUO Guirong. Automated cycle-slip detection and correction for GPS triple-frequency undifferenced observables [J]. Science of Surveying & Mapping, 2006, 31(5): 24 – 26. (in Chinese)

- [4] Dai Z, Knedlik S, Loffeld O. Real-time cycle-slip detection and determination for multiple frequency GNSS [C]// Proceedings of 5th Workshop on Positioning, Navigation and Communication, 2008: 37-43.
- [5] Dai Z, Knedlik S, Loffeld O. Instantaneous triple-frequency GPS cycle-slip detection and repair[J]. International Journal of Navigation and Observation, 2009: 407231.
- [6] de Lacy M C, Reguzzoni M, Sansò F. Real-time cycle slip

detection in triple-frequency GNSS [J]. GPS Solutions, 2012, 16(3): 353 - 362.

- Zhao Q L, Sun B Z, Dai Z Q, et al. Real-time detection and repair of cycle slips in triple-frequency GNSS measurements[J].
 GPS Solutions, 2015, 19(3): 381 – 391.
- [8] Zhang X H, Li P. Benefits of the third frequency signal on cycle slip correction[J]. GPS Solutions, 2015: 1 – 10.
- [9] Liu Z Z, Wu C. Study of the ionospheric TEC rate in Hong Kong region and its GPS/GNSS application [C]// Proceedings of the International Technical Meeting on GNSS Global Navigation Satellite System—Innovation and Application, Beijing, 2009: 129 – 137.
- [10] Cai C S, Liu Z Z, Xia P F, et al. Cycle slip detection and repair for undifferenced GPS observations under high ionospheric activity [J]. GPS solutions, 2013, 17 (2): 247-260.
- [11] 黄令勇, 翟国君, 欧阳永忠,等. 削弱电离层影响的三频 TurboEdit 周跳处理方法[J]. 测绘学报, 2015, 44(8): 840-847.
 HUANG Lingyong, ZHAI Guojun, OUYANG Yongzhong, et al. Triple-frequency TurboEdit cycle-slip processing method of weakening ionospheric activity [J]. Acta Geodaetica et Cartographica Sinica, 2015, 44 (8): 840 - 847. (in Chinese)
- Eueler H J, Goad C C. On optimal filtering of GPS dual frequency observations without using orbit information [J].
 Bulletin Geodesique, 1991, 65(2): 130 - 143.