doi:10.11887/j.cn.201603022

http://journal. nudt. edu. cn

# 幅相调制信号的星座图恢复与调制方式识别\*

陆珊珊<sup>1,2</sup>,王 伟<sup>1</sup>,王国玉<sup>1</sup>

(1. 国防科技大学 电子科学与工程学院, 湖南 长沙 410073;

2. 国防科技大学 电子信息系统复杂电磁环境效应国家重点实验室, 湖南 长沙 410073)

摘 要:针对幅相调制信号的调制方式识别问题,提出一种基于星座图恢复的算法。该算法估计信号载频及信噪比等参数,并依据波特率和符号定时完成对接收信号的波特率采样;采用一种非数据辅助载频偏差估计方法,以消除载频偏差及相位偏移对星座图恢复的影响;利用平均似然比检测的方法,完成幅相调制信号调制方式的识别。仿真结果表明,与仅考虑信号幅值分布的极大似然算法相比,该算法具有识别性能更优。 关键词:调制识别;偏差估计;星座图;最大似然

中图分类号:TN911.7 文献标志码:A 文章编号:1001-2486(2016)03-130-05

# Constellation recovery and modulation recognition for multiple quadrature amplitude modulation signals

 $LU\ Shanshan^{1,2}$  , WANG  $Wei^1$  , WANG  $Guoyu^1$ 

(1. College of Electronic Science and Engineering, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China;

2. State Key Laboratory of Complex Electromagnetic Environment Effects on Electronics and Information System,

National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: An algorithm for modulation recognition of multiple quadrature amplitude modulation signals based on constellation recovery was proposed. Firstly, parameters of the carrier frequency and signal to noise ratio were estimated from its spectrum. According to the baud rate and the symbol timing, the baud rate sampling was finished. Then a non-data-aided carrier frequency offset estimation method was used to mitigate the effect of frequency offset and phase offset in constellation recovery. Finally, the modulation type was recognized by the average likelihood ratio test method. Simulation results demonstrate that the proposed algorithm has a better recognition performance when comparing with the amplitude-based maximum likelihood algorithm.

Key words: modulation recognition; offset estimation; constellation diagram; maximum likelihood

根据对接收信号的分析,调制方式识别技术 能够自动地判定发射信号的调制方式。该技术在 电子侦察、频谱监测、自适应接收、智能通信等方 面有广泛的应用,在军事和民用领域均具有十分 重要的意义<sup>[1-7]</sup>。

由于具有较高的频谱效率,多进制正交幅相 调制 (Multiple Quadrature Amplitude Modulation, MQAM)信号在卫星和微波通信中得到了广泛的 应用<sup>[8]</sup>。针对该类信号调制方式的识别问题,目 前研究较多的是基于信号幅值分布的方法。复旦 大学奚家熹等<sup>[9]</sup>对信号幅值做减法聚类,并根据 聚类中心数目判定信号的调制方式。张路平 等<sup>[10]</sup>计算信号矢量图中最小环带的方差,随后依 据相应阀值识别信号的调制方式。廖灿辉等<sup>[11]</sup> 构造了信号幅值分布模板,并通过实际幅度分布 与模板间的匹配误差来进行调制方式识别。文 献[12-13]利用信号幅值概率密度构造似然函 数以识别信号的调制方式。然而,实际信号的调 制信息综合反应在幅值和相位分布上,仅利用幅 值信息,其性能十分有限。

星座图综合反映了已调信号幅值和相位的分 布信息,是调制识别方面较为重要的依据之一。 基于信号星座图识别算法的关键问题是消减载频 估计偏差对星座图的影响。为解决此问题,谭晓 波等<sup>[14]</sup>采用相位差分方法以抑制载频偏差引起 的星座图扩散,然而该算法仅适用于多进制相移 键控(Multiple Phase Shift Keying, MPSK)信号。 程汉文等<sup>[15]</sup>采用盲分离方法以修正载频偏差对

\* 收稿日期:2015-05-08 基金项目:国家自然科学基金资助项目(61571451) 作者简介:陆珊珊(1986—),男,安徽淮南人,博士研究生,E-mail;sslu2004@sina.com; 王伟(通信作者),男,教授,博士,博士生导师,E-mail:13807319968@139.com 星座图的影响,然而该算法仅适用于较小的频率 偏移。针对上述情况,引入一种非数据辅助载频 偏差估计方法<sup>[16-17]</sup>,提高了算法对载频偏差的容 忍程度,能够较好地恢复常见 MQAM 信号星座 图。采用平均似然比检测方法对信号调制方式进 行识别,具有较好的识别性能。

#### 1 信号模型

MQAM 信号在现代通信系统中得到了较为 广泛的应用。假定 $\{s_n = s_{nl} + js_{nQ}\}$ 表示信号源第 *n* 个符号周期发射的符号,则发射信号的解析形式 可以表示为:

$$s(t) = \sum_{n} s_{n}g(t - nT_{b}) \exp[j(2\pi f_{c}t + \varphi)]$$
(1)

其中,g(t)为脉冲成形滤波器冲激响应, $T_b$ 为符号周期, $f_c$ 和 $\varphi$ 分别为载波频率和相位。信号经加性高斯白噪声信道后被接收端采样接收,接收信号可以表示为:

$$\begin{aligned} r(k) &= \sum_{n} s_{n} g(kT_{s} - nT_{b} - \varepsilon T_{b}) \cdot \\ &\exp[j(2\pi f_{c} kT_{s} + \varphi)] + w(kT_{s}) \end{aligned} \tag{2} \\ &\downarrow \text{th}, T_{s}$$
为采样周期,  $w(kT_{s})$ 为复数高斯白噪声,  $\varepsilon T_{b}$ 为采样定时误差。

### 2 信号预处理

为便于后续处理,应先对接收信号进行预处 理,其主要流程如图1所示。系统估计接收信号 载频及信噪比,并将接收信号下变频至基带;随后 估计信号波特率,调整采样速率为波特率整数倍, 并结合码元定时进行重采样,以获得码元同步序 列用于后续处理。



图 1 信号预处理流程 Fig. 1 Signal pretreatment process

#### 2.1 载频和信噪比估计

载频估计是信号下变频处理的基础,相对于 时域载频估计算法,频域估计算法具有较好的稳 健性。不考虑噪声时,MQAM 基带信号的功率谱 可表示为<sup>[18]</sup>:

$$S(f) = |G(f)|^2 \sigma_s^2 / T_b$$
(3)

其中, $\sigma_s^2$ 为符号序列方差,G(f)为g(t)的傅里叶 变换。由G(f)的对称结构可知,信号具有对称的 功率谱,频率居中法对频谱对称信号具有较好的 估计性能,其计算公式为:

$$\hat{f}_{c} = \left[ f_{s} \sum_{i=1}^{N/2} iR(f) \right] / \left( N \sum_{i=1}^{N/2} R(f) \right)$$
(4)

其中,*R*(*f*)为接收序列功率谱密度,*f*。为采样频率,*N*为采样点数。在实际应用中,可以先提取频谱较强部分后再利用频率居中法,以改善低信噪比下算法的估计性能。

信噪比为信号强度和背景噪声的比值,获取 该参数有利于改进识别算法的性能。本文采用一 种快速信噪比估计算法<sup>[18]</sup>,该算法的主要步骤 为:① 对信号功率谱进行均值滤波;② 依据设定 的规则,估计信号对应频谱的上限*f*<sub>H</sub>和下限*f*<sub>L</sub>;③ 对上述频率范围外的噪声谱图进行直方图统计, 得出噪声谱均值 *N*<sub>0</sub>;④ 利用下列式(5) 估计信号 的信噪比:

$$\widehat{SNR} = 10 \lg \left( \left[ \int_{f_{\rm L}}^{f_{\rm H}} (R(f) - N_0) \, \mathrm{d}f \right] / (N_0 f_{\rm s}/2) \right)$$
(5)

其中,*R*(*f*) - *N*<sub>0</sub> 为去噪声信号功率谱。该算法对 先验信息要求较低,具有较好的鲁棒性,适用于本 文所考虑的调制信号类型。

# 2.2 波特率估计和符号定时

波特率估计是进行码元同步采样的关键技术。MQAM信号包络平方统计均值*s<sub>e</sub>(t)*的傅里叶变换可表示为<sup>[14]</sup>:

$$S_{e}(f) = \frac{\sigma_{I}^{2} + \sigma_{Q}^{2}}{T_{b}} \sum_{l} \left[ G(f) * G(f) \right] \delta(f - \frac{l}{T_{b}})$$

$$(6)$$

其中, $\sigma_1^2 = E(s_{n1}^2)$ , $\sigma_Q^2 = E(s_{nQ}^2)$ 。式(6)表明,  $S_e(f)$ 在直流及波特率分量处存在离散谱线,可以 通过谱线检测的方法估计信号波特率。具体实施 方法为:计算信号包络及包络的平方,对信号包络 的平方做傅里叶变换;随后在  $0.5(f_H - f_L) \sim 2(f_H - f_L)$ 的范围内搜索傅里叶变换幅值的最大 值,其位置对应为信号波特率。

恢复信号星座图需要进行符号定时,其任务 是确定最佳的采样时刻。此处采用一种基于包络 的平方的定时算法,具体公式为<sup>[11]</sup>:

$$\hat{\varepsilon} = -\frac{1}{2\pi} \arg\left\{\sum_{k=1}^{L} |r(k)|^2 \exp(-j2\pi k f_{\rm b}/f_{\rm s})\right\}$$
(7)

其中,L为用于此次定时估计的采样点数,f<sub>b</sub>为波 特率。根据公式估计的定时偏差修正原有的采样 时刻,即可完成码元定时。在算法实际应用过程 中,应每隔一段时间重新进行符号定时以避免误 差的累积。

# 3 星座图恢复

#### 3.1 频率偏移对星座图的影响

接收信号经预处理后,输出码元同步序列的 解析形式可以表示为:

$$x(k) = \sqrt{Es_k} \exp\left[j(2\pi\Delta f_c kT_b + \varphi)\right] + w(k)$$
(8)

其中:E为信号平均功率,不失一般性;令E = 1;  $\Delta f_c$ 为载频估计偏差。不考虑噪声的影响,当 $\Delta f_c$ 非零时, $k \approx 1 + 1$ 时刻接收序列y(k)的绝对相位 分别为:

$$\begin{cases} \Phi_k = \theta_k + 2\pi k \Delta f_c T_b + \varphi \\ \Phi_{k+1} = \theta_{k+1} + 2\pi (k+1) \Delta f_c T_b + \varphi \end{cases}$$
(9)

其中, $\theta_k$ 和 $\theta_{k+1}$ 为相应时刻符号相位, $\varphi$ 又称为相 位偏移。由式(9)可知,除符号信息相位变化外, 相邻时刻相位还包含偏移量 $2\pi\Delta f_c T_b$ ,该偏移量 的累积使得信号散点图呈现环状,从而影响星座 图的恢复,如图2(a)所示。





#### 3.2 载频偏移估计

MQAM 信号星座图通常具有  $2\pi/M$  旋转对称 特性,此时  $E[s_n^M]$  非零(M 常取 4)。由此对码元 序列进行 M 次方运算可得<sup>[16]</sup>:

 $x(k)^{M} = A_{M} \exp[j(Mw_{c}k + \varphi)] + e(k)$  (10) 其中, $A_{M} = E[s_{n}^{M}], w_{c} = 2\pi\Delta f_{c}T_{b}, e(k)$ 均值为零, 可视为非高斯噪声。由式(10)可知,M次方运算 具有去调制作用, $x(k)^{M}$ 可视为频率为 $M\Delta f_{c}$ 的周 期信号。该频率估计问题可采用非线性最小二乘 方法,其公式为<sup>[17]</sup>:

$$\hat{w}_{c} = \arg \max_{\overline{w}_{c}} \left| \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1} x(k)^{M} \exp(-jM\overline{w}_{c}k) \right|^{2}$$
(11)

其中, $\bar{w}_e$ 最大估计范围为( $-\pi/M,\pi/M$ ],通常需要考虑的频差范围远小于此。实际搜索过程可先采用较大步长粗略估计 $w_e$ 的值,随后采用插值法得到更为精确的估计数值。

#### 3.3 星座图恢复

不考虑载频偏差影响时,相位偏移 φ 将使信 号散点图整体旋转一个角度,该旋转将使其与信 号星座图难以匹配。利用已经估计出的频偏参数 ŵ<sub>c</sub>,相偏估计的公式为<sup>[17]</sup>:

$$\hat{\varphi} = \frac{1}{2\pi M} \arg \left\{ -\sum_{k=0}^{N-1} x(k)^{M} \exp(-jM\hat{w}_{c}k) \right\}$$
(12)

式(12)得出的估计值  $\hat{\varphi}$  可能与实际相位偏移  $\varphi$  的差是  $\pi/2$  的整数倍,由于星座图的对称特性,这 并不影响星座图的恢复。

获得频偏和相偏估计参数  $\hat{w}_{c}$  和 $\hat{\varphi}$  后,将同步 码元序列 x(k) 乘以  $\exp(-j(\hat{w}_{c}k + \varphi))$ 即可消除 其对信号散点图的影响。图2(b)给出了消除频偏 和相偏后 16QAM 信号的散点图,与信号星座图相 比,该散点图仅受噪声的影响,较好地恢复了信号 的星座图。

#### 4 平均似然比识别算法

消除载频偏移和相位偏移后,码元序列能够 较好地反映信号星座图的分布特征。此时码元同 步序列可以表示为:

$$y_k = \sqrt{E}s_k + w(k) \tag{13}$$

识别算法通过对上述序列进行分析,从 C 种备选 调制方式中选出正确的类型,该过程可以被视为 一个多元假设检验问题:

 $H_c: y = s^{(c)} + v, c = 1, 2, ..., C$  (14) 根据检测理论可知,在备选调制方式先验等概时, 最大似然方法在贝叶斯最小错误概率准则下是最 优的。利用序列  $y_k$  构造似然函数,高斯噪声情形 下, $y_k$  的概率分布为:

$$p(y_{k}|s_{k}) = \frac{1}{2\pi\sigma^{2}} \exp\left(-\frac{|y_{k}-s_{k}|^{2}}{2\sigma^{2}}\right) \quad (15)$$

需要注意的是 $y_k$ 和 $s_k$ 均为复数形式。根据平均 似然比检测理论,假定调制方式为 $H_e$ 时, $y_k$ 的条 件似然函数应在 $s^{(e)}$ 上取平均:

$$f(y_k | H_c) = \frac{1}{M_c} \sum_{i=1}^{M_c} \frac{1}{2\pi\sigma^2} \exp\left(-\frac{|y_k - s_i^c|^2}{2\sigma^2}\right)$$
(16)

其中, $M_c$ 为第 c 个备选星座阶数, $s_i^c$  为相应的星座 点。由于序列  $Y = \{y_k\}_{k=1}^N$  各时刻码元符号相互独 立,因此对数似然函数可表示为:

$$L(Y|H_{c}) = \sum_{k=1}^{N} \ln f(y_{k}|H_{c}), c = 1, 2, \cdots, C$$
(17)

最终,判定使似然函数达到极大值时对应的调制 方式为真,即 $\hat{c} = \arg \max L(Y|H_c)$ 。

## 5 仿真分析

为验证所提算法的有效性,设计了两组仿真 实验。相对于盲分离频偏估计方法,第一组用于 验证本文算法具有更大的适用范围;相对于仅考 虑幅值分布的极大似然方法,第二组用于验证本 文算法具有更好的识别性能。

仿真中备选调制方式为 {4QAM, 16QAM, 32QAM,64QAM}。载频设置为1 MHz,采样速率 为4 MHz,码元速率为 125 kHz,采样时长为 2000 个码元周期。由于码元定时每隔一段时间重新进 行,因而定时误差不会累积,对信号星座图恢复影 响较小。因此本文不考虑定时偏差的影响,假定 码元定时是精确的。

**仿真** 1 设定频偏  $\Delta f_e T_b$  为  $\{0.1, 0.01, 0.001\}$  三个档次。备选调制方式中 32QAM 为十 字形星座,其余为方形星座。仿真中将十字形星 座归为一类,方形星座归为一类,其性能为 3 种信 号的均值,图 3 给出了非数据辅助(Non Data Aided, NDA)频偏估计算法的性能曲线。图 4 给 出了盲源分离(Blind Source Separation, BSS)频 偏估计算法<sup>[15]</sup>的性能曲线。



图 3 非数据辅助算法的估计性能 Fig. 3 Estimation performance of the NDA method

当频偏处于 0.1 档时, 盲源分离频偏估计算 法完全失效, 因此图 4 仅包含 0.01 和 0.001 档时 算法的估计性能曲线。对比图 3 和图 4 可知,本 文算法能在较大频偏范围内对载频偏差进行估 计, 且具有更好的估计性能。而盲源分离频偏估



图 4 盲源分离算法的估计性能 Fig. 4 Estimation performance of the BSS method

计算法仅在频偏较小且输入信噪比较大时,对信 号具有一定的估计精度。

仿真2 设定信号信噪比范围为0~15 dB, 每个信噪比实验进行500次蒙特卡洛仿真,记录 算法正确识别的次数,以衡量该性噪比下算法的 识别概率。文献[12]提出的基于信号幅值分布 的极大似然算法具有较好的性能,本文选择该算 法作对比。图5 所示为本文算法和对比算法的性 能比较,图中标识后缀1 为本文所提算法,后缀2 为对比算法。



图 5 不同算法的识别性能

Fig. 5 Recognition performance of different algorithms

由图 5 可知本文算法在信噪比为 9 dB 时能 完全正确识别全部 4 种信号,而对比算法则需要 12 dB 才能完全正确识别。同时还可以看出对比 算法在信噪比为 8 dB 左右时,难以有效识别较高 调制阶数的信号,这是由于此时该类信号幅值分 布十分接近的缘故,而本文算法此时已能较为有 效地识别信号。

综合仿真1和仿真2的结果可知,本文算法 能够适应较大载频估计偏差,对信号调制方式具 有较好的识别性能,在输入信号信噪比较低的情 形下具有较大的优势,从而证明了本文算法的适 用性和有效性。

#### 6 结论

研究 MQAM 信号调制方式的识别问题,提出 一种基于星座图恢复的算法。该算法能够较好地 克服载频估计偏差对信号调制识别造成的不利影 响;并且通过平均似然比检测的方法对信号调制 方式进行识别,具有较好的识别性能。仿真结果 证明了算法的适应性和有效性。需要指出的是, 该算法对圆形星座信号适用性较差,如何提高算 法对各类信号的适用性将是下一步研究的重点。

# 参考文献(References)

- Nandi A K, Azzouz E E. Algorithms for automatic modulation recognition of communication signals [J]. IEEE Transactions on Communications, 1998, 46(4): 431 – 436.
- [2] Mobasseri B G. Digital modulation classification using constellation shape [J]. Signal Processing, 2000, 80(2): 251-277.
- [3] Dobre O A, Abdi A, Bar-Ness Y, et al. Survey of automatic modulation classification techniques: classical approaches and new trends [J]. IET Communications, 2007, 1(2): 137 – 156.
- [4] Xu J L, Su W, Zhou M C. Likelihood-ratio approaches to automatic modulation classification [J]. IEEE Transactions on System, Man and Cybernetics, 2011, 41(4): 455 - 469.
- [5] Hameed F, Dobre O A, Popescu D. On the likelihood-based approach to modulation classification [J]. IEEE Transactions on Wireless Communication, 2009, 8(12): 5884 – 5892.
- [6] 吴月娴,葛临东,许志勇.基于累积量的 MPSK 分类算法 性能分析[J].系统工程与电子技术,2007,29(10): 1757-1761.

WU Yuexian, GE Lindong, XU Zhiyong. Performance analysis for cumulant-based MPSK classification algorithm [J]. Systems Engineering and Electronics, 2007, 29(10): 1757 – 1761. (in Chinese)

[7] 陆凤波,黄知涛,易辉荣,等.一种基于高阶累积量的数 字调相信号识别方法[J].系统工程与电子技术,2008, 30(9):1611-1615.
LU Fengbo, HUANG Zhitao, YI Huirong, et al. Recognition

algorithm of phase shift keying signals by higher-order cumulants [J]. Systems Engineering and Electronics, 2008, 30(9): 1611 - 1615. (in Chinese)

[8] 詹亚锋,曹志刚,马正新. M-QAM 信号的调制制式识别[J]. 通信学报, 2004, 25(2):68-74.
ZHAN Yafeng, CAO Zhigang, MA Zhengxin. Modulation classification of M-QAM signals [J]. Journal of China Institute of Communications, 2004, 25(2):68-74. (in Chinese)

- [9] 奚家熹,王宗欣. 基于 Hilbert 变换的 MQAM 信号调制体制识别[J].通信学报,2007,28(6):1-6.
  XI Jiaxi, WANG Zongxin. MQAM modulation scheme recognition using Hilbert transform [J]. Journal on Communications, 2007, 28(6):1-6. (in Chinese)
- [10] 张路平,王建新. MQAM 信号调制方式盲识别[J]. 电子与信息学报,2011,33(2):332-336.
  ZHANG Luping, WANG Jianxin. Blind modulation recognition algorithm for MQAM signals [J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2011, 33(2):332-336. (in Chinese)
- [11] 廖灿辉,涂世龙,万坚. 一种抗频偏的卫星幅相调制信号 识别算法[J]. 电子与信息学报,2014,36(2):346-352.
  LIAO Canhui, TU Shilong, WAN Jian. An anti-frequencyoffset algorithm for modulation recognition of satellite amplitude-phase modulated signals [J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2014, 36(2): 346 – 352. (in Chinese)
- [12] 靳晓艳,周希元.一种最大似然调制识别的快速算法[J].系统工程与电子技术,2013,35(3),615-618.
  JIN Xiaoyan, ZHOU Xiyuan. Fast algorithm for maximum likelihood modulation classification [J]. Systems Engineering and Electronics, 2013, 35(3),615-618. (in Chinese)
- Shi Q H, Karasawa Y. Automatic modulation identification based on the probability density function of signal phase [J].
   IEEE Transactions on Communications, 2012, 60 (4): 1033 - 1044.
- [14] 谭晓波,张杭,朱德生.基于星座图恢复的 PSK 信号调制 方式盲识别[J]. 宇航学报, 2011, 32(6): 1386-1393.
  TAN Xiaobo, ZHANG Hang, ZHU Desheng. Blind modulation recognition of PSK signals based on constellation recovery [J]. Journal of Astronautics, 2011, 32(6): 1386-1393. (in Chinese)
- [15] 程汉文,吴乐南. 有频偏的星座图恢复和匹配[J]. 电路 与系统学报, 2010, 15(1): 49-54.
  CHENG Hanwen, WU Lenan. Constellation recovery and match with frequency offset [J]. Journal of Circuits and Systems, 2010, 15(1): 49-54. (in Chinese)
- [16] Wang Y, Serpedin E, Ciblat P. Optimal blind nonlinear least-squares carrier phase and frequency offset estimation for general QAM modulations [J]. IEEE Transactions Wireless Communications, 2003, 2(5): 1040 – 1054.
- [17] Ciblat P, Ghogho M. Blind NLLS carrier frequency-offset estimation for QAM, PSK, and PAM modulations: performance at low SNR [J]. IEEE Transactions on Communications, 2006, 54(10): 1725 - 1730.
- [18] 彭耿,黄知涛,陆凤波,等.中频通信信号信噪比的快速 盲估计[J].电子与信息学报,2010,32(1):102-106.
  PENG Geng, HUANG Zhitao, LU Fengbo, et al. Fast blind SNR estimation of IF communication signals [J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2010, 32(1):102-106. (in Chinese)