doi:10.11887/j.cn.201802023

http://journal. nudt. edu. cn

内置环形耐压液舱周向连接形式应力分析。

吴春芳^{1,2},吴 梵¹,卢清亮¹,刘 令¹

(1. 海军工程大学 舰船工程系, 湖北 武汉 430033; 2. 武汉船舶职业技术学院, 湖北 武汉 430050)

摘 要:针对内置式耐压液舱结构的应力变化规律,对比分析了不同载荷工况下,两种不同液舱顶板结构形式及变截面肋骨对液舱壳板的变形和应力的影响。结果表明:对于不同的液舱顶板形式,变截面肋骨角度β存在最优值;在液舱周向范围一定的情况下,肋骨肋板间的连接形式对液舱顶板纵向应力影响显著,而β 主要影响液舱顶板的周向应力。

关键词:内置式;耐压液舱;周向连接形式;应力分析

中图分类号:TN95 文献标志码:A 文章编号:1001-2486(2018)02-143-07

Stress analysis of circumferential connection in circular inner pressure tank

WU Chunfang^{1,2}, WU Fan¹, LU Qingliang¹, LIU Ling¹

(1. Department of Naval Architecture Engineering, Naval University of Engineering, Wuhan 430033, China;

2. Wuhan Institute of Shipbuilding Technology, Wuhan 430050, China)

Abstract: For inner pressure tank, with the comparison of stress variation of pressure tank frames at two different forms of connection, the influence of different loading conditions on deformation and stress characteristics of the tank shell plate was analyzed. The results show that for different connection forms, the best angle β between the section changing location and the tank top plate exists with each form. In the circumferential range, different schemes mainly affect the tank top plate longitudinal stress and the circumferential stress of the frame and rib is affected by the β values.

Key words: inner; pressure tank; circumferential connection; stress analysis

由于我国长期采用双壳体潜艇,外置式耐压 液舱已有专家学者对其进行了系统分析,研究已 较成熟,得到的成果较多;而对单壳体潜艇的内置 式耐压液舱结构形式和力学特性的研究还不够深 入。在潜艇耐压壳体结构设计中,何福志等^[1]应 用有限元方法对纵骨式耐压液舱结构进行系列计 算,通过多参数多工况方案对比分析,详细讨论了 耐压壳板半径、液舱壳板半径、相邻实肋板间距、 相邻纵骨间距等参数对液舱壳板和耐压船体壳板 结构强度和稳定性的影响,研究结果可供潜器耐 压液舱结构设计参考。谢祚水等从传统的实肋板 式耐压液舱区耐压船体壳板的应力分析开始,首 先提出了带纵骨加强的实肋板同心双层圆柱壳耐 压液舱形式^[2],这种形式对传统的实肋板式耐压 液舱区耐压船体壳板轴向应力大、沿圆周方向应 力非轴对称性明显等问题进行了改善。而对总体 采用同心双圆柱壳式耐压液舱的结构,又提出另

一种改良方案——准同心圆式耐压液舱结构,并 给出了这种结构的两种优化设计方法^[3-4],即基 于近似解析法和基于有限元的应力分析法。孙倩 等^[5]针对目前潜艇耐压液舱结构应力解析公式 精度不高的情况,根据其受力特点建立了同心圆 和准同心圆式耐压液舱结构有限元分析的力学模 型,通过实例计算证明了自编有限元程序可靠性 很高,得出可单独作为一个模块取代传统的近似 解析法进行应力分析及后续的优化设计的结论。

吴梵等^[6]针对内置式耐压液舱在两种不同 载荷作用下的应力状况作了分析,得出液舱内外 相连通时的工况更危险,耐压壳应力水平更高的 结论。茅云生等^[7]参照苏联的耐压液舱强度和 稳定性的计算方法,设计了单壳体潜艇的内置式 调整水舱的新结构形式,确定出主要参数,并在耐 压液舱承受与舷外水相等的压力时,对内置式调 整水舱区域的耐压船体、耐压液舱壳板、实肋板等 结构进行了有限元计算。

分析表明,外置式耐压液舱结构设计方面的 研究已趋成熟,而在内置式耐压液舱结构形式研 究方面,目前仅对液舱内外的连接工况下液舱的 壳板、实肋板等结构进行了分析,要进一步了解内 置式耐压液舱结构的力学规律,需要开展更深入 的研究。在进行内置式耐压液舱结构研究时发 现,在液舱范围内的单双壳体连接处,存在着较大 的应力集中,为寻找出其变化规律及合适的结构 形式,有必要对内置式耐压液舱周向范围肋骨、肋 板结构变化的力学规律进行分析,研究在肋骨、肋 板连接角度发生变化时的耐压液舱应力变化情 况,为内置式耐压液舱结构设计提供依据。

1 计算模型

1.1 原始模型

内置式环形耐压液舱根据其受力特点,分为 三个区域:液舱区顶部单层耐压壳、液舱区底部耐 压壳、非液舱区域耐压壳,如图1(a)所示。结构 的基本输入参数(实际值/液舱壳板厚度)如 图1(b)所示。

液舱壳板厚度相对量 $t_1 = 1$; 耐压圆柱壳半径 R_1 相对量: $R_1/t_1 = 188.3$; 环形耐压液舱内径 R_2 相对量: $R_2/t_1 = 155$; 舷间距 $L_R = (R_1 - R_2)$ 相对量: $(R_1 - R_2)/t_1 =$

33.3;

环形耐压液舱长度 L 相对量: $L/t_1 = 325$; 肋骨、肋板间距 l 相对量: $l/t_1 = 21.7$; 纵骨间距 b_1 相对量: $S = b_1/t_1 = 11.67$; α 为液舱周向范围大小。

以纵骨式环形耐压液舱为例进行建模,如图1(b)所示,构件尺寸为:实肋板厚 t₂的厚度比 t₂/t₁=0.67,液舱前后端舱壁 t₃的厚度比 t₃/t₁=



(a) 模型图 (a) Model diagram



(b) 尺寸图





1.3,液舱顶板 t_4 的厚度比为 $t_4/t_1 = 1$,龙骨板 t_5 的厚度比为 $t_5/t_1 = 0.67$,液舱壳板纵骨选用 20a 球扁钢,端舱壁加强筋和肋板加强筋选用 24a 球 扁钢;在耐压壳部分,非液舱区域壳板 t_6 、液舱区 域顶部壳板厚度 t 和底部厚度 t_7 的相对量均为 1.5,液舱区域顶部肋骨尺寸与液舱壳板厚度 t_1 的相对量为 $\perp \frac{1.5 \times 15}{1.67 \times 4.33}$,舱以外区域肋骨尺寸

与液舱壳板厚度 t_1 的相对量为 $\perp \frac{1.33 \times 13.3}{1.5 \times 4.33}$ 。

采用 ansys 进行建模,计算模型中,壳板和肋 骨腹板均采用 shell63 单元建模,肋骨面板、液舱 壳板纵骨、肋板及端舱壁加强筋均采用 beam188 单元建模。

参照模型边界条件取为:耐压壳体一端刚性 固定,另一端除轴向自由外,约束其他自由度。

根据现行规范^[8],取其承受的计算压力 Pc = 6.75 MPa 静水外压。按潜艇在深水中液舱壳板 是否受力,设置两种载荷工况。

 1)载荷1,即液舱内与液舱外呈不连通的状态,整个耐压壳体均承受计算压力静水外压作用, 而液舱壳板没有受到静水压力的直接作用,仅承 受由肋板传递过来的载荷。

2)载荷2,假定液舱内与液舱外呈相连通的 状态,整个液舱壳板(包括液舱壳、顶部耐压壳、 液舱顶板和端舱壁)和液舱区域以外的耐压壳板 直接受到水压力的作用,均承受计算压力静水压, 而底部耐压壳板区域因内外均为等压力,则可认 为其压力为零。

图 2 为两种工况下的载荷施加剖面示意图。

表1为两种不同的工况下,原始方案中液舱 周向连接处典型部位的应力值,在如图3所示的 液舱周向连接处的应力图中可以看出该位置的应 力集中现象。





图 2 不同工况下的载荷施加图

Fig. 2 Loads under different conditions

原始方案典型部位应力值 表 1

Tab. 1 Stress of original plan at typical position MPa

T	应力面	周向角度值(半圆)						
况		110° 115° 125° 130° 135° 140°						
载荷1周向应力	顶部肋 骨端部 外表面	- 1009 - 1063 - 1088 - 1097 - 1132 - 1138						
	底部实肋 板端部 外表面	- 1217 - 1229 - 1237 - 1143 - 1271 - 1270						
	顶、底部耐 压壳连接 处上表面	-560 -562 -565 -590 -575 -580						
载荷2 纵向应力	肋板端部 液舱顶板 内表面	- 1147 - 1203 - 1278 - 1388 - 1313 - 1195						
	肋板端部 液舱顶板 外表面	1015 1012 1126 1170 1154 1051						
载荷2 周向应力	顶部肋 骨端部 外表面	- 1117 - 1159 - 1336 - 1361 - 1214 - 1053						
	底部实肋 板端部 外表面	- 1259 - 1260 - 1437 - 1421 - 1714 - 1267						

从表1和图3可以看出,两种载荷状态下,在 肋骨端部和液舱顶板处存在明显的应力集中。在 载荷1工况下,由于顶、底部肋骨肋板连接处结构 突变,外载荷作用时,该部位变形不光顺、应力分 布不均匀从而产生应力集中现象;在载荷2工况 下,承受静水压力的结构其横截面不再是一个完 整的圆形,而是两个不同半径的圆柱壳相连接,连 接部位即为液舱顶板,在复杂载荷作用下,该处变 形不光顺、应力分布不均匀,因而会产生较大的集 中应力。为改善液舱区域耐压壳体肋骨端部应力 集中问题和载荷2工况下液舱顶板纵向应力较大 的问题,有必要对液舱顶板与耐压壳板周向连接 形式进行研究。常用的改善应力集中的方法有增 加肋板腹板厚度、将有应力集中的部位进行光顺 连接、消除应力集中部位可能出现的折角等方法。



Fig. 3 Stress of pressure tank on joint between fram and solid ribbed plate

1.2 改进模型

液舱壳板与耐压壳板连接区域的主要结构有 液舱顶部肋骨、液舱顶板和实肋板,因此能够改进 的对象有两个:一是改进液舱顶部肋骨端部的结 构;二是改进液舱顶板和实肋板端部的结构。在 改变相对于水平液舱顶板的增量 θ 角和平板式液 舱顶板与顶部肋骨腹板升高起点间的夹角 β 时, 可相应提出两种改进方案:

方案一:为了改进肋骨端部应力集中问题,将 液舱顶部肋骨改成变截面肋骨,即在肋骨端部某 一角度范围内,将肋骨腹板高度均匀增大到实肋 板的高度,如图4(a)所示。

方案二:为了减小载荷2下液舱顶板的应力 集中问题,在方案一的基础上,可将液舱顶板由平 板改成圆弧过渡,圆弧半径为舷间距,圆心o位置 如图 4(b) 所示。改为圆弧过渡后, 液舱顶板与液 舱壳板的连接由直角转变为圆弧相切过渡,消除 了结构突变产生的应力集中。另外,液舱内的实 肋板腹板结构端部,也从平直变为弧形,腹板的周 向角度加大,对于液舱内的结构进一步加强。由 此可知,修改后的方案二可以有效地减小方案一





在肋板端部处液舱顶板的应力集中问题。但由图 4(b)可知,方案二中β值不能太小,否则肋骨变 截面部分到了圆弧以内,明显不合理。

根据以上两种参考方案,分别研究 θ 为 15° 和 30°时两种典型结构的单双层壳体周向连接过 渡处的结构形式。当 θ 为 15°时, β 从 5°到 40°每 隔 5°取一个值。当 θ 为 30°时, β 从 5°到 25°每隔 5°取一个值。研究 β 变化对肋骨应力集中的影 响,当遇到应力极小值时将对 β 进行细化,以便更 精确地确定 β 的范围。

2 计算结果与分析

2.1 当θ为15°时

肋骨腹板升高后,将不能再按同心圆的方法 对耐压液舱强度进行研究,升高部分的肋骨腹板 相对于圆心来说,产生了偏心,且随着高度的变 化,肋骨横剖面的面积也将发生变化^[9],其应力 值也会随之发生改变。由表1可知,肋骨肋板连 接处数值较大的应力主要有两个:一是肋骨肋板 连接处的周向应力,二是液舱顶板纵向应力。现 分析两个修改方案对上述两处应力集中现象的改 善情况。

2.1.1 肋骨截面突变处的中面周向应力分析

以肋骨肋板连接处的中面周向应力为对象, 分析不同载荷下两种方案的肋骨肋板周向应力随 β的变化情况。分析发现,由于肋骨腹板的升高, 在肋骨肋板连接处的应力值没有发生增大的现 象,而在肋骨截面突变的位置,出现了较大的应力 值。现就两种方案下的肋骨腹板截面突变处的应 力值进行分析。当θ为15°时,肋骨截面突变处 腹板周向应力随β的变化曲线如图5所示。

由图 5 可知:对两种方案进行比较发现,两种 方案下肋骨肋板连接处的中面周向应力的变化规 律基本一样,方案一的值比方案二略小,变化波动 比方案二稍显复杂,方案二的变化波动比较大,但 两种方案的极小值相当。这主要是因为最大周向 应力位置在肋骨变截面处,而方案的改变并没有 改变肋骨变截面处的形状。可见,两方案对肋骨 肋板连接处的周向应力的影响都很小。

不同载荷下,载荷2应力比载荷1略大。在 方案一中,如图5(a)所示,随着β角度的变化,肋 骨肋板连接处的周向应力出现了两个应力较小 点,一个在10°左右,一个在35°左右,35°的应力 比 10°的更小。在方案二中,如图 5(b)所示,由于 β 角度不能太小,应力较小点只有一个,即在 35° 左右。分析表明,在 θ 角度一定的情况下,肋骨肋 板连接处周向应力存在极小值,即可寻找出此种 状态下的最佳设计值。



图 5 肋骨截面突变处中面周向应力曲线($\theta = 15^{\circ}$) Fig. 5 Circumferential stress curve of frame's junction ($\theta = 15^{\circ}$)

2.1.2 液舱顶板纵向应力分析

内置式耐压液舱肋骨肋板连接处,由于结构 的突变,其液舱顶板应力变化也较明显,下面分析 在 θ = 15°时,两种工况下液舱顶板的纵向应力情 况(见表 2)。

从表2可以看出,载荷2工况液舱顶板纵向 应力比载荷1大得多。这是因为在载荷1工况 下,液舱顶板受到的是由液舱外壳传递过来的力 的间接作用;而在载荷2工况中,液舱顶板受到水 压力的直接作用,板格向上弯曲变形,上表面跨端 纵向应力大,下表面跨中纵向应力大。

MPa

表 2 $\theta = 15^{\circ}$ 时方案一液舱顶板纵向应力

Tab. 2 Longitudinal stress of top tank plate about case $1(\theta = 15^{\circ})$

	应力面 -	β							
上沉		5°	10°	15°	20°	25°	30°	35°	40°
- # # 1	上表面	- 404	- 401	-401	-404	-412	- 421	- 429	-430
致何Ⅰ	下表面	-438	- 422	-416	-413	-417	- 423	-430	-431
書生る	上表面	- 749	- 726	- 727	- 728	- 729	-730	- 734	- 745
致何 ∠	下表面	- 864	- 875	- 881	- 885	- 889	- 892	- 897	- 900

图 6 为载荷 2 下液舱顶板上下表面纵向应力 曲线。从图 6 可以看出,随着 β 角度变化,除了方 案二液舱顶板上表面的应力变化较大,其他应力 变化不明显,这说明 β 角度不是影响液舱顶板纵 向应力的主要因素,但是设计方案不同,液舱顶板 上、下表面的纵向应力存在明显差别,对于液舱顶板 板的应力会产生较大的影响。因此取载荷 2 工况 下的上下表面应力作为代表,分析两种方案液舱 顶板上下表面纵向应力随 β 的变化情况。





surfaces of top tank plate





(b) Longitudinal stress in frame's lower surfaces of top tank plate



Fig. 6 Longitudinal stress in frame's upper and lower surfaces of top tank plate on load 2

从图 6 看出,在 θ = 15°时,虽然方案二的上 表面在 β 角度小于 22.5°时存在较大的应力值, 但总的来看,还是大大降低了液舱顶板上下表 面的纵向应力水平,尤其当 β 角度大于 25°时, 液舱顶板上下表面的纵向应力降低了 100 ~ 200 MPa。这主要是因为在载荷 2 作用下,液舱 顶板板格向上弯曲变形。而方案二由于采用弧 形液舱顶板,板格本身向上有弯曲度,因此上下 表面板格弯曲应力较小。分析表明:在工况相 同的情况下,不同方案是影响液舱顶板纵向应 力的主要因素。

但是,采用方案二也存在一个缺点,即载荷2 作用下,实肋板端部扇状区域由于板格较大,其弯 曲应力较大,在有些模型中甚至超过了肋骨变截 面处的应力。

2.1.3 细化方案分析

从图 5 分析可知, β 为 35°左右时肋骨截面突 变处的周向应力存在极小值,为了进一步更精确 地定位β角度值,将 35°左右的β进一步细化为 32.5°与 37.5°,相应的应力计算结果见表3。

分析表 3 可知, 在 β 为 37.5°时, 肋骨肋板连 接处的应力比 32.5°和 35°时均小, 因此 37.5°为 β 角度在 5°~40°间的最佳取值。载荷 2 工况下, 与方案一比较发现, 方案二的液舱顶板上下表面 纵向应力分别减小了约 100 MPa 和 300 MPa, 因 此, 方案二比方案一更优。

综上所述:当 θ 为 15°时,采用 β 为 37.5°的 方案二,有利于减小液舱顶板纵向应力和肋骨截 面突变处的应力。但是方案二肋板端部扇状板格 较大,导致载荷 2 下该部位肋板周向应力较大,需 增加额外加强筋或加强局部板厚。

2.2 当 θ 为 30°时

在整个液舱其他参数不变的情况下,当θ增 加至30°时,液舱的周向范围将增大。考虑方案 二中的扇形顶板的影响,避免肋骨腹板升高与扇 形顶板产生明显的交角,形成结构突变,方案二中 的β不能取太小,通过数学建模,选取与顶板相连 接的角度为12.5°。

表 3 β 细化	后的最大应力
----------------	--------

		Tab. 5 N	laximum stre	ss of β after	renning			мРа
工况	应力名称	应力面	$\beta = 32.5^{\circ}$		$\beta = 35^{\circ}$		$\beta = 37.5^{\circ}$	
			方案一	方案二	方案一	方案二	方案一	方案二
载荷1	肋骨截面突变处周向应力	中面	- 794	- 805	- 702	-711	-618	-621
	液舱顶板纵向应力	上表面	- 424	- 375	- 429	- 378	-432	- 380
		下表面	- 426	-460	-430	- 460	-432	-462
载荷 2	肋骨截面突变处周向应力	中面	- 824	- 846	- 728	- 740	-641	- 647
	液舱顶板纵向应力	上表面	-734	-641	- 734	- 648	- 745	-635
		下表面	- 896	-616	- 897	- 622	- 902	-625

在5°至25°的范围内,不同β值在不同载荷 下两种方案肋骨肋板连接处中面周向应力随β的 变化曲线如图7所示。





由图7(a)可知,方案一中,5°至12.5°段,随 着β的增大,肋骨肋板连接处的周向应力呈减小 趋势;但 12.5°至 25°之间,随着 β 的增大,其周向 应力增大,说明 θ = 30°时,方案一的 β 的小角度 对于周向应力的减小是有利。

由图7(b)可知,方案二中,由于弧形顶板的 存在,不能采用较小角度的β,而在12.5°至25°之 间,随着角度的增加其周向应力值也在增加。从 这看出,方案二采用较小的β角对于减小肋骨肋 板连接处的周向应力是有利的。

综上所述,在不同工况与不同方案下,肋骨肋板 连接处周向应力在β较大时,其变化趋势相同,都是 随着 β 的增大而增大。但均在 β = 12.5°处可获得最 小周向应力值,这说明该角度是 $\theta=30^{\circ}$ 对应的最佳 β 角度。 $\beta = 12.5^{\circ}$ 的典型位置应力值见表4。

表 4 β=12.5°典型位置应力值

Tab. 4 Stress of a typical position of $\beta = 12.5^{\circ}$

M	Pa	
141	ıа	

			WII a
		液舱顶板下表	肋骨截面突变处
		面纵向应力	中面周向应力
井井 1	方案一	- 430	-725
致何Ⅰ	方案二	- 539	- 821
井井り	方案一	- 884	- 788
횏何 2	方案二	- 543	- 888

分析表4可知,当β为12.5°时,两种方案各 有优劣。载荷1工况下,方案二的液舱顶板下表 面纵向应力、肋骨截面突变外中面周向应力比方 案一高出约100 MPa。而载荷2工况下,方案一 的液舱顶板下表面纵向应力比方案二高出约 300 MPa,达到了 800 MPa 以上。方案二的肋骨 肋板周向应力比方案一高出约 100 MPa, 而且方 案二同样由于肋板端部板格较大,其上下表面周

向应力过大,需要增设加强筋或增大局部板厚。

综上所述,当 θ 为 30°时,β 最佳角度为 12.5°,若采用方案一,需要增加液舱顶板厚度以 降低液舱顶板下表面纵向应力;若采用方案二,仍 然需要对肋板端部扇状板格进行加强。

2.3 原始模型与改进方案的比较

将原始模型数据与改进方案比较发现,表1 中的肋骨肋板连接处的周向应力值普遍在 1000 MPa以上。而改进后,两种方案中肋骨腹板 截面突变处的应力值有集中现象,虽然局部有出 现大于 1000 MPa 的情况,但大部分数据都在 1000 MPa以下,在β=12.5°时出现的极小值只有 700 MPa 左右。在液舱顶板处,其纵向应力的变 化更为明显,表1中显示,原始方案中,载荷2的 肋骨端部液舱顶板处的纵向应力值最高达 1388 MPa,而较低的也在1000 MPa 以上。改善方 案之后,载荷1 状态下的应力值都在400 MPa 左 右,载荷2 状态下的液舱顶板直接受到水压力的 作用,纵向应力值在600~900 MPa,大大低于原始 模型1000 MPa 以上的情况。

由此可知,改进后的方案对于降低液舱周向 连接处的应力集中现象是有利的。

3 结论

本文采用有限元法进行内置式耐压液舱的建模,计算了在两种载荷情况下内置式耐压液舱内 肋骨肋板两种不同连接形式的应力值。

方案一将顶部肋板腹板升高,不会形成剧烈的结构突变,加工及安装与常规方法相同;方案二的液舱顶板虽为弧形,但弧形半径为定值,可制作出样箱来造形,肋板端部的弧形结构可用数控切割完成,改进后方案在实际工程施工中是可行的。

总的来看,内置式耐压液舱内肋骨肋板处的 连接,存在以下几个方面的特征:

1) θ 为 15°时, β 为 37.5°是最佳角度; θ 为
 30°时, β 最佳角度为 12.5°; 综合考虑 θ + β 的值
 不要超过 50°。

2)肋骨肋板连接的方案的变化与不同载荷 对肋骨肋板连接处周向应力的影响都很小,在θ 值一定的情况下,影响肋骨肋板连接处壳板周向 应力的主要因素是β。

3)液舱顶板纵向应力受β影响较小,肋骨肋 板连接方案的变化才是影响液舱顶板纵向应力的 主要因素。 针对所提内置式耐压液舱顶底部连接部位出现的应力集中问题的解决方法,给出了两种不同的方案,对各方案的优劣性做出了分析,提出了在工程实际中可以选择的最佳值,对于简化工程实际的探索过程和方案选择提供了依据。

参考文献(References)

- [1] 何福志,马建军,龚君来,等.潜器耐压液舱结构有限元 分析[J].舰船科学技术,2007,29(2):47-51.
 HE Fuzhi, MA Jianjun, GONG Junlai, et al. Finite element analysis on the submersible pressure tank structure strength and stability [J]. Ship Science and Technology, 2007, 29(2):47-51. (in Chinese)
- [2] 谢祚水,梅利元. 潜艇外部耐压液舱结构型式研究[J]. 华东船舶工业学院学报,1998,12(6):1-6.
 XIE Zuoshui, MEI Liyuan. Research on the structural forms of outer pressure tank of submarine[J]. Journal of East China Shipbuilding Institute, 1998, 12(6):1-6. (in Chinese)
- [3] 谢祚水,孙倩. 耐压液舱结构的模型试验研究[J]. 华东船 舶工业学院学报, 2000, 14(5):1-4.
 XIE Zuoshui, SUN Qian. Model experiment study on pressure tank structure [J]. Journal of East China Shipbuilding Institute, 2000, 14(5):1-4. (in Chinese)
- [4] 谢祚水,梅利元,李巍. 潜艇耐压液舱结构应力分析的有限元法[J]. 华东船舶工业学院学报,1998,12(3): 31-35.
 XIE Zuoshui, MEI Liyuan, LI Wei. Finite element method for stress analysis of pressure tank structure of submarine [J]. Journal of East China Shipbuilding Institute, 1998, 12(3): 31-35. (in Chinese)
- [5] 孙倩,廖建彬,蔡振雄.潜艇耐压液舱区域有限元应力计算[J].船海工程,2007,36(2):17-20. SUN Qian, LIAO Jianbin, CAI Zhenxiong. FE stress analysis of the pressure tank structure of submarine[J]. Ship & Ocean Engineering, 2007, 36(2):17-20. (in Chinese)
- [6] 吴梵,刘令,吴春芳.含内置式耐压液舱舱段耐压船体结构应力分析[J].海军工程大学学报,2015,27(1):55-58.
 WU Fan, LIU Ling, WU Chunfang. Stress analysis of pressure hull structure with inner pressure tank [J]. Journal of Naval University of Engineering, 2015, 27(1):55-58. (in Chinese)
- [7] 茅云生,余小平,马运义,等.潜艇内置式调整水舱的有限元计算[J].武汉理工大学学报(交通科学与工程版),2005,29(5):652-654.
 MAO Yunsheng, YU Xiaoping, MA Yunyi, et al. Finite-element calculation for inner ballast water tank of submarine[J]. Journal of Wuhan University of Technology, 2005, 29(5):652 654. (in Chinese)
- [8] 中国船舶科学研究中心. 潜艇结构设计计算方法: GJB/Z
 21A-2001[S]. 北京:国防科学技术工业委员会, 2001.
 China Ship Scientific Research Center. Methods for design and calculation of submarine structure: GJB/Z 21A 2001[S].
 Beijing: the Commission of Science, Technology and Industry for National Defense, 2001. (in Chinese)
- [9] 徐秉汉,朱邦俊,欧阳吕伟,等.现代潜艇结构强度的理论与试验[M].北京:国防工业出版社,2007. XU Binghan, ZHU Bangjun, OUYANG Lüwei, et al. Theory and experiments on modern submarine structure strength[M]. Beijing: National Defense Industry Press, 2007. (in Chinese)