doi:10.11887/j.cn.201804014

http://journal. nudt. edu. cn

运动视觉平台点目标定位误差分析和平台最优运动轨迹设计。

张红良,俞先国,王 梓

(国防科技大学 空天科学学院,湖南 长沙 410073)

摘 要:对运动视觉平台点目标定位问题进行了研究,介绍了基于视觉共线方程的目标定位方法,分析 了共线方程关于视线约束的实质。在观测视线相关坐标系推导了视线方向角矢量对目标定位误差的影响规 律,分析了多观测对定位误差的影响,并基于最小化目标定位误差推导了视觉平台的最优运动轨迹,利用简 单明了的分析方法得到了与已有文献优化 Fisher 信息矩阵方法一致的结论。利用仿真和试验对定位误差和 最优轨迹进行了验证,证实了定位误差理论分析和最优运动轨迹设计的正确性。

关键词:目标定位;视觉;误差分析;最优运动轨迹

中图分类号: V557 文献标志码: A 文章编号: 1001 - 2486 (2018) 04 - 087 - 07

Error analysis and optimal maneuver trajectory design of the point target location based on a moving visual platform

ZHANG Hongliang, YU Xianguo, WANG Zi

(College of Aeronautics and Astronautics, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: The point target location based on a moving visual platform was studied. After introducing the visual location method, the sight-line restriction of the collinear equation was analyzed. The error impact of view-line angle vector to the point target location was deduced in the view-line associated coordinate system. Multi-time measurements were also analyzed in the location error analysis. Based on the minimization of the target location error, the optimal maneuver trajectory of the observer platform was designed. Using a method that is simpler and easier to understand, the results obtained from the proposed method are the same as those from the method by maximizing the determinant of the Fisher information matrix. Simulations and tests were performed, and results show that the target location error analysis and the platform optimal maneuver trajectory design are valid.

Key words: target location; visual; error analysis; optimal maneuver trajectory

视觉平台指安装了视觉、红外、电视等视觉传 感器的平台。基于运动视觉平台对目标定位广泛 应用于无人机对地测量^[1-3]、卫星遥感和侦察^[4]、 机器人目标抓取^[5]和空间任务视觉测量^[6]等场 合。本文考虑小型侦察无人机对目标定位的典型 应用,假设观测目标为点目标,仅能通过图像处 理、目标识别和跟踪等获取目标相对运动视觉平 台的方向信息。

当目标为静止或准静止时,对目标定位可采 用计算机视觉领域的"三角测量法"^[7-9],其本质 与被动侦察领域的"测向交叉法"相同,即利用视 觉成像模型建立目标视线方向的约束,多个时刻 光学平台的视线方向交叉优化测量目标位置。当 目标为运动目标时,定位较为复杂,一般需假设目 标运动满足一定条件^[9-11]。本文仅考虑对静止 或准静止目标定位的情形。

视觉平台目标定位误差源一般包括标定误差 (包括像机内外参数误差)、匹配误差和结构参数 误差等多种因素^[12],已有文献对航空平台姿态和 位置引起的定位误差分析一般借助蒙特卡洛方 法^[13-14]。但对于简单的小型无人机平台,姿态精 度不高,目标方向测量误差将成为主要误差源。本 文仅分析目标方向测量误差及其对目标定位的影 响,采用矢量偏导方法推导了误差理论公式,并采 用数值仿真方法进行了验证。目标定位平台最优 运动轨迹在被动侦察目标运动分析(Target Motion Analysis, TMA)领域有较多的研究^[15-16],比较经 典的方法是优化 Fisher 信息矩阵 (Fisher Information Matrix, FIM)的行列式或克拉美罗下界 (Cramer-Rao Low Bound, CRLB)的迹。本文则从 误差分析结果出发,依据误差最小建立目标函数, 最后推导得到最优轨迹,结论与文献[16]采用

^{*} 收稿日期:2017-06-12 资助项目:国家重大科学仪器设备开发专项资助项目(2013YQ140517);国防科技大学科研计划资助项目(ZK16-03-27) 作者简介:张红良(1981-),男,江苏沛县人,讲师,博士,E-mail:mrzhanghongliang@163.com

Fisher 信息矩阵优化得到的结论根本上完全一致。

1 运动视觉平台目标定位方法

1.1 共线方程

根据视觉成像原理^[7],一般定义视觉测量坐 标系(C系)原点为视觉传感器光心, Z_c 轴与视觉 传感器光轴重合, X_c 、 Y_c 分别与图像的横、纵轴平 行,且三个坐标轴组成右手直角坐标系。假设点 目标在空间物理坐标系(W系)的位置为P,t时 刻成像在图像上,像素坐标为[u_t , v_t]^T,则满足共 线方程

$$z_{t} \left[\frac{u_{t} - C_{x}}{F_{xt}} \quad \frac{v_{t} - C_{y}}{F_{yt}} \quad 1 \right]^{\mathrm{T}} = \boldsymbol{R}_{t} (\boldsymbol{P} - \boldsymbol{P}_{Ct}) \quad (1)$$

其中, z_i 表示 t 时刻目标到光心的距离在光轴上的投影, $C_x \ C_y$ 表示图像主点(光轴与图像平面的交点)的横纵坐标, $F_{xt} \ F_y$ 表示 t 时刻视觉传感器 在横纵方向的等效焦距, R_i 表示 t 时刻空间物理 坐标系到视觉测量坐标系的转换矩阵, P_{ci} 表示 t时刻光心在空间物理坐标系的位置。对于已标定 视觉传感器内参数 $C_x \ C_y$ 和 $F_{xt} \ F_y$ 均已知,外参 数 $R_i \ P_{ci}$ 可根据运动平台的姿态测量系统得到, 因此上述共线方程提供了点目标位置 P 的两个 约束。如果运动平台连续多个时刻观测到目标, 则可以建立方程组,优化求解目标位置,实现目标 定位。

1.2 共线方程分析

共线方程(1)本质上是建立了关于目标的视 线约束,记 $l = \left[\frac{u_t - C_x}{F_{xt}} \quad \frac{v_t - C_y}{F_{yt}} \quad 1\right]^{\mathrm{T}}$,则由共线方 程(1)可得

$$(\boldsymbol{P} - \boldsymbol{P}_{Ct}) = z_t \boldsymbol{R}_t^{\mathrm{T}} \left[\frac{\boldsymbol{u}_t - \boldsymbol{C}_x}{\boldsymbol{F}_{xt}} \quad \frac{\boldsymbol{v}_t - \boldsymbol{C}_y}{\boldsymbol{F}_{yt}} \quad 1 \right]^{\mathrm{T}} = z_t \boldsymbol{R}_t^{\mathrm{T}} \boldsymbol{I}$$

$$(2)$$

记单位矢量 $L = R_i^T l/|l|$,其中 |l|表示矢量 l的长度,进一步记 $\lambda_i = z_i |l|$,则式(2)可写为:

 $(P - P_{\alpha}) = z_i R_i^T l = \lambda_i L$ (3) 其中,L 的物理含义为视觉光心到点目标的视线 单位矢量,对于已标定视觉传感器,L 可根据目标 在图像上的坐标及标定参数求出; λ_i 的物理含义 为视觉光心到点目标的空间距离。式(3)表明共 线方程本质上就是关于目标视线的约束。

由于距离 λ_i 为未知量,根据式(3),矢量($P - P_{C_i}$)与视线方向L平行,因此有

 $\boldsymbol{L} \times (\boldsymbol{P} - \boldsymbol{P}_{\alpha}) = \boldsymbol{0} \text{ 或 } \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{P} = \boldsymbol{L} \times \boldsymbol{P}_{\alpha} \quad (4)$ 其中,"×"表示矢量叉乘符号。记[$\boldsymbol{L} \times$]表示矢量

L 叉乘对应的反对称矩阵,即对于任意矢量a,有L× $a = [L \times]a$,则根据矩阵理论有 $rank([L \times]) =$ 2。因此式(4)仅提供了点目标位置P的两个独 立约束。式(4)中目标位置P未知,它提供了共 线方程更本质的表述。

1.3 目标定位解的唯一性

如图 1 所示,假设某时刻视觉平台光心位置 为 P_1 ,利用视觉成像测量得到目标视线方向单位 矢量为 L_1 ,一段时间后,视觉平台运动到位置 P_2 , 此时测量视线单位矢量为 L_2 ,因此两个时刻的共 线方程本质上是建立了如下约束。

$$\begin{cases} \boldsymbol{L}_{1} \times (\boldsymbol{P} - \boldsymbol{P}_{1}) = \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{L}_{2} \times (\boldsymbol{P} - \boldsymbol{P}_{2}) = \boldsymbol{0} \end{cases} \begin{cases} \boldsymbol{L}_{1} \times \boldsymbol{P} = \boldsymbol{L}_{1} \times \boldsymbol{P}_{1} \\ \boldsymbol{L}_{2} \times \boldsymbol{P} = \boldsymbol{L}_{2} \times \boldsymbol{P}_{2} \end{cases}$$
(5)

图1 运动平台测量点目标示意图

Fig. 1 Point target location using moving visual platform

当视线方向
$$L_1$$
 和 L_2 不平行时,
 $rank\left\{ \begin{bmatrix} (L_1 \times) \\ (L_2 \times) \end{bmatrix} \right\} = 3$,因此目标位置有唯一解:
 $P = \begin{bmatrix} (L_1 \times) \\ (L_2 \times) \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} (L_1 \times) \\ (L_1 \times) \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} (L_1 \times) \\ (L_1 \times) \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} (L_1 \times) \\ (L_1 \times) \end{bmatrix}^T \begin{bmatrix} (L_1 \times) \\ (L_1$

2 定位误差分析

对于小型无人机平台,由于缺乏高精度测姿 设备,其视觉传感器姿态误差将成为目标定位的 主要误差源,并引起较大的视线方向误差。本部 分仅重点分析视线方向误差的影响。

对于视觉平台在两个不同位置处的目标定位 情形,假设观测视线分别为 L_1 和 L_2 ,为方便分 析,首先定义一个和观测视线相关的坐标系(V系)如下:坐标原点与空间物理坐标系(W系)原 点重合, X_V 与 L_1 平行, Y_V 垂直于 L_1 、 L_2 所在平 面, Z_V 在 L_1 、 L_2 所在平面内,且与 X_V 、 Y_V 组成右 手直角坐标系,如图2所示。假设 L_1 、 L_2 之间的 夹角为 θ ,则 L_1 、 L_2 在V系的表示分别为

$$\begin{cases} \boldsymbol{L}_{1}^{\boldsymbol{V}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} \\ \boldsymbol{L}_{2}^{\boldsymbol{V}} = \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} \end{cases}$$
(7)



图 2 观测视线相关坐标系

Fig. 2 View-line associated coordinate system

当观测视线存在小的误差时,会使观测视线 单位矢量发生变化,假设误差角矢量为 *φ*,则观测 视线为

$$\tilde{L} = R(\varphi) L \approx [I_3 + (\varphi \times)] L$$
 (8)
其中, R(φ) 表示误差角矢量 φ 引起的方向转化
矩阵。

假设测量平台在两个位置处的误差角矢量分 别为 **φ**₁ 和 **φ**₂,不考虑其他误差,目标定位结果为

(-0, 0)

 $\tilde{P} = P + \delta P$ (即目标定位误差为 δP),根据式(5)和式(8),在一阶近似条件下有

$$\begin{cases} \tilde{\boldsymbol{L}}_{1} \times \tilde{\boldsymbol{P}} = \boldsymbol{L}_{1} \times \boldsymbol{P} + (\boldsymbol{\varphi}_{1} \times \boldsymbol{L}_{1}) \times \boldsymbol{P} + \boldsymbol{L}_{1} \times \delta \boldsymbol{P} \\ = \tilde{\boldsymbol{L}}_{1} \times \boldsymbol{P}_{1} = \boldsymbol{L}_{1} \times \boldsymbol{P}_{1} + (\boldsymbol{\varphi}_{1} \times \boldsymbol{L}_{1}) \times \boldsymbol{P}_{1} \\ \tilde{\boldsymbol{L}}_{2} \times \tilde{\boldsymbol{P}} = \boldsymbol{L}_{1} \times \boldsymbol{P} + (\boldsymbol{\varphi}_{2} \times \boldsymbol{L}_{2}) \times \boldsymbol{P} + \boldsymbol{L}_{2} \times \delta \boldsymbol{P} \\ = \tilde{\boldsymbol{L}}_{2} \times \boldsymbol{P}_{2} = \boldsymbol{L}_{2} \times \boldsymbol{P}_{2} + (\boldsymbol{\varphi}_{2} \times \boldsymbol{L}_{2}) \times \boldsymbol{P}_{2} \end{cases}$$

$$\tag{9}$$

 $记(\mathbf{P} - \mathbf{P}_1) = \lambda_1 \mathbf{L}_1, (\mathbf{P} - \mathbf{P}_2) = \lambda_2 \mathbf{L}_2, 将其代$ 入式(9)化简为

$$\begin{cases} \boldsymbol{L}_{1} \times \delta \boldsymbol{P} = -\lambda_{1} \boldsymbol{L}_{1} \times (\boldsymbol{L}_{1} \times \boldsymbol{\varphi}_{1}) \\ \boldsymbol{L}_{2} \times \delta \boldsymbol{P} = -\lambda_{2} \boldsymbol{L}_{2} \times (\boldsymbol{L}_{2} \times \boldsymbol{\varphi}_{2}) \end{cases}$$
(10)

将各误差量都在*V*系表示,记 $\delta P^{V} = [\delta P_{x}^{V} \ \delta P_{y}^{V} \ \delta P_{z}^{V}]^{T}, \varphi_{1}^{V} = [\varphi_{1x}^{V} \ \varphi_{1y}^{V} \ \varphi_{1z}^{V}]^{T}$ 和 $\varphi_{2}^{V} = [\varphi_{2x}^{V} \ \varphi_{2y}^{V} \ \varphi_{2z}^{V}]^{T}, 则将式(7) 代入式(10),$ 化简得

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \delta \mathbf{P}^{V} = \lambda_{1} \begin{bmatrix} 0 \\ \varphi_{1y}^{V} \\ \varphi_{1z}^{V} \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} 0 & -\sin\theta & 0 \\ \sin\theta & 0 & -\cos\theta \\ 0 & \cos\theta & 0 \end{bmatrix} \delta \mathbf{P}^{V} = \lambda_{2} \begin{bmatrix} \varphi_{2x}^{V}\sin^{2}\theta - \varphi_{2z}^{V}\sin\theta\cos\theta \\ \varphi_{2y}^{V} \\ -\varphi_{2x}^{V}\sin\theta\cos\theta + \varphi_{2z}^{V}\cos^{2}\theta \end{bmatrix}$$

$$(11)$$

гол

按照最小二乘法原理,可得

$$\delta \boldsymbol{P}^{V} = \begin{bmatrix} \delta P_{x}^{V} \\ \delta P_{y}^{V} \\ \delta P_{z}^{V} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{\lambda_{1} \cos\theta}{\sin\theta} & 0 & 0 & \frac{\lambda_{2}}{\sin\theta} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{\lambda_{1}}{2} & -\frac{\lambda_{2} \sin\theta}{2} & 0 & \frac{\lambda_{2} \cos\theta}{2} \\ 0 & -\lambda_{1} & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi_{1x}^{V} \\ \varphi_{1y}^{V} \\ \varphi_{2x}^{V} \\ \varphi_{2y}^{V} \\ \varphi_{2z}^{V} \end{bmatrix}$$
(12)

从式(12)可以看出,目标定位误差和距离 λ_1,λ_2 相关,距离目标越远,在相同视线角误差条 件下引起的定位误差越大;同时定位误差还和视 线夹角 θ 相关,由于部分误差项包含(1/sin θ),因 此当 θ 较小时,对应项误差较大。

值得说明的是,上述推导只考虑了两条观测 视线,当在视线 L₁、L₂ 间有多次观测时,在误差量 级一定且随机的条件下,定位误差会相对减小。

如图 3 所示,假设一段时间内共有 N 次观 测,每次观测视线方向误差满足正态分布且均方 差相同。最大夹角小于 90°,仅考虑最大夹角处 的两次观测 L₁、L₂ 时的定位误差为 δP,应用所有 N 次观测时的定位误差记为 δP_N,则



图 3 多次观测测量示意图 Fig. 3 Multi-time measurements

$$\delta \boldsymbol{P}_{N} \mid = \frac{k}{\sqrt{N}} \left| \delta \boldsymbol{P} \right|, \quad k > 1$$
 (13)

式中 k 的存在是由于中间观测视线的夹角小于最 大夹角,因此其引起的定位的误差大于最大夹角 对应的两条观测视线。 无人机等运动平台对侦察目标定位时,一般 希望短时间内获得较高的定位精度,这就需要考 虑无人机的飞行轨迹设计问题。被动侦察领域最 优轨迹的设计比较经典的方法是优化 Fisher 信息 矩阵的行列式或 CRLB 的迹,本文采用一种不同 的方法。

由上面误差分析结果(见式(12))可知,在小的视线夹角条件下,影响较大的误差系数为($\lambda/$ sin θ),因此飞行轨迹应使视线角尽量大,且距离目标尽量小,基于此分析,本文拟将(λ_2 /sin θ)作为优化函数。如图4所示,假设运动视觉平台的速度大小为V,测量周期为 Δt ,某时刻平台在位置 P_1 定位测量P处的目标,而后以与视线方向成 α 角度飞行 $V\Delta t$ 后到位置 P_2 进行下一次测量,两次测量的视线夹角为 θ 。最优轨迹设计即设计最优的 α ,使两次观测的定位误差最小,即最优化问题为

图 4 最优轨迹设计示意图

Fig. 4 Optimal maneuver trajectory design

根据平面三角形的正弦余弦定理容易推出 $\frac{\lambda_2}{\sin\theta} = \frac{\lambda_2^2}{V\Delta t \sin\alpha} = \frac{\lambda_1^2 + (V\Delta t)^2 - 2\lambda_1 V\Delta t \cos\alpha}{V\Delta t \sin\alpha}$

(15)

对α求导,令其为0,整理得

$$\cos\alpha = \frac{2\lambda_1 V \Delta t}{\lambda_1^2 + (V \Delta t)^2}$$
(16)

文献[16] 通过优化 Fisher 信息矩阵的行列

式方法得到的结论(文献[16]定理1)为 $\alpha = \frac{\pi}{2}$ -2 θ ,因为 $\cos\alpha = \sin 2\theta = 2\sin\theta\cos\theta = \frac{2\lambda_1 V\Delta t}{\lambda_1^2 + (V\Delta t)^2}$, 因此式(16)的结论与文献[16]完全一致。

当
$$\frac{V\Delta t}{\lambda_1} \ll 1$$
时,式(16)可近似为 $\cos \alpha \approx \frac{2V\Delta t}{\lambda_1}$ (17)

此时沿最优飞行轨迹 $(2V\Delta t)$ 处的点 P'到目标的视线方向与最优飞行轨迹方向垂直,如图 5 所示。



图 5 最优轨迹方向规律示意图 Fig. 5 Optimal maneuver direction

需要说明的是,式(16)中最优轨迹方向的计 算需要用到观测平台到目标的距离 λ₁,这在实际 应用中难以准确知道。按照文献[16]的建议,工 程上可以采取初始时刻观测平台先走瞄准线航 向,估计观测平台和目标相对距离,然后不断修 正的方法。

4 仿真验证

4.1 定位精度仿真验证

假设运动视觉平台距离目标都为1 km,两次 测量视线夹角为10°,仿真三种视线方向误差,分 别为0.1°、0.5°、1°(三个坐标方向的随机误差均 方差),不考虑其他误差。采用三角测量方法计 算目标位置,统计1000次计算的定位误差在视线 相关坐标系内表示,如表1 所示。

表1 目标定位误差仿真分析

| Tab. 1 | Simulation | of target | location | error | analysis |
|--------|------------|-----------|----------|-------|----------|
|--------|------------|-----------|----------|-------|----------|

| 视线 方向 | 根据5 误差 | 根据式(12)的定位 误差理论值/m | | | 误差仿 | 真值/m |
|---------------|-----------|-----------------------|---------|----------------|-------|---------|
| 误差 | X_V | Y_V | Z_{V} | X _V | Y_V | Z_{V} |
| 0.1° | 14.10 | 1.23 | 1.74 | 13.62 | 1.22 | 1.67 |
| 0.5° | 70.53 | 6.17 | 8.73 | 71.24 | 6.27 | 8.58 |
| 1° | 141.07 | 12.34 | 17.45 | 152.67 | 12.39 | 18.74 |

由表1可知,仿真结果与理论分析结果基本 一致,这表明了理论分析的正确性。仿真中注意 到,当视线方向误差增大时,定位仿真误差与理论 误差的偏差增大,这是鉴于在理论分析时按照一 阶近似得到的相关结论,当误差量级较大时,一阶 近似分析存在误差。

假设运动视觉平台测量时距离目标都为

1 km,平台沿弧线匀速飞行至视线最大夹角为 10°处,该过程中分别进行 2 次、4 次和 100 次观 测,视线方向测量误差都为 0.5°(三个坐标方向 的随机误差均方差),不考虑其他误差,采用三角 测量方法计算目标位置,统计 1000 次计算的综合 定位误差(误差矢量的大小),如表 2 所示。

表 2 多次观测目标定位误差仿真分析

Tab. 2 Simulation of multi-time measurements target location error analysis

| 观测次数 | 根据式(13)的定位 综合误差理论值/m | 定位综合误差 仿真值/m |
|-------|--|-----------------|
| 2次 | 71.33 | 72.01 |
| 4次 | $\frac{k}{\sqrt{N}} \cdot 71.33 = k \cdot 35.67$ | 69. 56 |
| 100 次 | $\frac{k}{\sqrt{N}} \cdot 71.33 = k \cdot 7.13$ | 56. 22 |

从表2可以看出,增加观测次数,定位误差减 小,但减小幅度受到次数和1个大于1的参数*k* 的作用。参数*k*也和观测次数有关,当观测次数 增多时,*k*增大。本试验条件下,观测4次时,*k* = 1.95;观测100次时,*k* = 7.88。

4.2 定位误差试验验证

在实验室内进行了试验验证,如图6所示,目标为一战车模型,视觉平台为千兆网摄像机(分辨率1024×1024,灰度像机,镜头焦距25 mm),视觉平台距离目标约21 m,在4个位置处对目标

成像,模拟运动视觉平台对目标的定位,最大视线 夹角为15.93°。





目标位置由全站仪确定作为真值,摄像机内 参数提前标定,视觉平台位置也由全站仪确定,摄 像机同时对目标和标定标志墙成像,利用标志墙 上的已知标志标定视觉平台摄像机姿态。提取目 标中心在图像上的像点,就可以利用本文第1节 介绍的定位方法对目标定位,以及全站仪测量的 位置真值作比较,统计定位误差。

由于摄像机标定姿态精度较高,为了考察视 觉平台姿态误差的影响,在摄像机标定姿态的基 础上人为加入0.1°、0.5°和1°的随机误差,分别 考察采用最大夹角2次观测数据和全部4次观测 数据的目标定位结果。某一次的定位结果如表3 所示。多次定位试验统计的综合定位误差(定位 误差的大小)如表4所示。

| Tab. 3 Location results in a test | | | | | | | |
|-----------------------------------|--------------------|------------|--------|-------|-----------------|--------|-------|
| 观测数据 | 视觉平台 _ 姿态误差/(°) | 视觉平台定位结果/m | | | 目标位置真值(全站仪测量)/m | | |
| | | X方向 | Y方向 | Z方向 | X方向 | Y方向 | Z方向 |
| 只使用最 | 0.1 | - 12. 303 | -2.608 | 0.694 | | | |
| 大夹角的 2 次观测 | 0.5 | - 11. 590 | -2.389 | 0.896 | | | |
| | 1 | - 10. 228 | -2.832 | 0.820 | 12, 120 | 2 (28 | 0.710 |
| 使用全部 4 次观测 | 0.1 | - 12. 307 | -2.622 | 0.693 | 12.129 | -2.038 | 0.719 |
| | 0.5 | -11.412 | -2.564 | 0.731 | | | |
| | 1 | - 10. 514 | -2.823 | 0.658 | | | |

表 3 一次试验的定位结果

表4 综合定位误差统计结果

| Tab. 4 Statistical location errors in tests | | | | |
|---|----------------------|----------------------|---|--|
| 观测数据 | 视觉平 台姿态 误差/(°) | 定位综合 误差试验 结果/m | 定位综合误差 理论结果 (根据式(12)、 式(13)得到)/m | |
| 只使用最 | 0.1 | 0.192 | 0.193 | |
| 大夹角的 | 0.5 | 0.992 | 0.962 | |
| 2 次观测 | 1 | 1.980 | 1.924 | |
| | 0.1 | 0.179 | <i>k</i> • 0. 097 | |
| 使用全部 4 次 亚 测 | 0.5 | 0.934 | <i>k</i> • 0. 481 | |
| | 1 | 1.831 | <i>k</i> • 0.962 | |

表3和表4的结果表明,试验结果与理论分析结果一致:视线方向角误差越大,定位误差越 大;定位误差与式(12)的理论结果一致;多次观测的定位误差与式(13)分析一致。试验结果反 映了理论分析结果的正确性。

4.3 最优轨迹仿真验证

假设运动视觉平台初始观测时刻距离目标都 为1 km,平台运动速度大小为 30 m/s,观测周期 为5 s,视线方向测量误差为 0.5°(三个方向的随 机误差均方差),不考虑其他误差。设计三种飞 行轨迹:

轨迹一:与目标保持距离不变,沿圆弧线 飞行。

轨迹二:按 α = 81.37°飞行,即 cosα = 30 × 5/ 1000,飞行方向与第二次观测视线方向垂直。

轨迹三: 按本文设计的最优轨迹飞行, α = 72.94°。

根据首次观测和一个周期后的第二次观测, 采用三角测量方法计算目标位置,由于添加视线 角度误差为随机差,统计1000次计算的综合定位 误差(误差矢量的大小),如表5所示。

表 5 视觉平台不同运动轨迹定位误差仿真分析

Tab. 5Simulation of different visual platformmaneuver trajectories location error analysis

| · | • |
|------|------------|
| 运动轨迹 | 仿真定位综合误差/m |
| 轨迹一 | 42.92 |
| 轨迹二 | 41.09 |
| 轨迹三 | 40.53 |

从表5可以看出,视觉平台按轨迹三运动,对 目标的定位误差最小,结果证明了理论分析的正 确性。

5 结论

运动视觉平台对点目标定位的应用广泛,本 文以此为研究背景,介绍了视觉共线方程进行目 标定位的原理,通过分析指出共线方程的本质是 建立了关于目标的视线约束,给出了视觉观测的 视线方向描述公式。由于小型侦察无人机等视觉 平台的姿态误差影响较大,本文分析了观测视线 方向误差对定位结果的影响,基于视线相关坐标 系推导了定位误差矢量公式,从而表明定位误差 受到视线夹角和目标距离的影响。基于最小化误 差的准则,推导了视觉平台运动的最优轨迹,结论 和已有文献通过优化 Fisher 信息矩阵的行列式方 法得到的结论完全一致,但本文的推导更为简单 明了。本文最后通过仿真和试验对定位误差和最 优轨迹进行了验证,结论证实了本文理论分析的 正确性。本文仅考虑了静止目标情形,后续研究 中将就视觉平台对运动目标的定位问题开展更深 入的研究。

参考文献(References)

- [1] Redding J D, Mclain T W, Beard R W, et al. Vision-based target geo-localization using a fexed-wing miniature air vehicle[J]. Journal of Intelligent and Robotic Systems, 2006, 47(4): 361-382.
- [2] MacArthur D K. Tracking and state estimation of an unmanned ground vehicle system using an unmanned air vehicle system [D]. Florida, USA: University of Florida, 2007.
- [3] 张梁,徐锦法,夏青元,等.地面目标特征识别与无人飞 行器位姿估计[J].国防科技大学学报,2015,37(1): 159-164.

ZHANG Liang, XU Jinfa, XIA Qingyuan, et al. Feature recognition of ground target and position and attitude estimation for unmanned aerial vehicle [J]. Journal of National University of Defense Technology, 2015, 37(1): 159 – 164. (in Chinese)

[4] 袁修孝,张过.缺少控制点的卫星遥感对地目标定位[J].武汉大学学报(信息科学版),2003,28(5):505-509.

YUAN Xiuxiao, ZHANG Guo. Object location of satellite imagery under lacking ground control points [J]. Geomatics and Information Science of Wuhan University, 2003, 28(5): 505 – 509. (in Chinese)

[5] 杨扬. 基于机器视觉的服务机器人智能抓取研究[D]. 上海:上海交通大学,2014.

YANG Yang. Study on the machine vision based intelligent grasping for service robot[D]. Shanghai: Shanghai Jiao Tong University, 2014. (in Chinese)

第4期

- [6] Petit A, Marchand E, Kanani K. Vision-based space autonomous rendezvous: a case study [C]//Proceedings of IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems, 2011: 619 - 624.
- [7] 于起峰,尚洋.摄像测量学原理与应用研究[M].北京:
 科学出版社,2009.
 YU Qifeng, SHANG Yang. Videometrics: principles and

researches [M]. Beijing: Science Press, 2009. (in Chinese)

- [8] Yu J X, Xiao D Y, Jiang L D, et al. Approach for geolocation with unmanned aerial vehicle [J]. Opto-Electronic Engineering, 2007, 34(7): 1-7.
- [9] Avidan S, Shashua A. Trajectory triangulation 3D reconstruction of moving points from a monocular image sequence [J]. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 2000, 22(4): 348 - 357.
- [10] Yu Q F, Shang Y, Zhou J, et al. Monocular trajectory intersection method for 3D motion measurement of a point target [J]. Science in China (Series E: Technological Sciences), 2009, 52(12): 3454-3463.
- [11] 李鑫,刘建男,杨夏,等.不同时间信息条件下多目轨迹 交会测量点目标运动的方法[J].国防科技大学学报, 2015,37(3):110-114.

LI Xin, LIU Jiannan, YANG Xia, et al. Multi-camera trajectory triangulation for point target motion measurement in different conditions of time information [J]. Journal of National University of Defense Technology, 2015, 37(3): 110-114. (in Chinese)

[12] 唐巍. 双目视觉测量系统误差分析与校准方法研究[D].

哈尔滨:哈尔滨工业大学,2012.

TANG Wei. Study of error analysis and calibration methods for binocular vision measurement system[D]. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2012. (in Chinese)

[13] 杜言鲁,丁亚林,许永森,等. TDI-CCD 全景式航空相机 对地目标定位的算法[J].光学学报,2017,37(3): 355-365.

DU Yanlu, DING Yalin, XU Yongsen, et al. Geo-location algorithm for TDI-CCD aerial panoramic camera [J]. Acta Optica Sinica, 2017, 37(3): 355 - 365. (in Chinese)

 [14] 檀立刚,戴明,刘晶红,等. 机载光电测量设备目标自主 定位误差分析[J]. 光学精密工程,2013,21(12): 3133-3140.
 TAN Ligang, DAI Ming, LIU Jinghong, et al. Error analysis

of target automatic positioning for airborne photo-electric measuring device [J]. Optics and Precision Engineering, 2013, 21(12): 3133 – 3140. (in Chinese)

- [15] Passerieux J M, van Cappel D. Optimal observer maneuver for bearings-only tracking [J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 1998, 34(3): 777 – 787.
- [16] 许志刚,盛安冬,陈黎,等.被动目标定位系统观测平台 的最优机动轨迹[J]. 控制理论与应用,2009,26(12): 1337-1344.

XU Zhigang, SHENG Andong, CHEN Li, et al. Optimal maneuver trajectories of the observer platform in passive localization system [J]. Control Theory & Applications, 2009, 26(12): 1337 - 1344. (in Chinese)