doi:10.11887/j.cn.201903022

http://journal. nudt. edu. cn

# 电偶腐蚀下非稳态扩散瞬时静电场分析\*

王向军,张建春,徐庆林

(海军工程大学 电气工程学院, 湖北 武汉 430033)

摘 要:为分析在浓差极化条件下非稳态过程中的静电场分布情况,在斐克第二定律的基础上利用拉普 拉斯变换求解电极表面氧浓度随时间的变化。通过法拉第定律分析受氧浓度控制下的电偶腐蚀电流密度, 在此基础上利用电流元模型求解电解质溶液中任意位置处产生的瞬时电位及静电场强度,并通过实验验证 结果的正确性。结果表明:浓差极化下的非稳态扩散传质产生的静电场及电位会随着时间的增加而逐渐减 小,并最终达到稳态,且电流密度会随着氧的浓度减小而减小。

# Transient static electrical field analysis of non-steady-state diffusion under galvanic corrosion

WANG Xiangjun, ZHANG Jianchun, XU Qinglin

(College of Power Engineering, Naval University of Engineering, Wuhan 430033, China)

Abstract: In order to analyze the static electric field distribution of non-steady-state process under concentration polarization conditions, the Laplace transform was used to solve the change of oxygen concentration on the surface of the electrode based on the Fick second law. The current density of galvanic corrosion controlled by oxygen concentration was analyzed through Faraday law, in the basis of which the instant potential and static electric field in any position of electrolyte can be obtained through current element, and then to verify the correctness by experimental results. The results show that the static electric field and potential decrease with time and reach a steady state finally, while the current density decreases with the decrease of oxygen concentration.

Keywords: concentration polarization; non-steady-state; static electric field; galvanic corrosion; Laplace transform; Faraday law; current density

处于海水中的舰船会因金属的不同材质而发 生电偶腐蚀产生腐蚀电流,在海水中产生腐蚀电 位和腐蚀静电场、轴频电场<sup>[1-5]</sup>。电解质流动状 态一定时,金属接触电解液发生电化学反应后,电 流达到稳态前,物质的传递首先经历一段时间的 非稳态扩散过程<sup>[6-7]</sup>,最终达到稳态。由于海水 中的氧含量相对较高,在非稳态过程中会产生较 强的腐蚀电流密度,这个过程在分析静电场特性 时是不能忽视的,并且在电解质流动的情况下电 极会不断接触新鲜氧气产生浓差极化,这可能会 导致金属的电偶腐蚀始终处于非稳态过程。

此外,在实际测量过程中,海水实际流动状态 对船体的冲击及与海水的实际接触面积是不断变 化的,从而导致电化学腐蚀的稳态扩散不断被破 坏,测量到的始终是非稳态扩散情况下的静电场。 因此,分析腐蚀电场的非稳态扩散时间能够为进 一步研究舰船静电场特性提供新的理论基础。

#### 1 非稳态扩散数学模型

由于腐蚀发生在固液界面上,所谓静止的电 解质主要针对电极表面而言,包括全部溶液处于 静止状态,或在流动的溶液中电极周围表面层中 的对流传质速度可忽略的情况。当静止的溶液中 存在大量的反应粒子时,反应粒子向电极表面的 传质方式主要以扩散为主。金属板处于静止溶液 中的模型如图1所示。

粒子在金属板表面的扩散过程满足斐克第二 定律:

$$\frac{\partial c_i}{\partial t} = D_i \cdot \frac{\partial^2 c_i}{\partial x^2} \tag{1}$$

式中:c<sub>i</sub>为 i 粒子在溶液中的浓度,D<sub>i</sub>为 i 粒子的 扩散系数,x 为距离金属板表面的径向距离。

 反应粒子i

 金属板表面

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇

 〇
 <

图1 电极表面非稳态扩散

Fig. 1 Non-steady-state diffusion on plate

#### 1.1 求解条件的设定

分析非稳态扩散过程时,得到各处 i 粒子浓度随时间的变化  $c_i(x,t)$ 。根据斐克第二定律并设置边界条件便可得出  $c_i(x,t)$ 。其边界条件及初始条件<sup>[7]</sup>为:

1) 粒子扩散系数  $D_i = 常数, 即扩散系数不随$ 扩散粒子的浓度变化。

2)腐蚀反应开始前的粒子浓度均匀分布在 溶液中,即初始条件为 $c_i(x,0) = c_0, c_0$ 为溶液中i粒子的初始浓度。

3) 开始反应后, 溶液中 i 粒子的浓度不发生浓度极化, 为了区分反应前后溶液中 i 粒子的浓度, 假设此时溶液中的浓度为  $c_s$ , 则此时的边界条件可设定为  $c_i(\infty, t) = c_s$ 。

4) 假设 i 粒子在金属板表面反应后的浓度为  $c_i^*, 则 c_i(0,t) = c_i^*$ 。当 i 粒子在金属板表面完全 反应时,  $c_i^* = 0$ 。

#### 1.2 电偶电极表面电流密度推导

为了得到电流密度的解析解,应对 *i* 粒子在 垂直于金属表面 *x* 方向上的浓度分布进行求导。 求解非稳态时的浓度分布时,从斐克第二定律出 发,应用拉普拉斯变换即可求出<sup>[8]</sup>。对式(1)两 边进行拉普拉斯变换得:

$$\int_{0}^{\infty} \frac{\partial c_{i}}{\partial t} e^{-pt} dt = c_{i} e^{-pt} \Big|_{0}^{\infty} + p \int_{0}^{\infty} c_{i} e^{-pt} dt$$
$$= -c_{i}(x,0) + p \overline{c_{i}}(x,p) \qquad (2)$$
$$\int_{0}^{\infty} D_{i} \cdot \frac{\partial^{2} c_{i}}{\partial x^{2}} \cdot e^{-pt} dt = D_{i} \frac{\partial^{2}}{\partial x^{2}} \int_{0}^{\infty} c_{i} e^{-pt} dt$$

$$= D_i \frac{\partial^2 \overline{c_i}(x,p)}{\partial x^2}$$
(3)

其中, $c_i(x,p)$ 为 $c_i(x,t)$ 的象函数。

将初始条件2)代入式(2),并将式(1)以象 函数替换得:

$$D_i \frac{\partial^2 c_i}{\partial x^2} - p \, \overline{c_i} + c_0 = 0 \tag{4}$$

当
$$\overline{c_i} = \frac{c_0}{p}$$
时,式(4)成立,则其通解为:  
$$\overline{c_i} = \frac{c_0}{p} + Ae^{\lambda_1 x} + Be^{\lambda_2 x}$$
(5)

其中,A、B为待定常数, $\lambda_1 = -\sqrt{p/D_i}$ , $\lambda_2 = \sqrt{p/D_i}$ 。 对边界条件进行拉普拉斯变换得:

$$\begin{aligned} c_i(\infty,t) &= c_s \rightarrow \overline{c_i}(\infty,p) = c_s/p \\ &- \\ c_i(0,t) &= c_s^i \rightarrow \overline{c_i}(0,p) = c_i^s/p \end{aligned} \tag{6}$$

i 粒子的浓度象函数可由式(5)、式(6)得到。

$$\overline{c_i} = \frac{c_0}{p} - \frac{c_0 - c_i^*}{p} \exp\left(-\sqrt{\frac{px^2}{D_i}}\right)$$
(7)

对式(7)进行拉普拉斯逆变换可得:

$$c_i(x,t) = c_i^s + (c_0 - c_i^s) \operatorname{erf}\left(\frac{x}{2\sqrt{D_i t}}\right)$$
 (8)

式中: $\operatorname{erf}\left(\frac{x}{2\sqrt{D_{i}t}}\right)$ 为关于 $\frac{x}{2\sqrt{D_{i}t}}$ 的误差函数。

当*i*粒子在金属表面完全反应时,令扩散系数 $D_i = 10^{-5} \text{ cm}^2/\text{s}$ ,不同时间下金属表面层中反应粒子浓度极化的发展如图2所示。





由图 2 可看出,当假设粒子在金属表面(即 x =0 处)完全反应时, $c_i = 0$ 。随着时间 t 的增加, 粒子分布的总厚度也随着增加,但最终都会与溶 液中的浓度相同。因此,浓度极化的扩散层厚度 是有限的,并且会随着反应时间的增加而增加。 又根据误差函数的性质可知,当  $x/(2\sqrt{D_i t}) \ge 2$ 时  $erf[x/(2\sqrt{D_i t})] \approx 1$ 。故可认为其扩散层的总 厚度约为  $x \approx 4\sqrt{D_i t}$ 。根据文献[7]中对非稳态扩 散时的瞬时有效扩散层厚度的定义可得:

$$\delta_{\vec{n}} = c_0 \left/ \left( \frac{\partial c_i}{\partial x} \right)_{x=0} = \sqrt{\pi D_i t}$$
(9)

根据式(8)和图2还可以看出,任意一点的 c<sub>i</sub> 值都是随着时间的增加而不断减小的,从而致使 浓差极化的扩散层厚度逐渐增加,经过一段反应 时间后电极表面的氧浓度逐渐趋于0,在金属表 面附近的溶液中氧的浓度梯度达到最大值,此时 扩散层的厚度不再随着氧的浓度变化而变化。

由热力学中的法拉第定律可知,非稳态扩散 下的瞬间电流密度为:

$$I = \frac{nF}{\nu_i} \cdot D_i \cdot \left(\frac{\partial c_i}{\partial x}\right)_{x=0} = \frac{nF}{\nu_i} c_0 \sqrt{\frac{D_i}{\pi t}} \quad (10)$$

式中:v<sub>i</sub>为i粒子的反应数,n为反应过程中电子的转移数,F为法拉第常数。电流密度随时间的变化曲线如图3所示。



图 3 电流密度随时间的变化

Fig. 3 Change of current density over time

由图 3 可知,在 2 s 前电流密度随时间的增加迅速减小,在 4 s 后电流密度逐渐趋于稳态,随时间的变化不是很大。这主要是由于 *i* 粒子在浓度极化过程中离子的瞬时有效扩散厚度逐渐增加,离子到达反应电极表面的难度增加,从而会抑制反应的进行使电流密度减小。

根据式(10)可知,在平面电极上不可能建立 稳态电流。但一般情况下,液相与固相之间的传 质总是存在对流现象,因此只在扩散作用下导致 的传质过程一般不会延续太长时间,一旦瞬时有 效扩散层厚度 $\delta_{f}$ 与对流作用下产生的扩散层有 效厚度近似或相等时,电极表面的传质过程逐渐 转为稳态<sup>[7]</sup>。

#### 1.3 电极板电流密度"有效长度"

在电解质溶液中,当不同电极电位的金属相 互接触时,电位较低的金属会充当阳极发生氧化 反应,而电位较高的金属为阴极发生还原反 应<sup>[9]</sup>。当电偶对处于 NaCl 溶液中时,阴极的还原 反应主要与电解质溶液中的氧发生反应,此时电 偶对在达到稳态电位之前产生的腐蚀电流是由氧 的扩散所决定的,其瞬时电流密度可由式(10) 表示。

由于电解质溶液吸附在电极表面时产生溶液 电阻,腐蚀电流能够传导的距离会受到该电阻的 限制,将电流产生到减小为零的距离称为"有效 距离"<sup>[10-11]</sup>。发生反应的电极材质及导电性能 的差异,导致在不同电极表面上的"有效长度"也 有所不同。假设在阴极表面产生腐蚀电流的有效 长度为 l<sub>1</sub>,阳极为 l<sub>2</sub>。为了验证由于扩散传质在 溶液中产生的电流密度及扩散层有效厚度的正确 性,并排除对流传质对理论推导结果的影响,发生 电偶腐蚀原理如图 4 所示,其中阳极水平放置,阴 极垂直放置。



图 4 电偶腐蚀原理 Fig. 4 Principle of galvanic corrosion

#### 2 静电场分布求导

为了得到由于电偶腐蚀下电流密度在电解质 溶液中任意位置产生的电极电位及静电场,将相 同规格的金属板表面产生的腐蚀电流等效为电流 线进行建模。根据图4电偶腐蚀的原理图中金属 板放置位置的不同,分别将阳极等效为垂直电流 元,阴极等效为水平电流元,建立如图5所示数学 模型。



(14)

在图 5 中,假设电解质溶液的深度为 D,并将 阳极、阴极的有效电流密度长度分别设定为 l<sub>2</sub>、 l<sub>1</sub>。为了得到电流密度在电介质中任意位置产生 的电极电位及静电场,采用电流元在三层介质的 海水中产生的电位解析表达式<sup>[12-14]</sup>,在电解质溶 液中任意位置处产生的电位为两个电流线的 叠加。

从而可推导出该模型在电解质任意位置处产 生的电位为:

$$\begin{split} \varphi(x, y, z) &= \\ \int_{x_{1}}^{x_{1}+l_{1}} \sum_{k=1}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{k} I_{a}(x-x_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1ak}^{3}} + \frac{\eta^{k} I_{a}(x-x_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2ak}^{3}} \right] dx_{0} + \\ \int_{x_{1}}^{x_{1}+l_{1}} \sum_{m=0}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{m} I_{a}(x-x_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1am}^{3}} + \frac{\eta^{m} I_{a}(x-x_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2am}^{3}} \right] dx_{0} + \\ \int_{z_{2}}^{z_{2}+l_{2}} \sum_{k=1}^{\infty} \left[ \frac{-\eta^{k} I_{c}(z-2kD+z_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1ck}^{3}} + \frac{\eta^{k} I_{c}(z-2kD-z_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2ck}^{3}} \right] dz_{0} + \\ \int_{z_{2}}^{z_{2}+l_{2}} \sum_{m=0}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{m} I_{c}(z+2mD-z_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1cm}^{3}} + \frac{-\eta^{m} I_{c}(z+2mD+z_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2cm}^{3}} \right] dz_{0}' + \\ \end{split}$$

其中: $\eta = (\sigma_1 - \sigma_2)/(\sigma_1 + \sigma_2), \sigma_1$  为海水中的电 导率, $\sigma_2$  为海床电导率; $I_a, I_c$  分别为阳极和阴极 的瞬时电流密度,由于在发生电偶腐蚀时,两电极 以导线连接且面积相等,因此两电极在反应时产 生的电流密度相等,即 $I_a = I_c = I_o$ 

 $\begin{aligned} \mathbf{r}_{1\beta k} &= (x - x_{\beta 0})\mathbf{i} + (y - y_{\beta 0})\mathbf{j} + (z - 2kD + z_{\beta 0})\mathbf{k} \\ \mathbf{r}_{2\beta k} &= (x - x_{\beta 0})\mathbf{i} + (y - y_{\beta 0})\mathbf{j} + (z - 2kD - z_{\beta 0})\mathbf{k} \\ \mathbf{r}_{1\beta m} &= (x - x_{\beta 0})\mathbf{i} + (y - y_{\beta 0})\mathbf{j} + (z + 2mD - z_{\beta 0})\mathbf{k} \\ \mathbf{r}_{2\beta m} &= (x - x_{\beta 0})\mathbf{i} + (y - y_{\beta 0})\mathbf{j} + (z + 2mD + z_{\beta 0})\mathbf{k} \\ \\ \mathbb{L} \oplus : \beta \ \text{代表阴极和阳极下标a.co} \end{aligned}$ 

根据电磁场相关理论可知,介质中任意点位 置处的电场强度分量等于该点的电位梯度的负 数。则在电解质中产生的静电场三分量为:

$$E_{x} = -\frac{\partial \varphi(x, y, z)}{\partial x}$$

$$= I_{a} \sum_{k=1}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{k} (x - x_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1ak}^{3}} + \frac{\eta^{k} (x - x_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2ak}^{3}} \right] \Big|_{x_{1}}^{x_{1}+l_{1}} + I_{a} \sum_{m=0}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{m} (x - x_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1am}^{3}} + \frac{\eta^{m} (x - x_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2am}^{3}} \right] \Big|_{x_{1}}^{x_{1}+l_{1}} + I_{c} \sum_{k=1}^{\infty} \left[ \frac{-\eta^{k} (x - x_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1ck}^{3}} + \frac{\eta^{k} (x - x_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2ck}^{3}} \right] \Big|_{z_{2}}^{z_{2}+l_{2}} + I_{c} \sum_{m=0}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{m} (x - x_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1cm}^{3}} - \frac{\eta^{m} (x - x_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2cm}^{3}} \right] \Big|_{z_{2}}^{z_{2}+l_{2}}$$

$$(12)$$

$$E_{y} = -\frac{\partial \varphi(x, y, z)}{\partial y}$$

$$= I_{a} \sum_{k=1}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{k}(y - y_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1ak}^{3}} + \frac{\eta^{k}(y - y_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2ak}^{3}} \right] \Big|_{x_{1}}^{x_{1}+l_{1}} + I_{a} \sum_{m=0}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{m}(y - y_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1am}^{3}} + \frac{\eta^{m}(y - y_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2am}^{3}} \right] \Big|_{x_{1}}^{x_{1}+l_{1}} + I_{c} \sum_{k=1}^{\infty} \left[ \frac{-\eta^{k}(y - y_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1ck}^{3}} + \frac{\eta^{k}(y - y_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2ck}^{3}} \right] \Big|_{z_{2}}^{z_{2}+l_{2}} + I_{c} \sum_{m=0}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{m}(y - y_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1cm}^{3}} - \frac{\eta^{m}(y - y_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2cm}^{3}} \right] \Big|_{z_{2}}^{z_{2}+l_{2}}$$

$$(13)$$

$$\begin{split} E_{z} &= -\frac{\partial \varphi(x,y,z)}{\partial z} \\ &= I_{a} \sum_{k=1}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{k} (z - 2kD + z_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1ak}^{3}} + \frac{\eta^{k} (z - 2kD - z_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2ak}^{3}} \right] \Big|_{x_{1}}^{x_{1}+l_{1}} + \\ I_{a} \sum_{m=0}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{m} (z + 2mD - z_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1am}^{3}} + \frac{\eta^{m} (z + 2mD + z_{a0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2am}^{3}} \right] \Big|_{x_{1}}^{x_{1}+l_{1}} + \\ I_{c} \sum_{k=1}^{\infty} \left[ \frac{-\eta^{k} (z - 2kD + z_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1ck}^{3}} + \frac{\eta^{k} (z - 2kD - z_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2ck}^{3}} \right] \Big|_{z_{2}}^{z_{2}+l_{2}} + \\ I_{c} \sum_{m=0}^{\infty} \left[ \frac{\eta^{m} (z + 2mD - z_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{1cm}^{3}} - \frac{\eta^{m} (z + 2mD + z_{c0})}{4\pi\sigma_{1}r_{2cm}^{3}} \right] \Big|_{z_{2}}^{z_{2}+l_{2}} \end{split}$$

# 3 算例分析

为了便于实验验证,以钢板和铜板作为研究 对象,将其置于电导率为4 S/m 电解质溶液中,金 属板位于电解质深 0.5 m 处,铁板在电解质中发 生阳极反应 Fe→Fe<sup>2+</sup> +2e<sup>-</sup>,铜板发生阴极反应 4e<sup>-</sup> + O<sub>2</sub> + H<sub>2</sub>O→4OH<sup>-</sup>。假设电解质中的氧的 饱和浓度为 6×10<sup>-6</sup> mol/L,氧的传递系数  $D_{O_2} \approx$ 0.043 57 cm<sup>2</sup>/s。测量点在(0,0,1)处产生的电 位及电场分布如图 6 所示。

在非稳态过程中,由于电极表面发生腐蚀所 需要的氧的浓度会随着时间的变化而变化,整个 体系中产生的腐蚀电流密度会受到阴极表面氧的 还原速度的控制。在该反应步骤的控制下,电解 质中固定点位置处的电场分量及电位分布随时间 的变化曲线如图6所示。同时在电解质中产生的 电场及电位的分布是由电偶腐蚀电流产生的,当 电流密度发生变化时,其电场及电位也会发生 变化。

腐蚀电偶对处于非稳态扩散过程时,电场分 布及电位分布均随着时间的变化而减小,最终会 达到一个稳定值。根据电化学中的介绍,当在非 稳态扩散过程中达到稳定值后,电偶对的腐蚀反应 将会进入与时间无关的稳态扩散过程,使腐蚀电偶 对的电位最终达到一个稳定电位。根据图6可知, 电场分量及电位均在7s左右逐渐趋于稳定。







当前对电场的实验测量主要以测量电场模值 为研究对象,为了更好地观察电场在非稳态过程 中的变化趋势,给出如图7所示的电场模值随时 间的变化图。由图7可知,随着时间的变化,电场 模幅值随着时间的变化而减小,最终达到一个稳 定值,其原因与上面介绍的原因相同。





# 4 仿真结果与实验对比

在规格为10m×5m×1m的水池中分别水 平和垂直放置规格为0.3m×0.2m×0.02m且 除底面外其余表面涂有绝缘漆的由武汉钢铁生产 的型号为AH32的铁板及型号为GB1176的铜板 作为研究对象。两块金属板与电解质溶液的有效 接触面积均为0.3m×0.2m。在水池中配制电 导率为4S/m的NaCl溶液,金属板之间以导线连 接,接触处防水性良好。两金属板之间的极距约 为2m,电场传感器置于水池底部,距离两金属板的垂直距离均为0.3m,放置位置如图8所示。



图 8 实验设施位置及尺寸分布图

Fig. 8 Location and size distribution of experimental facility

当金属板放入电解质溶液中时,对其电场及 电位分布进行测量,实验结果与仿真结果对比如 图9所示。

由于水池处于封闭的室内环境,为了减小实 验误差,使实验环境与仿真环境近似,实验前,对 水池中的溶液通入氧气,使溶液中的氧含量达到 饱和。实验过程中,保持实验测量装置处于开启 状态,当金属板放置于溶液中时对实验数据进行 采样分析。在实际测量数据中由于外界环境及溶 液波动会对实验数据产生干扰,为了得到较为准 确的实验结果,对实验数据进行了低通滤波处理。

由图9可以看出,不同的金属板在电解质溶 液中得到的电位分布与电场模值的曲线走势基本 一致,在1s之前实验结果出现奇异值,这主要是 由实验传感器精度造成的,传感器在采样频率固 定的情况下不能对衰减较快的电场幅值进行采







Fig. 9 Comparison between experiment and simulation

样,最终会导致奇异值的出现。而在2s后电场 幅值及电位不会发生较大衰减情况并达到稳态, 进入稳态腐蚀过程。这主要是由于裸露金属与溶 液接触时,电化学反应较为剧烈,电解质中的氧能 够充分与铜接触发生反应,产生的腐蚀电位及电 场模值较大。经过一段时间的反应后,在金属板 附近产生的反应产物的浓度增加,同时在铁板表 面形成一层含有 Fe (OH)<sub>2</sub> 的氧化膜,阻止铁原 子的阴极还原反应。此时氧在铜表面得到的电子 主要来源于 Fe<sup>2+</sup> 的氧化反应,使 Fe<sup>2+</sup> 氧化成 Fe<sup>3+</sup>,使其在铁表面形成固态产物 Fe (OH)<sub>3</sub>,保 护铁的进一步腐蚀,从而使电化学体系下的反应 速度下降。

#### 5 结论

在电化学反应的基础上,对非稳态扩散过程 下每个金属板上的腐蚀电流密度进行求解,并通 过电流密度运用较为成熟的电流元方法推导出电 解质中的腐蚀电位及静电场随时间的分布情况。 仿真结果及实验结果表明:金属在电偶腐蚀非稳 态扩散传质过程中产生的腐蚀电位及静电场会随 着时间的增加而减小,非稳态过程持续的时间 很小。

# 参考文献(References)

熊露,姜润翔,龚沈光. 浅海中船舶轴频电场建模方法[J]. 国防科技大学学报,2014,36(1):98-103.
 XIONG Lu, JIANG Runxiang, GONG Shenguang. Ship modeling method of shaft-ELFE in shallow sea [J]. Journal of National University of Defense Technology, 2014, 36(1):98-103. (in Chinese)

[2] 杜小青. 典型船用材料在海水中的电偶腐蚀行为研究[D]. 杭州:浙江大学, 2013.
 DU Xiaoqing. Study on galvanic corrosion behavior between

typical marine materials in seawater[D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2013. (in Chinese)

[3] 黄桂桥. 金属在海水中的腐蚀电位研究[J]. 腐蚀与防 护,2000,21(1):8-11.

HUANG Guiqiao. Study of the corrosion potential of metals in seawater [J]. Corrosion & Protection, 2000, 21(1): 8 – 11. (in Chinese)

- [4] Francis R. Galvanic corrosion of high alloy stainless steels in seawater [J]. British Corrosion Journal, 1994, 29 (1): 53 - 57.
- [5] 刘德红,王向军,朱武兵,等.多桨型船舶轴频电场在浅 海中传播特性分析[J].哈尔滨工程大学学报,2014, 35(5):521-526.

LIU Dehong, WANG Xiangjun, ZHU Wubing, et al. Transmission characteristic analysis of a shaft-rated electromagnetic filed generated by multi-paddle vessels in the neritic sea [J]. Journal of Harbin Engineering University, 2014, 35(5): 521 – 526. (in Chinese)

- [6] Wang X J, Liu Y. Electric field protection method based on metallic polarization [J]. Universidad Central de Venezuela, 2017, 32(7): 219-224.
- [7] 查全性. 电极过程动力学导论[M]. 北京:科学出版 社, 1987.
   CHA Quanxing. Electrode process kinetics introduction [M].

Beijing: Science Press, 1987. (in Chinese)

[8] 丁锐,桂泰江,蒋建明,等.应用拉普拉斯变换和留数法 求解常见非稳态扩散情况下的菲克定律[J].数学的实践 与认识,2017,47(1):271-279.

> DING Rui, GUI Taijiang, JIANG Jianming, et al. Solution of Fick's second law in the case of common diffusion [J].

Mathematics in Practice and Theory, 2017, 47(1): 271 – 279. (in Chinese)

- [9] Compere C, Lebozec N. Behaviour of stainless steel in natural seawater [ C ]//Proceedings of the First Stainless Steel Congress in Thailand, 1997: 15 – 17.
- [10] Byrne G, Francis R, Warburton G, et al. Electrochemical potential and the corrosion resistance of stainless steels in SWRO applications [C]//Proceedings of IDA International Desalination Conference, 2009.
- [11] 杨德钧.金属腐蚀学[M].北京:冶金工业出版社,1999.
   YANG Dejun. Metal corrosion [M]. Beijing: Metallurgical Industry Press, 1999. (in Chinese)
- [12] 张建春,王向军. 垂直电流元在深海中的电场强度算法 推导[J]. 舰船电子工程,2015,35(10):169-172.
  ZHANG Jianchun, WANG Xiangjun. The arithetic derivation about electric field intensity of vertical current in the deep sea[J]. Ship Electronic Engineering, 2015,35(10):169-172. (in Chinese)
- [13] 张建春,王向军.水平电流元在深海中的电场强度算法 研究[J]. 舰船科学技术,2016,35(1):90-93.
  ZHANG Jianchun, WANG Xiangjun. Arithetic research about electric-field intensity of horizontal-harmonic current in the deep sea [J]. Ship Science and Technology, 2016,35(1): 90-93.(in Chinese)
- [14] 刘胜道,肖昌汉,龚沈光.两层模型中直流电流元产生的 电磁场[J].武汉理工大学学报(交通科学与工程版), 2004(5):641-644.
  LIU Shengdao, XIAO Changhan, GONG Shenguang.
  Electromagnetic field of DC electric dipole in two-layer

Electromagnetic field of DC electric dipole in two-layer model[J]. Journal of Wuhan University of Technology (Transportation Science & Engineering), 2004(5): 641 – 644. (in Chinese)