doi:10.11887/j.cn.202101005

http://journal. nudt. edu. cn

基于梯度直方图的交叉点检测方法*

刘进博1,郭鹏宇2,李 鑫1

(1. 中国空气动力研究与发展中心 超高速空气动力研究所,四川 绵阳 621000;
 2. 军事科学院 国防科技创新研究院,北京 100071)

摘 要:提出基于梯度直方图的交叉点检测方法:统计像素点邻域梯度信息生成特征描述子,通过判定 准则筛选候选交叉点,基于欧氏距离对候选交叉点进行聚类后,利用灰度加权法定位图像交叉点坐标。仿真 实验验证了算法的正确性与可行性,结果表明:该方法适用于交叉角为65°~90°范围内的交叉点检测,定位 精度优于0.6 像素,检测率大于90%;该方法可以很好地抵抗图像旋转,定位精度和检测率基本不受图像旋 转影响。该方法具有良好的抗噪性能,可满足一般透视变换下的图像交叉点检测需求,适用于结构光三维重 建中的系统标定和形貌测量。

关键词:图像识别;交叉点;梯度直方图;特征描述子;旋转不变;三维重建 中图分类号:TP391.4 文献标志码:A 文章编号:1001-2486(2021)01-033-08

Detection method for intersection points based on gradient-histogram

LIU Jinbo¹, GUO Pengyu², LI Xin¹

(1. Hypervelocity Aerodynamics Institute, China Aerodynamics Research and Development Center, Mianyang 621000, China;

2. National Innovation Institute of Defense Technology, Academy of Military Sciences, Beijing 100071, China)

Abstract: A detection method for intersection points based on gradient-histogram was proposed. The feature descriptor was generated for each image pixel using gradient of neighborhood pixels. The candidate intersection points were taken from all image pixels according to specific constraints. The candidate intersection points were clustered into different categories based on Euclidean distance. The subpixel positions were computed for each intersection points by the weighting method. The proposed method was validated by simulations. The results show that the method can be used to detect the intersection points of crossing angle $65^{\circ} \sim 90^{\circ}$ with the precision of 0. 6 pixel and the detection rate exceeds 90%, and the precision and detection rate of proposed method is invariant to image rotating. The method is robust to image noise and can satisfy the need of detecting intersection points on image under normal prospective transformation. It can be applied to the calibration and surface measurement of structure light 3D reconstruction system.

Keywords: image recognition; intersection point; gradient-histogram; feature descriptor; rotating-invariant; 3D reconstruction

相机 - 投影仪组成的结构光三维重建系统中, 相机与投影仪的参数标定最为重要,直接决定了系 统形貌测量的精度^[1]。目前典型的标定方法是将 投影仪视作逆相机,通过虚拟成像,利用张正友平 面靶板标定方法确定系统参数,该方法虽然精度较 高,但标定过程复杂、耗时较长^[2]。通过引入网格 结构光,可避免对投影仪进行虚拟成像,从而简化 标定过程,提高相机 - 投影仪标定效率。上述方法 的难点在于平面网格结构光的交叉点检测,包括交 叉点定位精度和交叉点检测率两方面。

交叉点检测是图像处理中的一项重要内容, 可以为图像的特征提取、图像目标识别、图像理解 等提供重要的参数和依据^[3-6]。目前,交叉点检 测仍然是计算机视觉领域尚未完全解决的难题之 一,且相关文献较少。已报道的交叉点检测方法 主要分为以下两类:①对二值化图像进行膨胀、腐 蚀等图像形态学运算,提取交叉线单像素骨架,逐 一扫描图像点,根据交叉点8邻域灰度突变次数 确定交叉点粗位置,然后根据拟合法或灰度重心 法对交叉点进行亚像素定位^[7-8];②分别按行和 列对图像进行亮度峰值扫描,细化图像交叉线并 提取骨架,通过计算单像素线条交点确定交叉点 粗位置,然后根据拟合法或灰度重心法对交叉点 进行亚像素定位^[8-9]。第一类方法为传统交叉点 检测方法,计算速度较快,但错检率、漏检率较高, 而且受图像形态学运算精度的限制,传统交叉点 检测方法的定位准确性不够。第二类方法要求交 叉线夹角(交叉角)近似垂直,且交叉线方向与图 像坐标轴近似平行,此种情况下,该方法的图像交 叉点检测率和定位精度均较高。但由于未考虑灰 度分布的方向性,若图像发生旋转或透视变换,将 导致交叉角大小或交叉线方向发生较大变化,从 而第二类方法不适用。

在深入研究了尺度不变特征变换(Scale-Invariant Feature Transform, SIFT)算法原理的基础上^[10-11],本文提出了一种基于梯度直方图的交 叉点检测方法:以灰度梯度幅值和方向为基础,在 角度空间构造8维特征描述子,根据交叉点邻域 梯度分布特点对特征描述子进行判定,筛选出候 选交叉点,最后通过聚类和灰度加权对交叉点几 何中心进行亚像素定位。

1 算法原理

基于梯度直方图的交叉点检测流程如图1所示。对输入图像进行高斯滤波并逐像素扫描,将特征描述子满足交叉点判定准则的像素加入候选 交叉点集,最后通过聚类输出图像交叉点检测结 果。检测过程主要涉及3个重要环节:特征描述 子生成、交叉点判定和候选交叉点聚类,本节内容 主要针对上述3个环节进行详细阐述。



图 1 基于梯度直方图的交叉点检测方法流程图 Fig. 1 Flowchart for the detection method based on gradient-histogram

0

1.1 特征描述子生成

由于相机采集图像存在噪声,为提高算法适应能力,首先对原始图像进行高斯滤波,若原始图像为彩色图像,则需转换为灰度图像再进行高斯滤波。记 *p_{i,j}为*灰度图像的第*i*行、第*j*列像素点, *g*(*i*, *j*)为其对应的灰度值,根据中心差分计算各像素点的灰度梯度幅值及方向^[12-13],公式为:

$$\begin{cases} g_{x}(i,j) = \frac{g(i,j+1) - g(i,j-1)}{2} \\ g_{y}(i,j) = \frac{g(i+1,j) - g(i-1,j)}{2} \\ m(i,j) = \sqrt{g_{x}^{2} + g_{y}^{2}} \\ \theta(i,j) = \arctan(g_{x},g_{y}) \end{cases}$$
(1)

其中,g_x、g_y为对应像素点沿图像 x、y 方向的灰度 梯度,m 为对应像素点的灰度梯度幅值,θ 为对应 像素点的灰度梯度方向(范围为0°~360°)。

将角度空间 0°~360°划分为 8 等份,如图 2 所示。1~8表示划分的角度空间标号,分别代表 的梯度方向为 0°、45°、90°、135°、180°、225°、 270°、315°和 360°,其中 337.5°~22.5°属于第 1 角度空间,22.5°~67.5°属于第 2 角度空间,以此 类推。

统计各像素点 16×16 邻域的梯度幅值及方向,并按角度空间累积梯度幅值。交叉点如图3(a)所示。由于交叉点中心附近梯度幅值小



图 2 角度空间 8 等份划分 Fig. 2 Slice up angle space into 8 equal parts

且方向易受影响,如图 3(b)所示,因此利用权重 模板,如图 3(c)所示,对邻域像素梯度进行加权, 进而在角度空间生成梯度直方图,作为各像素点 的特征描述子 *k*(*p*_{*i*,*j*}),如图 3(d)所示。

1.2 交叉点判定

利用 1.1 节介绍的方法计算出各像素点的特征描述子之后,根据如下的准则对像素点进行逐一判定,筛选出候选交叉点。不失一般性,以图像中任一像素 $p_{i,j}$ 为例,记 $k(p_{i,j}) = (h_1, h_2, h_3, h_4, h_5, h_6, h_7, h_8)$ 为该像素点的特征描述子。

 1)总能量判定准则。交叉点由两条直线或 近似直线相交而成,在直线边缘处,灰度梯度最



(a) 交叉点 (a) Intersection points



(c) 权重模板

(c) Weight template



(b) 交叉点邻域梯度 (b) Gradients of neighborhood pixels





Fig. 3 Generation method for feature descriptors

大。因此特征描述子的梯度幅值之和,即能量总 和必须大于给定的能量阈值 T_{thresh} 。

$$E_{\text{total}} = \sum_{i=1}^{\circ} h_i > T_{\text{thresh}}$$
(2)

2) 能量占比判定准则。对于任一交叉点,在 其邻域范围内必然存在4个梯度主方向。基于此, 对特征描述子 k(p_{i,i}) 中的8个能量分量进行由高 到低排序,假设 $h_1 \ge h_2 \ge h_3 \ge h_4 \ge h_5 \ge h_6 \ge h_7 \ge$ h_8, R_{thresh} 为给定的能量占比阈值,则:

$$E_{\text{ratio}} = \frac{\sum_{i=1}^{r} h_i}{\sum_{i=1}^{8} h_i} > R_{\text{thresh}}$$
(3)

3)反向判定准则。交叉点由两条直线或近似 直线相交而成,直线两侧的灰度梯度方向相反,不 失一般性, $i h_i h_i h_k h_l$ 为特征描述子的 4 个梯 度主方向, n_i 、 n_i 、 n_k 、 n_l 为其对应的角度空间标号, $S_{i,j}$ 表示 n_i 与 n_j 的角度差, $S_{i,k}$ 表示 n_i 与 n_k 的角度 差, $S_{k,l}$ 表示 n_k 与 n_l 的角度差, $S_{i,l}$ 表示 n_i 与 n_l 的 角度差。则 $n_i n_i n_k n_l$ 必然满足式(4) 或式(5)。

$$\begin{cases} S_{i,j} = |(n_i - n_j)| \times 45^\circ = 180^\circ \\ S_{k,l} = |(n_k - n_l)| \times 45^\circ = 180^\circ \\ \begin{cases} S_{i,k} = |(n_i - n_k)| \times 45^\circ = 180^\circ \\ S_{j,l} = |(n_i - n_l)| \times 45^\circ = 180^\circ \end{cases}$$
(5)

4) 能量平均判定准则。交叉点由两条直线或 近似直线相交而成,直线两侧的灰度梯度幅值近 似相等。不失一般性, 记 h_i 、 h_i 、 h_k 、 h_l 为特征描述 子的4个梯度主方向,D_{thresh}为平均能量阈值,h_i、 h_i , h_k , h_l 必然满足:

$$E_{\rm dif} = \frac{\max(h_i, h_j, h_k, h_l) - \min(h_i, h_j, h_k, h_l)}{\min(h_i, h_j, h_k, h_l)} < D_{\rm thresh}$$
(6)

1.3 候选交叉点聚类

候选交叉点聚类前后如图4所示。由于交叉 点的两条交叉线有一定宽度,通常大于1像素,导 致交叉点及其相邻像素的特征描述子有一定的相 似度。因此在实际的交叉点附近一般存在2个甚 至2个以上的候选交叉点,如图4(a)所示。

采用基于欧氏距离的候选交叉点聚类方法, 即相互距离小于设定的距离阈值 d_{thresh} 的候选交 叉点集聚为一类。

$$p_{i,j}^{\text{candidate}} = \{k, l\} = find(dist(p_{i,j}, p_{k,l}) < d_{\text{thresh}})$$
(7)

式中, $dist(p_{i,i}, p_{k,l})$ 为像素点 $p_{i,i}$ 和像素点 $p_{k,l}$ 在 图像上的欧式距离。



(a) 候选交叉点分布 (a) Distribution of candidate intersection points



Fig. 4 Clustering of candidate intersection points

$$dist(p_{i,j}, p_{k,l}) = \sqrt{(x_{i,j} - x_{k,l})^2 + (y_{i,j} - y_{k,l})^2}$$
(8)

其中,x,y为像素点p的图像像素坐标。

理论上,交叉点灰度值应大于邻域灰度值,即 从候选交叉点中选取灰度值最大的点作为交叉点 检测结果输出。但实际应用中发现,图像灰度值 大小会受到被观测物体表面粗糙度和反射率影 响,导致交叉点灰度值不一定在邻域范围内总是 最大,即交叉点能量中心和几何中心存在偏差。 因此,采用灰度加权法计算聚类中心^[8]。

$$p_{i,j}^{\text{keypt}} = \frac{\sum_{\substack{(k,l) \in p_{i,j}^{\text{candinate}}}} p_{k,l} \cdot g(k,l)}{\sum_{\substack{(k,l) \in p_{i,j}^{\text{candinate}}}} g(k,l)}$$
(9)

 $p_{i,j}^{\text{keypt}}$ 作为 $p_{i,j}^{\text{candinate}}$ 类的最终检测结果存储,遍历所有候选交叉点,完成对图像交叉点的亚像素定位。

选用灰度加权法计算聚类中心虽然使得本 文算法更加鲁棒,即对于邻域灰度不完全满足 高斯特性的交叉点,本文算法依然可以定位到 交叉点几何中心附近,但对于灰度呈高斯分布 且能量中心与几何中心重合的交叉点,该灰度 加权法会使得交叉点定位精度有所降低,如 图4(b)所示。

2 实验

实验目的在于测试算法在不同配置下的检测 性能。算法性能通过两个参数表征:图像交叉点 提取精度和图像交叉点检测率。

图像分辨率大小为768×1024,根据不同配 置要求仿真交叉点图像,交叉点几何中心真实坐 标及交叉点数量视为已知:①对比不同配置条件 下交叉点提取坐标和交叉点真实坐标,计算图像 交叉点几何中心定位误差;②对比不同配置条件 下交叉点检测数量和图像交叉点全部数量,计算 图像交叉点检测率。

2.1 交叉角影响

仿真生成37×37的网格交叉点图像,交叉角 大小分别设置为90°、85°、80°、75°、65°和60°,交 叉线宽为7像素,利用本文算法对图像交叉点进 行检测,高斯滤波器卷积模板为:

 $\boldsymbol{\Sigma}_{\text{kernal}} = \begin{bmatrix} 0.\ 075\ 1 & 0.\ 123\ 8 & 0.\ 075\ 1 \\ 0.\ 123\ 8 & 0.\ 204\ 2 & 0.\ 123\ 8 \\ 0.\ 075\ 1 & 0.\ 123\ 8 & 0.\ 075\ 1 \end{bmatrix}$

检测结果如图 5 所示。表 1 为不同交叉角配

置下算法的检测性能。结果表明:算法适用于交 叉角为65°~90°范围内的交叉点检测,几何中心 定位精度优于0.6 像素,检测率接近100%;当交 叉角为60°时,算法对交叉点几何中心的定位精 度为5.5 像素,检测率仅为12%,算法失效。失 效原因在于:随着交叉角的减小,交叉线重叠区域 变大,交叉点邻域梯度分布不确定性增大,进而使 得特征描述子大概率不能通过交叉点判定准则, 最终影响算法定位精度及检测率;算法的几何中 心定位精度和检测率与交叉角大小不存在绝对的 单调性关系,整体趋势上,算法几何中心定位精度 和检测率随交叉角增大而提高,但在某些局部,算 法定位精度和检测率可能发生振荡,如交叉角为 75°和65°的情况。



图 5 不同交叉角配置下算法检测性能 Fig. 5 Detection functions of intersection points with different crossing angles

表 1 不同交叉角配置下算法检测性能

Tab. 1 Detection functions of intersection points with

1.00		1	
different	crossing	angles	
umerent	crossing	angles	

	定位误差/像素	检测率/%
90	0.43	100
85	0.48	100
80	0.53	100
75	0.55	100
65	0.50	97
60	5.50	12

2.2 图像旋转角影响

仿真生成 37×37 的网格交叉点,交叉线宽为 7 像素, 旋转角大小分别设置为 10°、30°、50°、 60°、70°、80°,利用本文算法对图像交叉点进行检 测。高斯滤波器卷积模板与2.1 节中相同,检测 结果如图6所示,表2为不同旋转角配置下算法 的检测性能。结果表明:算法可以很好地抵抗图 像旋转,交叉点几何中心定位精度优于0.6 像素, 检测率接近100%。算法旋转不变的原因在于: 图像的整体旋转只会影响交叉点邻域梯度的绝对 分布,梯度的相对分布并未发生变化,而本文提出 的特征描述子及交叉点判定准则只依赖于梯度的 相对分布。



(a) 旋转角为10° (a) Rotation angle is 10°



(c) 旋转角为 50° (c) Rotation angle is 50°

(b) 旋转角为 30° (b) Rotation angle is 30°



(d) 旋转角为60° (d) Rotation angle is 60°



(e) Rotation angle is 70° (f) Rotation angle is 80°

图 6 不同旋转角配置下算法检测性能

Fig. 6 Detection functions of intersection points with different image rotation angles

不同旋转角配置下算法检测结果 表 2

Tab. 2 Detection results of intersection points with different image rotation angles

旋转角/(°)	定位误差/像素	检测率/%
10	0.56	100
30	0.46	99
50	0.52	99
60	0.31	99
70	0.34	99
80	0.25	99

2.3 位置噪声影响

受相机和投影仪元器件加工工艺水平限制, 交叉点能量中心和几何中心可能存在位置偏差, 影响交叉点检测性能。仿真生成 37 × 37 的网格 交叉点,交叉角为90°,交叉线宽为7像素,向交 叉点能量中心加入不同等级(0均值、标准差 σ = 0.0~3.0 像素)的高斯位置噪声,对交叉点几何 中心进行检测,结果如图7所示。表3为不同位 置噪声等级下算法的检测性能,结果表明:位置噪 声等级由 0.0 像素提高到 3.0 像素过程中,交叉 点定位精度略有降低,但不明显,检测率均为 100%。原因在于:算法采用灰度加权法计算交叉 点几何中心位置,对于能量中心和几何中心存在 偏差的交叉点,依然可保证较高的交叉点定位 精度。



Fig. 7 Detection results of intersection points with different position noise levels

表 3 不同位置噪声等级下算法检测性能

Tab. 3 Detection functions of intersection points with

different position noise levels

噪声等级/像素	定位误差/像素	检测率/%
0.0	0.43	100
0.5	0.44	100
1.0	0.45	100
1.5	0.45	100
2.0	0.46	100
2.5	0.46	100
3.0	0.46	100

2.4 灰度噪声影响

电荷耦合器件(Charge Coupled Device, CCD)相机传感器的噪声源主要为暗电流噪声和 光子散粒噪声,在数字图像上则表现为椒盐(颗 粒)噪声。仿真生成 37×37 的网格交叉点,交叉 角为 90°,交叉线宽为 7 像素,图像灰度等级为 0~255,向图像中加入不同等级(σ=0.0~30.0 像素)的椒盐噪声,计算不同信噪比条件下算法 的检测性能。信噪比定义如下:

$$SNR = 10 \lg \frac{P_{\rm s}}{P_{\rm n}} \tag{10}$$

式中:P_s 表示信号的有效功率;P_n 表示噪声的有 效功率;信噪比越大,表明图像质量越高。仿真结 果如图 8 所示。表 4 为不同信噪比条件下算法检 测性能。结果表明:交叉点定位误差随信噪比的 提高而减小;当信噪比低于 8.0 dB 时,算法定位 误差大于 5.0 像素、检测率低于 50%,算法失效; 当信噪比为 27.97 dB 时,交叉点定位精度优于 0.5 像素、检测率为 100%。目前科学级 CCD 相 机的信噪比一般大于 60 dB,可满足算法的工程 应用需求。



(c) Localization error of intersection points varied with different SNR

图 8 不同信噪比条件下算法检测结果

Fig. 8 Detection results of intersection points with different SNR

表4 不同信噪比条件下算法检测性能

Tab. 4 Detection functions of intersection points with

different SNR

信噪比/dB	噪声等级	定位误差/像素	检测率/%	
7.28	30.0	5.86	47	
8.61	25.0	1.52	84	
10.32	20.0	1.17	96	
12.64	15.0	0.91	97	
16.02	10.0	0.58	99	
18.49	7.5	0.48	99	
21.97	5.0	0.44	100	
27.97	2.5	0.43	100	

2.5 透视变换影响

仿真生成 37 × 37 的网格交叉点,交叉线宽 为7像素,模拟相机对网格交叉点成像过程。 若相机光轴垂直于网格平面,即为正视图。在 正视图的基础上,随机改变光轴的空间指向,由 于算法主要应用于结构光三维重建,因此设定 光轴三自由度变动范围均小于 30°,在此约束 下,生成透视变换后的网格交叉点图像。对图 像交叉点进行检测,高斯滤波器卷积模板与 2.1节中相同。检测结果如图 9 所示。表 5 为 不同透视变换配置下算法的检测性能。结果表 明:在上述实验条件下,算法可以很好地抵抗图 像透视变换,交叉点几何中心定位精度优于 0.6 像素,检测率大于 90%。



different perspective transformations

透视变换配置	定位误差/像素	检测率/%
透视变换 – 1	0.59	95
透视变换 - 2	0.60	99
透视变换-3	0.56	92

3 结论

本文提出了一种基于梯度直方图的图像交叉 点检测方法,具有较高的交叉点定位精度和检测 率,可应用于结构光三维重建中的系统标定和形 貌测量。其特点可归纳如下:①对图像交叉点中 心的提取精度和检测率基本不受图像旋转角大小 的影响;②对于交叉角大小具有一定的容忍度,即 可用于检测交叉角在 65°~90°之间的图像交叉 点;③抗噪性能良好,可满足一般透视变换下的图 像交叉点检测需求。

但是,本文方法对图像交叉点的检测不具有 尺度不变性,图像的放大或缩小会直接影响交叉 点的检测率和定位精度。考虑利用图像金字 塔^[14],在每一层图像中独立检测、提取交叉点,然 后基于欧式距离融合多尺度检测结果。此外,多 视图之间的交叉点自动匹配问题也是下一步亟待 解决的问题。

参考文献(References)

- LIU J B, YU X G, YANG K, et al. Automatic calibration method for the full parameter of a camera-projector system[J].
 Optical Engineering, 2019, 58(8): 084105.
- [2] MORENO D, TAUBIN G. Simple, accurate, and robust projector-camera calibration [C]// Proceedings of Second Joint 3DIM/3DPVT Conference: 3D Imaging, Modeling, Processing, Visualization & Transmission, 2012: 464 – 471.
- [3] 王福生. 基于纹理与形状特性的鞋底花纹自动识别算法的研究[D]. 大连:大连海事大学, 2006.
 WANG Fusheng. Study on shoe prints identification algorithms based on texture and shape characteristics [D]. Daliang: Dalian Maritime University, 2006. (in Chinese)
- [4] 孙楠,张丽艳,叶南,等. 基于十字靶标的双目立体测量系统标定[J].光学学报,2012,32(4):109-117.
 SUN Nan, ZHANG Liyan, YE Nan, et al. Calibration of binocular stereo measurement system based on calibration cross[J]. Acta Optica Sinica, 2012, 32(4): 109-117. (in Chinese)
- [5] 丁少闻,张小虎,王洁,等.固连双相机多视图重建测量 方法设计[J].国防科技大学学报,2018,40(4): 94-99.

DING Shaowen, ZHANG Xiaohu, WANG Jie, et al. Multiview reconstruction measurement design based on binocular camera [J]. Journal of National University of Defense Technology, 2018, 40(4): 94-99. (in Chinese)

 [6] 张梁,徐锦法,夏青元,等.地面目标特征识别与无人飞行器位姿估计[J].国防科技大学学报,2015,37(1): 159-164.
 ZHANG Ling, YU linfo, XIA Qingmun, et al. Fosture

ZHANG Liang, XU Jinfa, XIA Qingyuan, et al. Feature recognition of ground target and position and attitude estimation for unmanned aerial vehicle [J]. Journal of National University of Defense Technology, 2015, 37(1): 159 – 164. (in Chinese)

[7] 张华,叶海建,王彦,等.改进的二值图像的交叉点扫描

检测方法[J]. 自动化技术与应用, 2009, 8(3): 48-67. ZHANG Hua, YE Haijian, WANG Yan, et al. Improved cross-point detection algorithm for the binary image [J]. Techniques of Automation & Application, 2009, 8(3): 48-67. (in Chinese)

[8] 于起峰,尚洋.摄像测量学原理与应用研究[M].北京: 科学出版社,2009.

YU Qifeng, SHANG Yang. Videometrics: principles and researches [M]. Beijing: Science Press, 2009. (in Chinese)

- [9] SAGAWA R, OTA Y, YAGI Y, et al. Dense 3D reconstruction method using a single pattern for fast moving object [C]// Proceedings of IEEE 12th International Conference on Computer Vision, 2009: 1779 - 1786.
- [10] LOWE D G. Distinctive image features from scale-invariant keypoints [J]. International Journal of Computer Vision, 2004, 60(2): 91 – 110.
- [11] 刘仲,邢彬朝,陈跃跃.一种面向多核处理器的高效并行
 PCA-SIFT 算法[J]. 国防科技大学学报, 2012, 34(4):
 103-107.

LIU Zhong, XING Binchao, CHEN Yueyue. An efficient

parallel PCA-SIFT algorithm for multi-core processor [J].
Journal of National University of Defense Technology, 2012,
34(4): 103 - 107. (in Chinese)

- [12] HARTLEY R, ZISSERMAN A. Multi-view geometry in computer vision[M]. Anhui: Anhui University Press, 2002.
- [13] 郑成林,何顶顶,费庆国.基于灰度梯度正则化去噪的改进数字图像相关法[J].光学学报,2018,38(8):0812002.
 ZHENG Chenglin, HE Dingding, FEI Qingguo. Improved digital image correlation method based on gray gradient denoised by regularization method[J]. Acta Optica Sinica, 2018,38(8):0812002. (in Chinese)
 [14] 孔月萍,曾平,吴自力. Karhunen-Loeve 及多尺度金字塔
- 14] 孔月泙, 曾平, 关目刀. Karhunen-Loeve 及多尺度金子玲 联合变换的彩色逆半调算法[J]. 光学学报, 2007, 27(10):1745-1750.
 KONG Yueping, ZENG Ping, WU Zili. Color inverse halftoning algorithm based on K-L and multi-scale pyramid transform[J]. Acta Optica Sinica, 2007, 27(10): 1745 -1750. (in Chinese)