doi:10.11887/j.cn.202201001

http://journal. nudt. edu. cn

## 基于快速傅里叶变换的扫描单发单收面阵近场成像技术\*

陈 旭,杨 琪,邓 彬,曾 旸,王宏强 (国防科技大学电子科学学院,湖南长沙 410073)

摘 要:近年来,扫描单发单收面阵近场成像技术在安检、医疗等民用领域中引起了广泛关注。然而,传 统的距离徙动算法在对回波进行处理的过程中无法避免多步近似和插值操作,并且忽视了信号传播衰减带 来的不利影响。因此,提出了一种基于快速傅里叶变换的扫描单发单收面阵近场成像技术,该技术通过保留 回波模型中的幅度衰减因子,并根据目标回波方程特性对方位维和高度维执行卷积操作,应用快速傅里叶变 换以及相干累加等步骤对回波进行处理得到最终的目标图像。仿真分析和实验结果表明,所提方法不仅可 以在保证图像重构效率的前提下提升重构质量,还能够有效减少信号空间传播损耗对较远处目标带来的成 像质量损失。

关键词:单发单收面阵;距离徙动算法;信号传播衰减;快速傅里叶变换;近场成像 中图分类号:TN95 文献标志码:A 文章编号:1001-2486(2022)01-001-07

# Fast Fourier transform-based scanning single-input-single-output array near-field imaging technology

#### CHEN Xu, YANG Qi, DENG Bin, ZENG Yang, WANG Hongqiang

(College of Electronic Science and Technology, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: In recent years, the scanning SISO (single-input-single-output) array near-field imaging technology has attracted widespread attention in civilian fields, such as security inspection and medical treatment. However, during the echo processing of traditional range migration algorithm, the multi-step approximation and interpolation operation cannot be avoided, and the adverse effect caused by signal propagation attenuation is ignored. Therefore, this research proposed a FFT (fast Fourier transform)-based scanning SISO array near-field imaging technology in which the amplitude attenuation factor in the echo model was preserved. The convolution operation on azimuth and altitude dimensions was performed according to the characteristics of the target echo equation. The target image could be obtained by applying FFT and coherent accumulation steps. Simulation analysis and experimental results show that the proposed method can not only improve the target image quality while ensuring the efficiency of image reconstruction, but also effectively reduce the impact of signal spatial propagation loss on the imaging quality.

Keywords: single-input-single-output array; range migration algorithm; signal propagation attenuation; fast Fourier transform; near-field imaging

合成孔径雷达(Synthetic Aperture Radar, SAR)目前广泛应用于遥感领域,它是一种有着全 天候和高分辨率特性的成像雷达,在军事、通信和 航天等诸多军用和民用领域中有其无可替代的优 势<sup>[1-2]</sup>。主动式毫米波近场阵列成像系统是 SAR 成像技术在近场民用领域中的重要应用形 式<sup>[3-4]</sup>。毫米波的优点在于它的散射特性对目标 形状细节较为敏感,可以实现目标高分辨率成像, 提高目标识别能力,并且它还具有一定的穿透能 力和无电离辐射特性等。因此,毫米波成像技术 在安防和无损检测等领域有其独特的优势<sup>[5-6]</sup>。

主动式毫米波近场阵列成像技术属于有源探 测领域,通过接收并处理目标散射的电磁回波信 号来对目标特性进行表征,它最早提出于 19 世纪 70 年代<sup>[7]</sup>,经过半个世纪的发展,该领域在阵列 构型、成像算法等方面取得了很大的研究进 展<sup>[8-10]</sup>。扫描单发单收(Single-Input-Single-Output, SISO)面阵是最早也是技术最成熟的一 种阵列全息体制,它是二维 SAR 向近场成像技 术的直接推广。不同之处在于,毫米波近场成

作者简介:陈旭(1995一),男,吉林白城人,博士研究生,E-mail;chenx@nudt.edu.cn; 邓彬(通信作者),男,副研究员,博士,硕士生导师,E-mail;dengbin@nudt.edu.cn

<sup>\*</sup> 收稿日期:2020-01-31

基金项目:国家自然科学基金面上资助项目(61871386,61971427);国家自然科学基金创新研究群体资助项目(61921001);湖南 省杰出青年基金资助项目(2019JJ20022)

像阵列采用的 SISO 阵列维度与机械扫描尺寸是 相当的,而在实际星载或机载 SAR 中实现一个 百米甚至更高量级的 SISO 面阵是非常困难的, 因此该成像体制常见于安检、医学成像等近场 应用中。美国西北太平洋国家实验室(Pacific Northwest National Laboratory, PNNL)研制了世 界首台毫米波全息成像系统,该系统通过天线 机械扫描形成平面观测孔径,并结合宽频带信 号实现对目标的三维成像,是扫描 SISO 面阵体 制的典型应用<sup>[11]</sup>。

一些典型的 SAR 成像算法,包括频率变标算 法<sup>[12]</sup>(Frequency Scaling Algorithm, FSA)、线频调 变标算法<sup>[13]</sup> (Chirp Scaling Algorithm, CSA)、距 离徙动算法<sup>[14]</sup>(Range Migration Algorithm, RMA) 等,经过简单推广即可用于扫描 SISO 面阵体制下 的三维成像应用,特别是 RMA 因其对目标回波 信号处理的高精度、高效率而被广泛应用于各种 近场阵列成像体制中<sup>[15-17]</sup>。然而,典型 RMA 为 了在回波信号处理过程中执行三维逆快速傅里叶 变换(Inverse Fast Fourier Transform, IFFT)操作而 引入了球面波的平面波近似以及距离维插值操 作,这将造成一定的近似和插值误差,进而会导致 一定的图像质量和分辨率的损失。文献[18]中 提出了一种宽带积累方法,通过对不同空间波数 对应的聚焦图像相干累加得到目标图像,有效避 免了使用 RMA 带来的插值误差,然而该方法仍 然对回波相位项执行了近似处理。因此,本文提 出了一种基于 FFT 的扫描 SISO 面阵近场成像技 术,首先考虑了目标回波沿空间路径的传输损耗, 保留了回波模型中的幅度衰减因子,根据目标回 波方程特性对方位维和高度维执行卷积操作,再 通过 FFT、降维和相干累加等步骤对回波进行处 理得到最终的目标重构图像,同时避免了应用 RMA 带来的多步近似和插值误差造成的图像质 量损失。仿真分析和实验结果表明,所提出的方 法不仅可以在保证图像重构效率的前提下提升图 像质量,还能够有效降低信号空间传播损耗对成 像质量带来的影响。

### 1 成像方法推导及实施

扫描 SISO 面阵体制坐标系如图 1 所示,这里 建立了笛卡尔坐标系,坐标圆心位于 SISO 面阵的 中心位置,其中(x, y, 0)表示面阵上的收发阵元 位置,(x', y', z')代表目标的空间三维坐标,因此 x和y维度分别代表 SISO 面阵的方位维和高度 维,阵列平面所在位置z=0。





Fig. 1 Scanning SISO array coordinate system

这里默认系统发射信号为调频连续波,考虑 到信号在空间中的传播衰减,在回波模型中保留 了幅度因子 1/R<sup>2</sup>,那么接收目标回波信号模型可 以表示为:

$$s(x,y,k) = \iint \frac{1}{R^2} \cdot \sigma(x',y',z') \cdot \exp(-j2kR) dx' dy' dz'$$
(1)

式中: $s(\cdot)$ 表示目标回波信号; $\sigma(\cdot)$ 表示目标 函数,即目标的像; $k = 2\pi f/c$ 为空间波数,其中f和c分别表示空间频率和光速;R代表收发阵元 到目标的距离。定义该距离表达式为:

$$R = \sqrt{(x - x')^{2} + (y - y')^{2} + (z')^{2}}$$
(2)  
 $x \equiv x \ge 2$ 

这里定义

$$F(x - x', y - y', z', k) = \frac{1}{R^2} \cdot \exp(-j2kR)$$
  
=  $\frac{1}{(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z')^2} \cdot \exp[-j2k\sqrt{(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z')^2}]$ (3)  
那么目标回波可重新表示为:

1

$$s(x,y,k) = \iint \sigma(x',y',z') \cdot F(x-x',y-y',z',k) dx' dy' dz'$$
(4)

可以看出,式(4)为一个卷积积分表达式,那 么式(4)可以变换成:

$$s(x,y,k) = \int \sigma(x,y,z') *_{(x,y)} F(x,y,z',k) dz'$$
(5)

式中,"\*(x,y)"表示对x、y两个维度的卷积。

对式(5) 两端的 *x* 和 *y* 维度分别执行 FFT 操 作可得到:

$$\tilde{s}(k_x, k_y, k) = \int \tilde{\sigma}(k_x, k_y, z') \cdot \tilde{F}(k_x, k_y, z', k) dz'$$
(6)

根据时域相关法的成像原理,得到目标图像的频域表达式为:

$$\hat{\sigma}(k_x, k_y, z') = \int \tilde{s}(k_x, k_y, k) / \tilde{F}(k_x, k_y, z', k) \, \mathrm{d}k$$
(7)

对于某一特定的目标所在距离维平面  $z_i$ ,都 存在:

$$\hat{\sigma}(k_x, k_y, z'_i) = \int \tilde{s}(k_x, k_y, k) / \tilde{F}(k_x, k_y, z'_i, k) \, \mathrm{d}k$$

$$(8)$$

$$\hat{\sigma}_{k_l}(k_x, k_y, z_i') = \tilde{s}(k_x, k_y, k_l) / \tilde{F}(k_x, k_y, z_i', k_l)$$
(9)

对式(9) 两端的  $k_x$  和  $k_y$  维度分别执行 IFFT 操作,可得到目标子图像表达式为:

 $\hat{\sigma}_{k_l}(x, y, z_i') = IFFT_{2D}[\tilde{s}(k_x, k_y, k_l)/\tilde{F}(k_x, k_y, z_i', k_l)]$ (10)

最终重构出的目标图像表达式为:

$$\sigma(x,y,z) = \sum_{i=1}^{N} \sum_{l=1}^{M} \hat{\sigma}_{k_{l}}(x,y,z_{i}') \quad (11)$$

式中,N和M分别表示重构空间目标所需距离维 平面的个数以及空间波数数目。

于是基于 FFT 的扫描 SISO 面阵成像方法步骤如下:

**步骤1:**对回波信号 *s*(*x*,*y*,*k*)的 *x* 和 *y* 维度 分别执行 FFT 操作,将空域回波信号转化为谱域 回波信号得到 *š*(*k<sub>x</sub>*,*k<sub>y</sub>*,*k*)。

**步骤2:**建立包含相位项的表达式 *F*(*x*,*y*,*z*', *k*),即:

$$F(x,y,z',k) = \frac{1}{x^2 + y^2 + (z')^2} \cdot \exp(-j2k \sqrt{x^2 + y^2 + (z')^2})$$
(12)

**步骤 3**:对 *F*(*x*,*y*,*z*',*k*)的 *x* 和 *y* 维度分别执行 FFT 操作,得到谱域表达式 *F*(*k*<sub>*x*</sub>,*k*<sub>*y*</sub>,*z*',*k*)。

步骤 4: 对每种距离维平面  $z_i$  以及空间波数  $k_l$  的组合,得到  $\tilde{s}(k_x,k_y,k_l)/\tilde{F}(k_x,k_y,z'_i,k_l)$ 。

步骤 5: 对  $\hat{s}(k_x, k_y, k_l) / \hat{F}(k_x, k_y, z'_i, k_l)$ 的  $k_x$ 和  $k_y$  维度分别执行 IFFT 操作可得到目标子图像  $\hat{\sigma}_{k_l}(x, y, z'_l)$ 。

步骤 6:将所有距离维平面  $z_i$  以及空间波数  $k_i$  的组合对应的目标子图像  $\hat{\sigma}_{k_i}(x, y, z'_i)$ 进行求 和,得到最终目标图像  $\sigma(x, y, z)$ 。

## 2 仿真及实测数据验证

本文应用了大量的仿真和实测数据对所提出 的基于 FFT 的扫描 SISO 面阵成像方法的有效性 进行了验证,成像几何形状与图1相同。成像算 法是在配置为 2.1 GHz 处理器和 8 GB 内存的计 算机上实现的。

#### 2.1 仿真验证

本文开展了两组数值仿真来验证所提方法的

有效性。为了验证所提方法的图像重构质量提升 能力,采用的第一类目标为图 2(a)所示的柠檬片 模型,柠檬片直径为 12.5 cm,厚度为 2.5 cm,柠 檬片几何中心到 SISO 面阵(即 z = 0 平面)的距离 为 50 cm,应用 FEKO 电磁仿真软件进行几何建 模并计算其目标回波,仿真频率范围为 30 ~ 36 GHz,频点数 M = 31,天线阵列尺寸为 50 cm × 50 cm,阵元间隔为 4.5 mm,符合阵元间隔  $\Delta x \leq$  $\lambda/2$  的阵列采样间隔要求, $\lambda$  为中心频率对应的 波长。

图 2(b)和图 2(c)分别为 SISO-RMA 和本文 所提方法对柠檬片模型的三维图像重构结果,重 构时间分别为 1.33 s 和 1.05 s。在显示动态范围 相同的条件下,对比两图可以看出,SISO-RMA 对 应的目标图像中柠檬片轮廓存在很多凸起,重构 效果较差,而所提方法对应的重建图像中柠檬片 轮廓更光滑,重构精度更高。

为了验证所提方法的信号传输损耗补偿能力,采用的第二类目标为图3(a)所示由理想散射 点构成的空间分布的多点目标模型,天线阵列尺 寸为40 cm×40 cm,计算所用频段、频点数和阵 元间距与第一组仿真参数相同。



(a) 柠檬片模型

(a) Model of lemon slice  $z/m \stackrel{0.04}{-0.04}_{-0.10} \stackrel{0.05}{-0.05}_{-0.05} y/m$ 

(b) SISO-RMA 重构结果



(c)所提方法重构结果(c) Reconstruction results of the proposed method

图 2 仿真柠檬片模型成像结果

Fig. 2 Imaging results of simulated lemon slice model

图 3(b)和图 3(c)分别为 SISO-RMA 和本文 所提方法对空间多点目标模型的三维图像重构结 果,重构时间分别为 2.83 s 和 4.06 s。在显示动 态范围相同的条件下,对比两图可以看出,随着点



(a) 多点空间目标模型











(c) Reconstruction results of the proposed method



目标与阵列平面距离增加,SISO-RMA 对应的目标图像中点目标的像素强度逐渐变弱,尤其是z = 0.6 m和 z = 0.7 m处的点目标已无法看到,相比之下,所提方法具有更好的信号传播衰减补偿性能。值得一提的是,虽然本文采用的 SISO-RMA 对应的成像结果都是经过距离向的幅度补偿后得到的,但由于在近场成像中重构区域在方位向、高度向以及距离向的跨度处于同一量级,因此仅对距离向的幅度衰减进行补偿无法有效降低信号空间传播损耗对成像质量带来的影响。

#### 2.2 实测数据验证

本文通过搭建相应的实验系统来模拟扫描 SISO 面阵体制,进而验证所提方法的有效性以及 实际场景应用的可行性。实验的基本配置如图 4 所示,个人电脑(Personal Computer, PC)通过串口 与控制器相连来控制二维扫描架运动,PC 与矢量 网络分析仪(Vector Network Analyzer, VNA)通过 网线相连并控制其产生信号并读取目标回波数据。



图 4 扫描 SISO 面阵实验基本配置 Fig. 4 Basic configuration of the scanning SISO array experiment

本文开展了两组实验来验证所提方法的有效 性。为了验证所提方法的图像重构质量提升能 力,采用图 5(a)所示的人体模特作为成像目标。 该模特腰部固定了一把仿真手枪模型,其所在距 离维平面到扫描 SISO 面阵(即 *z* = 0 平面)的距离 为 50 cm,在实验中设置 VNA 的工作频段为33 ~ 37 GHz, *M* = 501,扫描孔径尺寸为 64 cm × 83.6 cm,扫描间隔为4 mm。

图 5(b)和图 5(c)分别为 SISO-RMA 和本文 所提方法对实物模型的 x - z 平面投影图像重构 结果,重构时间分别为 22.34 s 和 8.79 s,在显示 动态范围条件下,对比两图可以看出,两种方法都 可以很好地重构人体背部和手枪模型轮廓,但所 提方法对应的图像重构精度更高,而 SISO-RMA 对应的目标图像质量相对较差,无用的旁瓣成分 较多,具体体现在图 5(b)中红色圆圈包含的像素 位置。

为了验证所提方法的信号传输损耗补偿能力,采用的成像目标为图6(a)所示的一个金属圆 柱体和一个金属小球,采用成像场景的正视图和



(a) 实物模型(a) Physical model



(b) Reconstruction results of SISO-RMA



(c) 所提方法重构结果

(c) Reconstruction results of the proposed method

#### 图 5 实物模型成像结果 Fig. 5 Imaging results of physical model

侧视图分别如图 6(b)和 6(c)所示,相比于阵列 平面,金属圆柱体位于近处,金属小球位于远处, 它们的几何中心在距离向上相距约 33.5 cm,在 实验中设置 VNA 的工作频段为 30~36 GHz, *M* = 101,扫描孔径尺寸为 49.5 cm×31.5 cm,扫描间 隔为 4.5 mm。

图 7(a)和图 7(b)分别为 SISO-RMA 和本文 所提方法对位于不同距离的金属圆柱体和金属小 球在高度维的最大值投影成像结果,重构时间分



(a) 成像目标(a) Imaging target



(b) 成像场景正视图(b) Front view of the imaging scene



(c) 成像场景侧视图(c) Side view of the imaging scene

图 6 成像目标与成像场景





(a) SISO-RMA 重构结果

(a) Reconstruction results of SISO-RMA



(  $\mathbf b$  ) Reconstruction results of the proposed method

图 7 实物模型成像结果

Fig. 7 Imaging results of physical model

别为 3.60 s 和 10.58 s。在显示动态范围相同的 条件下,从成像结果中可以看出,SISO-RMA 对应 的成像结果中与阵列平面相距较远的小球几乎消 失不见,相比之下,所提算法的距离补偿性能要 更好。

## 3 结论

本文提出了一种基于 FFT 的扫描 SISO 面阵 近场成像技术,该技术通过保留回波模型中的幅 度衰减因子,并根据目标回波方程特性对目标回 波以及包含幅度因子的相位项中的方位维和高度 维执行卷积操作,最后应用 FFT、降维以及相干累 加等步骤对回波进行处理得到最终的目标图像。 仿真分析和实测数据表明,应用该技术重构目标 图像不仅避免了应用 SISO-RMA 带来的近似和插 值误差,并且可以在保证图像重构效率的前提下 提升重构质量,重要的优势是该方法还能够有效 降低信号空间传播损耗对成像质量带来的影响。 值得一提的是,在本文所提方法中可以进一步对 所有空间波数以及距离向平面组合执行并行计算 操作,这样可显著提升成像效率,进行实现实时 成像。

## 参考文献(References)

- [1] 吴一戎,洪文,张冰尘,等.稀疏微波成像研究进展(科普类)[J]. 雷达学报,2014,3(4):383-395.
   WU Y R, HONG W, ZHANG B C, et al. Current developments of sparse microwave imaging [J]. Journal of Radars, 2014, 3(4):383-395. (in Chinese)
- [2] BI H, LIU J G, ZHANG B C, et al. Baseline distribution optimization and missing data completion in wavelet-based CS-TomoSAR[J]. Science China Information Sciences, 2017, 61(4): 042302.
- [3] 温鑫,黄培康,年丰,等.主动式毫米波近距离圆柱扫描
   三维成像系统[J].系统工程与电子技术,2014,36(6):
   1044-1049.

WEN X, HUANG P K, NIAN F, et al. Active millimeterwave near-field cylindrical scanning three-dimensional imaging system [J]. Systems Engineering and Electronics, 2014, 36(6): 1044 – 1049. (in Chinese)

- [4] 黄雨辰.毫米波成像方法及系统关键技术研究[D].成都:电子科技大学,2016.
  HUANG Y C. Research on millimeter wave imaging and its systems key technology [D]. Chengdu: University of Electronic Science and Technology of China, 2016. (in Chinese)
- [5] 徐枫,朱莉,刘敏.近程毫米波全息成像技术发展综述[J].微波学报,2017,33(增刊1):289-294.
  XUF, ZHUL, LIUM. Reviews of short range millimeter wave holographic imaging technology [J]. Journal of Microwaves, 2017,33(Suppl 1):289-294.(in Chinese)
- [6] MIRBEIK-SABZEVARI A, LI S S, GARAY E, et al. Synthetic ultra-high-resolution millimeter-wave imaging for skin cancer detection [J]. IEEE Transactions on Biomedical Engineering, 2019, 66(1): 61 - 71.
- [7] FARHAT N H, GUARD W R. Millimeter wave holographic imaging of concealed weapons[J]. Proceedings of the IEEE,

1971, 59(9): 1383 - 1384.

- ZHUGE X D, YAROVOY A G. Three-dimensional near-field MIMO array imaging using range migration techniques [J].
   IEEE Transactions on Image Processing: a Publication of the IEEE Signal Processing Society, 2012, 21(6): 3026 - 3033.
- [9] WANG Z M, GUO Q J, TIAN X Z, et al. Near-field 3-D millimeter-wave imaging using MIMO RMA with range compensation [J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2019, 67(3): 1157-1166.
- [10] WANG Z M, GUO Q J, TIAN X Z, et al. Millimeter-wave image reconstruction algorithm for one-stationary bistatic SAR[J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2020, 68(3): 1185-1194.
- [11] SHEEN D M, MCMAKIN D L, HALL T E. Threedimensional millimeter-wave imaging for concealed weapon detection[J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2001, 49(9): 1581-1592.
- [12] TAN K, CHEN X D, WU S Y, et al. Efficient frequency scaling algorithm for short-range 3-D holographic imaging based on a scanning MIMO array[J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2020, 68(9): 3885 – 3897.
- [13] GIMENO-NIEVES E, LOPEZ-SANCHEZ J M, PASCUAL-VILLALOBOS C. Extension of the chirp scaling algorithm to

3-D near-field wideband radar imaging[J]. IEE Proceedings-Radar, Sonar and Navigation, 2003, 150(3): 152 – 157.

- [14] LOPEZ-SANCHEZ J M, FORTUNY-GUASCH J. 3-D radar imaging using range migration techniques [ J ]. IEEE Transactions on Antennas and Propagation, 2000, 48(5): 728-737.
- [15] KAZEMI M, KAVEHVASH Z, SHABANY M. K-space aware multi-static millimeter-wave imaging [ J ]. IEEE Transactions on Image Processing, 2019, 28 (7): 3613 – 3623.
- [16] GUO Q J, WANG Z M, CHANG T Y, et al. Millimeter-wave 3-D imaging testbed with MIMO array[J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2020, 68(3): 1164 – 1174.
- [17] ZHANG X X, LIANG J, WANG N, et al. Broadband millimeter-wave imaging radar-based 3-D holographic reconstruction for nondestructive testing [J]. IEEE Transactions on Microwave Theory and Techniques, 2020, 68(3): 1074-1085.
- [18] 程航.主动式毫米波安检快速成像算法研究[D].北京: 北京理工大学,2017.
   CHENG H. Research on active millimeter-wave fast imaging algorithm for security screening [D]. Beijing: Beijing Institute of Technology, 2017. (in Chinese)