doi:10.11887/j.cn.202201008

http://journal. nudt. edu. cn

太赫兹粗糙金属目标镜面雷达散射截面预估方法*

逢 爽1,曾 旸1,2,杨 琪1,邓 彬1,王宏强1

(1. 国防科技大学 电子科学学院, 湖南 长沙 410073; 2. 国防科技大学 气象海洋学院, 湖南 长沙 410073)

摘 要:在太赫兹频段,研究金属目标表面粗糙度对雷达散射截面(Radar Cross Section, RCS)的调制作 用,对粗糙金属目标的 RCS 缩比测量具有重要意义。通过研究太赫兹粗糙金属目标镜面 RCS 随粗糙度的变 化规律,结合相干、非相干散射理论,在基尔霍夫近似法的基础上,提出一种特定参数区间粗糙金属目标镜面 RCS 的预估方法,并对其预估效果进行仿真验证。该方法在太赫兹低频段小粗糙度范围内可以实现对粗糙 金属目标镜面 RCS 的快速预估,并可进一步预测粗糙目标缩比模型的镜面 RCS,为太赫兹粗糙金属目标 RCS 的缩比测量提供有效的比对数据,从而进一步为太赫兹粗糙目标的缩比关系研究提供理论支持。

关键词:太赫兹;雷达散射截面;基尔霍夫近似;粗糙表面;金属目标

中图分类号:TN95 文献标志码:A 文章编号:1001-2486(2022)01-048-07

Estimation of specular radar cross section for metal object with rough surfaces in terahertz band

PANG Shuang¹, ZENG Yang^{1,2}, YANG Qi¹, DENG Bin¹, WANG Hongqiang¹

(1. College of Electronic Science and Technology, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China;

2. College of Meteorology and Oceanography, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: Research on the modulation of the surface roughness to the RCS (radar cross section) has vital importance to the RCS scaled measurement for rough metal targets in the terahertz band. The changing laws of specular RCS of rough metal target with different surface roughness were studied. Based on the method of Kirchhoff approximation, combined with the theory of coherent and incoherent scattering, the method for predicting the specular RCS of rough metal target was proposed under the condition of small surface roughness. The effectiveness of the prediction method was validated by simulation experiments. The proposed method can achieve fast estimation of specular RCS for metal target with small surface roughness in the low terahertz band, and further predict the specular RCS for the scaled model with rough surface. This method also can provide effective RCS value for the comparison with the measurement result, which theoretically supports the study of RCS scaled measurements for rough targets in the terahertz spectrum.

Keywords: terahertz; radar cross section; Kirchhoff approximation; rough surface; metal target

雷达散射截面(Radar Cross Section, RCS)是 衡量目标对入射电磁波散射能力的一个重要物理 量,是雷达探测、目标识别、隐身与反隐身研究的 重要基础。在现代军事对抗技术领域中,军用目 标的 RCS 是重要战技术指标之一。缩比测量是 获取目标 RCS 的主要方式之一^[1-4]。为了实现 对大尺寸目标(如舰船)的缩比测量,根据缩比规 律,缩比频段将上升到太赫兹(Terahertz, THz)频 段,这对太赫兹频段 RCS 的缩比测量提出新的 挑战。

太赫兹波(0.1~10 THz)是微波与红外波之间的一个过渡频段,其低频段覆盖了毫米波波段,

高频段覆盖了远红外波段,处于由宏观电子学向 微观光子学过渡的频段。与微波相比,太赫兹波 波长更短,因而在缩比测量方面可以实现更高的 缩比因子,从而更加适合于对电大尺寸目标的缩 比测量与理论研究。与此同时,由于太赫兹波频 率更高,波长更短,对目标表面粗糙度、细微结构 等也更加敏感,这使得对太赫兹频段目标 RCS 的 研究比微波频段更加复杂。关于太赫兹频段粗糙 金属目标的散射特性的研究表明^[5-6],微波频段 光滑的金属目标在太赫兹频段变为粗糙度不可忽 略的粗糙金属目标,这意味着在太赫兹频段研究 金属目标的散射特性以及 RCS 缩比关系,需要对

 ^{*} 收稿日期:2021-01-07
 基金项目:国家自然科学基金资助项目(61871386,61971427)
 作者简介:逢爽(1992—),女,山东龙口人,博士研究生,E-mail:pangshuang17@ nudt.edu.cn; 曾旸(通信作者),男,副教授,博士,硕士生导师,E-mail:zengyang@ nudt.edu.cn

粗糙度等影响因素加以考虑。

典型粗糙面散射理论计算方法[7]包括基尔 霍夫近似方法(Kirchhoff Approximation, KA)、微 扰法 (Small Perturbation Approximation, SPA)、组 合大小尺度的双尺度近似法(Two scale Approach, TA)和基于积分方程的粗糙面近似法(Integral Equation Method, IEM)等。近几年,国内外针对太 赫兹频段粗糙目标散射特性展开了深入的研究。 美国亚毫米波技术实验室 (Submillimeter-wave Technology Laboratory, STL) 通过对粗糙模型散射 系数进行测量,并与 KA 算法的计算结果进行比 对,证明了 KA 方法在太赫兹频段的适用性^[8]。 陈珲等在微波建模方法基础之上,对太赫兹频段 表面随机粗糙结构和复杂细微结构的散射特点进 行建模方法的拓展,研究并提出基于"半确定性" 描述的射线追踪高频算法,实现了超电大复杂目 标表面相干和非相干散射特性的一体化快速建 模,为太赫兹超电大复杂目标的散射特性建模分 析提供高效的方法^[5]。陈刚等采用物理光学法 (Physical Optics, PO)结合截断劈增量长度绕射系 数法 (Truncated-Wedge Incremental Length Diffraction Coefficients, TWILDC)和微扰法计算了 太赫兹低频段随机粗糙金属板的电磁散射分布及 其雷达散射截面^[9],给出了一种有效的理论计算 方法。高敬坤等针对太赫兹全尺寸凸体粗糙目 标,在激光 RCS 计算方法的基础之上,提出一种 基于面片分级与粗糙面全波法的目标散射建模与 雷达回波仿真方法^[10-11],使得在有限的存储空间 和合理时间范围内,计算 THz 超电大目标的散射 特性成为可能。

尽管目前有多种关于粗糙目标 RCS 的计算 方法,但要通过仿真计算获得某一粗糙目标的 RCS,需要经过粗糙模型的构建、面元剖分与仿真 计算等复杂过程。在太赫兹频段,由于太赫兹波 波长短,目标模型多为电大尺寸,上述过程的数据 量与计算量剧增,耗时较长。此外,对于太赫兹频 段的粗糙目标 RCS 缩比测量,需要一种便捷的粗 糙目标 RCS 预估方法,便于与测量数据进行比 对。因此,考虑通过测量值对相应范围内的粗糙 目标镜面 RCS 进行预估。为了实现对太赫兹频 段粗糙目标 RCS 的预估,本文结合金属目标镜面 散射 RCS 随表面粗糙度的变化规律,在特定的参 数区间内,提出基于基尔霍夫近似的粗糙目标镜 面散射 RCS 预估方法,通过仿真实验证明了预估 方法的有效性,有望为太赫兹粗糙目标 RCS 缩比 测量提供支持。

1 理论分析

典型粗糙面散射特征的研究方法(如 KA、 SPA、TA、IEM)主要从解析计算的角度分析随机 粗糙面的散射特点,给出定量的结果分析,但计算 过程复杂,且适用的范围有限。基尔霍夫近似理 论采用的是切平面近似,界面上任意一点的场强 由该点处的切平面反射波决定^[7]。基尔霍夫近 似方法适用于高频条件下平缓型的粗糙面散射问 题,要求粗糙面平均曲率半径远大于入射波波长, 相关长度和粗糙面随机起伏的方差也均大于 波长。

文献[8]在基尔霍夫近似条件下,主要考虑粗糙表面起伏均方根高度 h_{rms}的影响,建立了粗糙表面与光滑表面镜面反射系数之间的关系,如式(1) 所示。

$$R_{\text{rough}} = R_{\text{smooth}} e^{-(4\pi h_{\text{rms}} k \cos \theta)^2}$$
(1)

其中, *R*_{rough} 是粗糙表面的镜面反射系数, *R*_{smooth} 是 光滑表面的镜面反射系数, θ 是入射角度, *k* 是波 数。式(1)的适用条件为: 粗糙面随机粗糙并服 从正态分布; 粗糙面的相关长度远大于波长; 没有 多重散射。

本文在太赫兹低频段($0.1 \sim 0.5$ THz)研究 粗糙起伏对电大尺寸目标 RCS 的影响,粗糙表面 均方根高度小于波长($\lambda/150 < h_{ms} < \lambda/75$ 、 $0.1\lambda < h_{ms} < 0.15\lambda$)、相关长度大于波长($l \approx 1.5\lambda$),属 于高频条件下平缓型的粗糙面散射问题。由于均 方根高度小于波长、相关长度与波长量级可比拟, 不完全满足基尔霍夫近似的条件。在该范围内, 均方根高度和相关长度对粗糙起伏的影响均比较 明显,需考虑两个参数对粗糙起伏的影响均比较 明显,需考虑两个参数对粗糙起伏的影响均比较 明显,需考虑两个参数对粗糙起伏的影响均比较 此种情况下粗糙起伏对反射系数的影响。此外, 不同的参数组合形成的粗糙面起伏情况不同,因 此,考虑采用待定系数法来确定均方根高度和相 关长度对某一粗糙面镜面反射系数的贡献。 式(1)修正如下:

 $R_{rough} = R_{smooth} \cdot e^{-\left[\left[4\pi h_{rms}(1+x)kcos\theta\right]^{2} + y(\lambda/l)^{2}\right]}$ (2) 其中, *x* 和 *y* 为引入的待定系数。通过对式(2)的 指数幂展开,发现指数幂中包含待定系数 *x* 的二 次项,相比于一次项,其贡献可以忽略。此外,本 文关注粗糙起伏对镜面反射的影响,入射角 θ 为 0°,式(2)进一步整理如下:

 $R_{\text{rough}} = R_{\text{smooth}} \cdot e^{-\left[(8\pi^2 h_{\text{rms}}/\lambda)^2(1+2x) + y(\lambda/l)^2\right]}$ (3)

对于表面光滑的理想电导体(Perfect Electric Conductor, PEC)目标,其镜面反射系数 R_{smooth}为

1,由式(3)可得表面粗糙的 PEC 目标的镜面反射 系数预估公式为:

$$R_{\text{rough PEC}} = e^{-\left[(8\pi^2 h_{\text{rms}}/\lambda)^2 (1+2x) + y(\lambda/l)^2\right]}$$
(4)

进一步,根据相干散射理论^[9],表面粗糙的 PEC 目标镜面 RCS 可以视为粗糙镜面反射系数 对光滑目标镜面 RCS 的调制,因此,选取粗糙镜 面反射系数作为调制因子,如式(5)建立粗糙 PEC 目标和光滑 PEC 目标的镜面 RCS 的关系:

$$\sigma_{r} = \sigma_{s} \cdot R_{rough, PEC}^{2}$$
 (5)
其中, σ_{r} 表示粗糙金属目标镜面散射方向的
RCS, σ_{s} 表示与粗糙金属目标具有相同形状、相
同尺寸的光滑金属目标的 RCS。式(5)可以具体
表示如下:

$$\boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{r}} = \boldsymbol{\sigma}_{\mathrm{s}} \cdot \mathrm{e}^{\left[-2(8\pi^{2}h_{\mathrm{rms}}/\lambda)^{2}(1+2x_{1})+y_{1}(\lambda/l)^{2}\right]} \quad (6)$$

其中,x₁、y₁为待定参数,具体取值与粗糙目标的 形状、电尺寸有关。若两个随机粗糙模型满足经 典电磁相似律,即具有相同的形状以及相同的电 尺寸,当粗糙面的均方根高度在特定区间内时,可 以利用这两个不同频段的 RCS 值来求解待定系 数,所得的预估公式在两个频段相应的均方根高 度区间内均可使用。

2 仿真实验及结果分析

为了检验所提预估公式对镜面散射 RCS 的 预估效果,选取具有镜面反射的金属平板和金属 圆柱两种目标模型进行相应的仿真实验。首先, 根据文献[12]介绍的粗糙模型生成方法,生成了 服从高斯分布的粗糙平板和粗糙圆柱模型;其次, 将粗糙模型和同尺寸光滑模型分别导入电磁仿真 计算软件,采用弹跳射线追踪法进行 RCS 仿真计 算;然后,提取镜面反射的 RCS 值,代入所提预估 公式求解待定参数;最后,对特定参数区间内的粗 糙平板、粗糙圆柱的镜面 RCS 进行预估,并将预 估结果与仿真计算结果进行比对,以此验证所提 预估方法的有效性。

为了检验仿真计算结果的可靠性,首先对具 有解析解的标准体平板模型(220 GHz,5 cm)进 行仿真计算,结果如图1所示。仿真计算结果与 理论计算结果一致,说明仿真计算结果可靠。

为了进一步验证预估公式的有效性,生成了 四组粗糙金属模型,分别检验预估公式在不同的 均方根高度区间、不同电尺寸、不同形状条件下的 预估效果,具体实验设计如下:

1)检验预估公式在不同的均方根高度区间 内的预估效果。按照相应的区间生成两组粗糙平 板模型并进行 RCS 仿真计算。第一组实验中,粗





糙平板模型的均方根高度主要分布区间为 $\lambda/150 < h_{rms} < \lambda/75;$ 第二组实验中,粗糙平板模型的均方 根高度主要分布区间为 $0.1\lambda < h_{rms} < 0.15\lambda$ 。

2)检验预估公式对不同电尺寸粗糙平板镜 面散射 RCS 的预估效果。本组(第三组)实验中 粗糙平板模型的电尺寸为第一组粗糙平板电尺寸 的两倍,均方根高度的主要分布区间为 $\lambda/150 < h_{rms} < \lambda/75$ 。

3)检验预估公式对粗糙金属圆柱镜面散射 RCS的预估效果。本组(第四组)实验采用的粗 糙金属圆柱模型与第一组实验中的粗糙平板电尺 寸相同,粗糙圆柱表面均方根高度主要分布区间 为λ/150 < h_{ms} < λ/75。

每组 仿 真 实 验 均 在 110 GHz、220 GHz、 440 GHz三个频段进行。具体每组仿真实验模型 的尺寸、均方根高度和相关长度参见相关列表。

2.1 预估公式在 $\lambda/150 < h_{rms} < \lambda/75$ 时的有效性 检验

第一组实验中,粗糙平板模型的均方根高度 取值主要分布区间为 λ/150 < h_{rms} < λ/75,相关长 度为 1.46λ,具体频段和模型尺寸见表 1。

表1 第一组仿真实验参数

Tab. 1	Parameters	for	the	first	set	of	simulations	
--------	------------	-----	-----	-------	----------------------	----	-------------	--

频段	尺寸	均方根高度	相关长度
<i>f</i> ∕GHz	s/cm ²	$h_{ m rms}/\mu{ m m}$	l∕ µm
110	10×10	20,25,30,35,40,50	4 000
220	5 × 5	5,10,15,20,25,30	2 000
440	2.5×2.5	5,10,15,20	1 000

仿真实验中选取 110 GHz (*h*_{rms} = 30 μm, *l* = 4 000 μm) 和 220 GHz (*h*_{rms} = 20 μm, *l* = 2 000 μm)

两个粗糙平板的镜面散射 RCS 值代人预估公式(6),得到待定系数 $x_1 = -0.449$ 2, $y_1 = -1.8901$,再将其代入预估公式,进一步对上述 三个频段的其他粗糙度模型的镜面散射 RCS 进行预估,不同频段预估值与仿真计算值如图 2 所示。



(c) 440 GHz



如图 2(a) 所示,在 110 GHz 频段、边长为 10 cm的粗糙平板,预估效果较好的均方根高度区 间为 20~40 μ m,对应均方根高度与波长的关系 为 $\lambda/150 < h_{ms} < \lambda/75$,证明了预估公式在特定区 间范围内的有效性。 图 2(b)给出的是 220 GHz 频段、边长为5 cm 的粗糙平板在特定区间内的预估值和仿真值对 比。由结果可以看出,在 10~20 μ m 内,平板镜 面 RCS 的预估误差较小。根据图 2(c)所示,在 440 GHz 频段、边长为 2.5 cm 的平板,镜面 RCS 预估效果较好的区间为 5~10 μ m。上述结果均 表明,所提预估公式在 $\lambda/150 < h_{ms} < \lambda/75$ 内可 以对镜面 RCS 进行有效的预估。

2.2 预估公式在 0. 1λ < h_{rms} < 0. 15λ 时的有效性 检验

在第二组仿真实验中,粗糙平板的均方根高 度分布区间为0.1λ < h_{ms} < 0.15λ,仿真的频段和 模型尺寸与第一组实验相同,具体模型参数见 表2。

表 2 第二组仿真实验参数

Tab. 2 Parameters for the second set of simulations

频段 ƒ/GHz	尺寸 s/cm ²	均方根高度 h _{rms} /µm	相关长度 1/µm
110	10 × 10		
220	5 × 5	0. $1\lambda \sim 0.15\lambda$	1.5λ
440	2.5×2.5		

对该区间预估公式待定系数的求解,选取 110 GHz ($h_{rms} = 0.11\lambda_1, l = 1.5\lambda_1$)的粗糙平板和 220 GHz ($h_{rms} = 0.14\lambda_2, l = 1.5\lambda_2$)的粗糙平板相 关参数作为已知条件,求出待定参数为 $x_1 =$ -0.497 3, $y_1 = -2.489$ 3。不同频段的预估结果 和仿真结果如图 3 所示。

通过不同频段的预估误差对比来看,频段为 220 GHz 和 440 GHz 时,在该区间,粗糙平板峰值 RCS 的整体预估效果较好;在110 GHz 频段,均方 根高度取值在 0.1λ~0.13λ 时,粗糙平板峰值 RCS 预估误差较小。第二组仿真实验的均方根 高度取值比第一组仿真实验的要大,对 RCS 的影







(c) 440 GHz



Fig. 3 Comparison between estimated RCS and simulated RCS of rough plates for the second set of simulations

响出现了不同于小粗糙度时的变化规律,情况更 复杂。

2.3 预估公式对不同电尺寸粗糙平板的预估效 果检验

第三组仿真实验中,粗糙平板的电尺寸是第 一组实验中粗糙平板的两倍,均方根高度主要分 布区间为 $\lambda/150 < h_{ms} < \lambda/75$,具体模型参数见 表3。

表 3 第三组仿真实验参数

Tab. 3 Parameters for the third set of simulation	\mathbf{s}
---	--------------

频段	尺寸	均方根高度	相关长度	
<i>f</i> ∕GHz	s/cm ²	$h_{ m rms}$ / μ m	l∕ µm	
110	20×20	20,25,30,35,40,50	4 000	
220	10×10	5,10,15,20,25	2 000	
440	5 × 5	5,10,15,20	1 000	

选取 110 GHz($h_{\rm rms} = 30 \ \mu m$, $l = 4 \ 000 \ \mu m$) 和 220 GHz($h_{\rm rms} = 20 \ \mu m$, $l = 2 \ 000 \ \mu m$)两个粗 糙平板的镜面散射 RCS 值代入预估公式(6),得 到待定系数 $x_1 = -0.4215, y_1 = -1.7194$,再将 其代入预估公式,对上述三个频段的其他粗糙度 模型的镜面散射 RCS 进行预估,不同频段预估值 与仿真计算值如图4所示。



(c) 440 GHz



由图 4 可以看出,预估公式对第三组粗糙平板的预估效果与第一组的预估效果大致相同,说明对于区间 $\lambda/150 < h_{ms} < \lambda/75$,改变粗糙模型的电尺寸,预估公式同样适用,证明了预估公式在特定区间范围内的有效性。

2.4 预估公式对粗糙圆柱的预估效果检验

第四组仿真实验构造了特定粗糙度的金属圆

柱模型,对粗糙柱面的 RCS 进行预估,具体模型 参数见表4。

Tab. 4 Parameters for the fourth set of simulations 频段 均方根高度 直径 高度 相关长度 $h_{\rm rms}/\mu m$ f/GHz d/cmh/cml/μm 110 10 10 10,20,30,40,50 4 000 5 5 5,10,15,20,25 220 2 000 440 2.5 5,10,15,20,25 2.5 1 000

表4 第四组仿真实验参数

选取 110 GHz ($h_{rms} = 30 \mu m$, $l = 4 000 \mu m$) 和220 GHz ($h_{rms} = 20 \mu m$, $l = 2 000 \mu m$)两个粗 糙圆柱侧面的镜面散射 RCS 值代入预估公式,得 到待定系数 $x_1 = -0.442 9, y_1 = -1.734 7, 进一$ 步对上述三个频段的其他粗糙度模型的镜面散射 RCS 进行预估,不同频段预估值与仿真计算值如 图 5 所示。

通过上述粗糙圆柱侧面镜面散射 RCS 的预 估结果可以看出,该方法对单弯曲表面的镜面散 射同样适用。由此可以说明该预估公式在特定条 件下可以很好地对粗糙金属目标的镜面 RCS 进 行预测,为特定条件下粗糙金属目标的缩比关系 研究提供有效的比对数据。









图 5 第四组实验中粗糙圆柱 RCS 预估值与计算值对比 Fig. 5 Comparison between estimated RCS and simulated RCS of rough cylinders for the fourth set of simulations

3 结论

太赫兹频段电大尺寸粗糙金属目标散射特性 建模与仿真计算存在计算量大、耗时长、难以满足 RCS 缩比测量需求的问题。本文通过分析太赫 兹粗糙金属目标镜面散射 RCS 随粗糙度的变化 规律,提出基于基尔霍夫近似的粗糙金属目标镜 面散射 RCS 预估方法。采用所提预估方法对不 同粗糙度的金属平板和金属圆柱镜面散射 RCS 进行预估,预估值与仿真计算值的一致性证明了 该方法的有效性,表明该方法在太赫兹低频段小 粗糙度范围内,可以实现对粗糙金属目标镜面散 射 RCS 的快速预估,为太赫兹粗糙金属目标 RCS 的缩比测量提供有效的比对数据,对太赫兹粗糙 目标散射特性的测量、分析和研究具有借鉴意义。 后续工作将围绕其他形状、复杂结构的粗糙目标 展开,并进一步研究非镜面角度下的 RCS 变化规 律,为太赫兹频段的粗糙目标散射特性分析与测 量提供更有力的支持。

参考文献(References)

- [1] 黄培康,殷红成,许小剑.雷达目标特性[M].北京:电子工业出版社,2005.
 HUANG P K, YIN H C, XU X J. Characteristics of targets in radar system [M]. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 2005. (in Chinese)
- [2] 庄钊文,袁乃昌,莫锦军,等. 军用目标雷达散射截面预 估与测量[M]. 北京:科学出版社,2007.
 ZHUANG Z W, YUAN N C, MO J J, et al. Estimation and measurement of radar scattering cross section of military targets[M]. Beijing: Science Press, 2007. (in Chinese)
- [3] 罗成高,邓彬,程永强,等.精确制导前沿成像探测技术[J].国防科技大学学报,2019,41(5):174-184.
 LUOCG, DENGB, CHENGYQ, et al. Advanced imaging and detecting technology for precision guidance[J]. Journal of National University of Defense Technology, 2019, 41(5):

174 – 184. (in Chinese)

 [4] 王宏强,邓彬,秦玉亮.太赫兹雷达技术[J].雷达学报, 2018,7(1):1-21.
 WANG H Q, DENG B, QIN Y L. Review of terahertz radar

technology[J]. Journal of Radars, 2018, 7(1); 1 – 21. (in Chinese)

[5] 陈珲,徐亮,张言明,等.超电大复杂目标太赫兹散射特性建模微波方法延拓研究[J].雷达学报,2018,7(1):108-118.

CHEN H, XU L, ZHANG Y M, et al. Theoretical extension of a microwave EM method for predicting the terahertz scattering of electrically large complex target [J]. Journal of Radars, 2018, 7(1): 108 – 118. (in Chinese)

- [6] WEI J C, CHEN H, QIN X, et al. Surface and volumetric scattering by rough dielectric boundary at terahertz frequencies[J]. IEEE Transactions on Antennas and Propagation, 2017, 65(6): 3154 – 3161.
- [7] 金亚秋,刘鹏,叶红霞.随机粗糙面与目标复合散射数值 模拟理论与方法[M].北京:科学出版社,2008.
 JIN Y Q, LIU P, YE H X. Theory and method of numerical simulation of composite scattering from the object and randomly rough surface[M]. Beijing: Science Press, 2008. (in Chinese)
- [8] JAGANNATHAN A, GATESMAN A J, GILES R H. Characterization of roughness parameters of metallic surfaces

using terahertz reflection spectra [J]. Optics Letters, 2009, 34(13): 1927 – 1929.

- [9] 陈刚,党红杏,谭小敏,等.太赫兹低频段随机粗糙金属 板散射特性研究[J].雷达学报,2018,7(1):75-82. CHEN G, DANG H X, TAN X M, et al. Scattering properties of electromagnetic waves from randomly oriented rough metal plate in the lower terahertz region[J]. Journal of Radars, 2018,7(1):75-82. (in Chinese)
- [10] 高敬坤,邓彬,秦玉亮,等. THz 全尺寸凸体粗糙目标雷达回波散射建模与成像仿真[J]. 雷达学报, 2018, 7(1):97-107.
 GAO J K, DENG B, QIN Y L, et al. Radar echo scattering modeling and image simulations of full-scale convex rough targets at terahertz frequencies[J]. Journal of Radars, 2018, 7(1):97-107. (in Chinese)
- [11] GAO J K, WANG R J, DENG B, et al. Electromagnetic scattering characteristics of rough PEC targets in the terahertz regime [J]. IEEE Antennas and Wireless Propagation Letters, 2017, 16: 975 – 978.
- [12] 郭立新, 王蕊, 吴振森. 随机粗糙面散射的基本理论与方法[M]. 北京: 科学出版社, 2010.
 GUO L X, WANG R, WU Z S. Basic theory and method of random rough surface scattering[M]. Beijing: Science Press, 2010. (in Chinese)