doi:10.11887/j.cn.202301017

http://journal. nudt. edu. cn

脱壳弹弹托分离的双目视觉测量

李湘平,鲁军勇,张 晓,程 龙,李松乘 (海军工程大学舰船综合电力技术国防科技重点实验室,湖北武汉 430033)

摘 要:脱壳弹的弹托分离过程对弹体的飞行稳定性和打击效能具有显著的影响。针对脱壳弹出膛后 弹托相对弹体的六自由度运动过程,提出采用基于双目视觉原理的弹托分离角测量方法。通过在弹体表面 和弹托表面设置标记点,采用图像处理和跟踪算法实现对标记点的识别和跟踪。结合双目空间标定参数解 算出标记点的空间位置,进而获得弹托相对弹体的分离角度,同时采用实验验证了上述测量方法的精度,其 精度达到 2%。以实验室进行的初速度 1 550 m/s 和 1 750 m/s 的脱壳弹射击试验为例,测量并分析了不同初

速度下的弹托分离轨迹。结果表明:脱壳弹分离初速度越快,弹托分离轨迹越靠近弹体。 关键词:脱壳弹;弹托分离;双目视觉;空间解算

中图分类号:TP394.1;TH691.9 文献标志码:A 开放科学(资源服务)标识码(OSID): 文章编号:1001-2486(2023)01-150-07



Binocular vision measurement of sabot discard of shell piercing projectile

LI Xiangping, LU Junyong, ZHANG Xiao, CHENG Long, LI Songcheng

(National Key Laboratory of Science and Technology on Vessel Integrated Power System, Naval University of Engineering, Wuhan 430033, China)

Abstract: The sabot discard process of shell piercing projectile has significance on the flight stability and strike efficiency of it. Aiming at the six degrees of freedom movement process of shell piercing projectile after leaving the chamber, a measurement method of sabot discard angle based on the principle of binocular vision was proposed. By setting some markers on the surface of projectile and sabot, the recognition and tracking of the markers were realized with the image processing and tracking algorithms. The spatial locations of these marker were calculated by combining with the binocular calibrated space parameters, and the discard angle of sabot relative to the projectile was obtained. Meanwhile, the accuracy of the method above was validated by experiment which was proved to be 2%. Taking the shell piercing projectile launching at initial velocities of 1 550 m/s and 1 750 m/s conducted in the laboratory as an example, the discard trajectories under different muzzle velocity were measured and analyzed. The results show that the faster the discard initial velocity is, the closer the discard trajectory is to the projectile.

Keywords: shell piercing projectile; sabot discard; binocular vision; spatial calculation

脱壳穿甲弹的弹托分离过程存在机械和气动的扰动,这导致分离过程对弹体飞行稳定性和作战效能影响较大^[1]。目前国内外对脱壳穿甲弹 弹托分离的研究大多采用理论建模和数值仿真 方法。

文献[2-3]采用理论解析的方法对弹托分 离过程中的受力和运动情况进行了分析。其中文 献[2]采用分段模型简化的方法,基于激波理论 和膨胀波理论,对尾翼稳定脱壳穿甲弹的弹托迎 风窝、弹托的下表面、弹体头部阻力以及尾翼阻力 进行了理论建模和仿真计算;文献[3]基于一维 非稳定流场控制方程,对尾翼稳定脱壳穿甲弹弹 托分离过程中的冲击力公式进行了推导,给出了 弹体和弹托的运动方程和转动方程,结合推导公 式仿真分析了弹体的六自由度运动情况。由于解 析法无法模拟高超声速弹托分离过程中的湍流现 象,导致解析法得到的仿真结果与试验相差较大。

文献[4-6]基于动网格技术耦合流体控制 方程和六自由度运动方程对高速弹托分离过程进 行了仿真分析,并与试验结果进行了对比,结果表 明采用计算流体力学方法分析弹托分离过程精度 较高。文献[7]在文献[4]的基础上,考虑弹托与 弹体之间存在零间隙到逐渐分开的启动过程,建 立了弹托分离初始张开、干扰分离和自由飞三个

^{*} 收稿日期:2020-12-18

基金项目:国家自然科学基金资助项目(92266106,52107065,51925704,51907203,51877214) 作者简介:李湘平(1990—),男,湖南郴州人,助理研究员,博士,E-mail:511422906@qq.com; 鲁军勇(通信作者),男,湖北鄂州人,研究员,博士,博士生导师,E-mail:Jylu2019@163.com

过程的仿真模型。同时研究了不同分离初速对弹 托分离轨迹的影响,研究结果可对不同射击工况 下脱壳穿甲弹的射击效能进行预测,并对试验现 场的防护尤其对舰上设备的安置具有重要的参考 意义。

然而不管是理论建模还是数值仿真方法均不 能真实地反映弹托分离情况,而目前尚无公开发 表的有关弹托分离测量的文献。文献[8]采用多 台高速摄像组成的交会测量系统实现了对高速飞 行弹体姿态的测量,验证了高速摄像测量高速运 动物体姿态角方法的可行性;文献[9]采用双目 视觉高速摄影测量原理实现了对物体姿态的测 量,并与试验结果进行了对比,验证了双目视觉测 室的精度。鉴于目前弹托分离的研究现状和双目 视觉测量的发展现状,本文基于双目视觉测姿原 理,通过在弹体和弹托表面创造人工标记点,并采 用目标检测和跟踪算法实现对标记点的自动识别 和跟踪,最后解算出弹托分离角度。

1 测量原理

人类通过视觉获取空间物体的三维位置、姿态信息的过程为:首先通过双眼同时获取空间物体的二维成像;然后根据参照物的大小和远近信息,确定自身观察位置;最后经过大脑处理得到物体的三维位置和姿态信息。计算机双目立体视觉测量的基本原理与此类似,测量过程分为图像采集、空间标定和空间解算,其中图像采集通过两台相机从不同位置和角度同时拍摄空间物体;空间标定则通过在这两幅二维图像中找到参考物体成像,根据参考物体的大小标定得到两个相机的内外参数;空间解算则是利用相机的内外参数以及测量物体的成像位置信息计算得到该点物体在空间中相对参考坐标系的三维坐标。图1所示为三维双目视觉测量原理。





从上述双目视觉测量原理可知,图1中,由于 o_c, M_1, M_2 和 m 四点共线,在视觉成像中为相同 点,此时如果只有左相机,则无法通过 m 点的成 像位置唯一确定 M_1 或 M_2 点。因此需要加入右 相机,借助右相机中 m'_1 或者 m'_2 的成像位置信息, 结合事先标定的相机参数即可唯一确定 M_1 或 M_2 点在三维空间中的位置信息。

因此,采用双目视觉计算弹体姿态包含三部 分:一是相机的标定;二是特征点或标记点的识别 和跟踪;三是弹体姿态的解算。下面对这三个部 分进行介绍。

1.1 相机标定与校准

相机标定包括单相机标定和多相机标定,本 文采用双相机标定方法。镜头在制作过程中存在 偏差,导致成像过程中图像有畸变,进而影响标定 精度,因此必须对镜头畸变进行校准,常用式(1) 所示的数学模型表示^[10]。

$$\begin{cases} x'_{s} = x_{s} \frac{1 + k_{1}r^{2} + k_{2}r^{4} + k_{3}r^{6}}{1 + k_{4}r^{2} + k_{5}r^{4} + k_{6}r^{6}} + 2p_{1}x_{s}y_{s} + p_{2}(r^{2} + 2x_{s}^{2}) \\ y'_{s} = y_{s} \frac{1 + k_{1}r^{2} + k_{2}r^{4} + k_{3}r^{6}}{1 + k_{4}r^{2} + k_{5}r^{4} + k_{6}r^{6}} + p_{1}(r^{2} + 2y_{s}^{2}) + 2p_{2}x_{s}y_{s} \end{cases}$$

$$(1)$$

由上式可知,畸变模型为非线性模型,模型参数无法使用线性方法进行辨识。为此,可采用非 线性最小二乘法对上式中的畸变模型参数进行优 化辨识,优化的残差方程为:

$$E = \sum_{M} \left\{ \sum_{N} \left[x_{m} - x_{i}(x_{w}, y_{w}, z_{w}, \boldsymbol{p}) \right]^{2} + \sum_{N} \left[y_{m} - y_{i}(x_{w}, y_{w}, z_{w}, \boldsymbol{p}) \right]^{2} \right\}$$
(2)

式中,**p**代表相机畸变参数和相机内外参数在内的参数集,(*x_m*,*y_m*)表示成像中标志点的像素位置,*N*表示标志点个数,*M*表示标定图像数量。

采用非线性最小二乘法,并优化双相机成像 模型参数,其中双相机参数优化的残差方程为:

$$E = \sum_{C} \sum_{M} \left\{ \sum_{N} \left[x_{m} - x_{i}(x_{w}, y_{w}, z_{w}, \boldsymbol{p}) \right]^{2} + \sum_{N} \left[y_{m} - y_{i}(x_{w}, y_{w}, z_{w}, \boldsymbol{p}) \right]^{2} \right\}$$
(3)

式中,C = 2,代表相机台数。优化过程为:首先利 用左右相机的单相机参数初始化部分参数;然后 根据两台相机的外部参数初始化 R^h 和 T^h ,如 式(4)所示,其中 $R^l \ T^t \ R^r \ T^r$ 分别表示相机的外 部参数。

$$\begin{cases} \boldsymbol{R}^{\mathrm{h}} = \boldsymbol{R}^{\mathrm{r}} \left(\boldsymbol{R}^{\mathrm{l}} \right)^{-1} \\ \boldsymbol{T}^{\mathrm{h}} = \boldsymbol{T}^{\mathrm{r}} - \boldsymbol{R}^{\mathrm{h}} \boldsymbol{T}^{\mathrm{l}} \end{cases}$$
(4)

1.2 特征识别及检测

图像中的特征点包含了重要信息,是图像处 理过程中重点关注的一类特征,就双目视觉测量 来说,涉及特征点的识别及检测。具体过程为:首 先采用图像匹配方法对包含特征点的成像进行处 理,得到一系列像素点位置;然后利用这些特征点 包含的空间位置信息,结合相机成像模型,即可确 立相机之间的内参;最后推导出相机的外参、完成 基准坐标系的建立,完成三维重建^[11]。通常有两 类特征点:第一类为自然特征点,存在于客观世界 中,如物体的角点、轮廓等,这些特征点成像过程 中存在不确定性,导致特征点的检测算法不稳定, 易受外界干扰;另一类特征点为人工特征点,是指 通过人为标记在物体表面的特殊标记点,如十字 标记点、圆心标记点、圆形对角标记点等,这类特 征点识别简单、检测算法稳定。本文选用圆形对 角标识点,如图2所示。



图 2 圆形对角标记点 Fig. 2 Diagonally circle marker points

对角标记黑橙相间的四个角形区域为识别带 来了便利,因为这些对角区域所占扇形角度相同, 因此即便在不同的角度拍摄成像,尽管四个对角 的成像区域发生变形,但其对角区域扇形角相同, 可大幅提高中心点的检测精度^[11]。

检测过程为:先对图像进行二值化处理,并提 取其边缘;采用 Hough 变换算法检测图像中交叉 直线的相交点,并对这些待选点进行筛选,筛选的 原则如下所示。

1) 半径为 r_1 的圆周上, 灰度变化数为 4。 $|l_1 - l_3| < \varepsilon, |L_1 - L_3| < \varepsilon_{\circ}$

2)半径为 $r_2(r_2 > r_1$)的圆周上, 灰度变化数 为4。 $|l_2 - l_4| < \varepsilon$, $|L_2 - L_4| < \varepsilon$ 。

 $\begin{array}{l} 3 \;) \; \left| \, l_2 - l_1 \, \right| > \delta \, , \; \left| \, l_4 - l_3 \, \right| > \delta \, , \; \left| \, L_2 - L_1 \, \right| > \delta \, , \\ \left| \, L_4 - L_3 \, \right| > \delta_\circ \end{array}$

其中: L_1 和 L_3 分别表示半径为 r_1 的圆周上两对 角的橙色像元个数, l_1 和 l_3 分别表示半径为 r_1 的 圆周上两对角的黑色像元个数; L_2 和 L_4 分别表示 半径为 r_2 的圆周上两对角的橙色像元个数, l_2 和 *l*₄分别表示半径为*r*₂的圆周上两对角的黑色像元个数。

经过上述筛选流程后,利用模板匹配算法对 剩余待选点的领域进行匹配,并设计相关函数,当 相关函数取得最大值时,待选点即为对角标记点 的精确定位位置。

1.3 弹体姿态计算方程

1.3.1 标记点坐标计算

使世界坐标系与左相机光心坐标系重合,若 已经标定出左右相机参数,则可以通过式(6)计 算空间点 M_1 的三维世界坐标,式中 $x_e^1 = x_i^1 - c_x^1$, $y_e^1 = y_i^1 - c_x^1, x_e^r = x_i^r - c_x^r, y_e^r = y_i^r - c_x^r, (x_i^1, y_i^1) (x_i^r, y_i^r)$ 分别为左相机中 m 点和右相机中 m_1' 点的图像 坐标,通过图像匹配获得。 $(c_x^1, c_y^1, f_x^1, f_y^1)$ 和 $(c_x^r, c_y^r, f_x^r, f_y^r)$ 分别为左右相机的内部参数,其中 $(c_x^1, c_y^1, f_x^r, f_y^r)$ 分别为左右相机的内部参数,其中 (c_x^1, c_y^1) 和 (c_x^r, c_y^r) 分别为左右相机水轴与成像平面交 点的图像坐标, (f_x^1, f_y^1) 和 (f_x^r, f_y^r) 分别表示左右 相机焦距 f_1 和 f_r 与其x方向和y方向单位像素的 物理尺寸比值,即

$$\begin{cases} f_x^1 = \frac{f_1}{dx} \\ f_y^1 = \frac{f_1}{dy} \\ f_x^r = \frac{f_r}{dx} \\ f_y^r = \frac{f_r}{dy} \end{cases}$$
(5)

 $R^{h} = [r_{11}^{h}, r_{12}^{h}, r_{13}^{h}; r_{21}^{h}, r_{22}^{h}, r_{23}^{h}; r_{31}^{h}, r_{32}^{h}, r_{33}^{h}]$ 和 $T^{h} = [t_{x}^{h}, t_{y}^{h}, t_{z}^{h}]$ 分别为右相机光心坐标系相对于 左相机光心坐标系的旋转矩阵和平移向量,如 图 3所示。

$$\begin{bmatrix} -f_x^{l} & 0 & x_c^{l} \\ 0 & -f_y^{l} & x_c^{l} \\ x_c^{r} f_{31}^{h} - f_x^{r} f_{11}^{h} & x_c^{r} f_{32}^{h} - f_x^{r} f_{12}^{h} & x_c^{r} f_{33}^{h} - f_x^{r} f_{13}^{h} \\ y_c^{r} f_{31}^{h} - f_y^{r} f_{21}^{h} & y_c^{r} f_{32}^{h} - f_y^{r} f_{22}^{h} & y_c^{r} f_{33}^{h} - f_y^{r} f_{23}^{h} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_w \\ Y_w \\ Z_w \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ f_x^{r} t_x^{h} - x_c^{r} t_z^{h} \\ f_y^{r} t_y^{h} - y_c^{r} t_z^{h} \end{bmatrix}$$
(6)

1.3.2 弹托分离角计算

在弹体表面做两个标记点,两个标记点的连 线与弹体中轴平行,如图 4 所示的 P_1 和 P_2 点。 采用图像跟踪算法实现对标记点的跟踪,再结合 标定的高速摄像机内外参数可解算得到两点的空 间坐标,记为 (x_1, y_1, z_1) 和 (x_2, y_2, z_2) ,则弹体相 对地面坐标系的俯仰角 α_p 计算公式如式(7)所 示分法。



图 3 双目视觉系统数学模型^[12]







采用同样的方法得到弹托相对地面坐标系的 俯仰角 α_s,如图 5 所示,则弹托分离角可表示为:





2 实例验证

以实验室开展的脱壳弹射击试验为例,采用

上述计算方法对脱壳弹出膛后的弹托分离角度进 行测量。在靶道两侧上下布置两台相机,两相机 光轴夹角约 30°(一台仰视角 15°、一台俯视角 15°),拍摄视场区域约为 2 m × 2 m,画面重合率 大于 90%,确保弹体和托架表面拍摄清晰,如图 6 所示。



图 6 高速摄像机布置 Fig. 6 Layout of high speed cameras

2.1 算法校准

为了验证上述方法的有效性和准确性,首先 对该方法进行测试验证。采用两台高速摄像机拍 摄标定板上标记点的运动,计算标记点之间连线 的角度,图7(a)和图7(b)为两台高速摄像机拍 摄的标定板运动成像图。其中标记点 *P*₁ 和 *P*₂ 的 连线与标记点 *P*₂ 和 *P*₃ 的连线理论夹角为 90°, 通过上述双目视觉原理测量得到的两直线夹角如



(a) 仰视拍摄图片 (a) Picture shot from bottom view



(b) 俯视拍摄图片(b) Picture shot from top view

图7 高速摄像机成像图

Fig. 7 Image of high-speed camera

图 8所示,平均测量角度为 89.8°,角度测量误差 为 2%,表明本文方法测量精度较高。



2.2 弹体标记点识别结果

试验脱壳弹为两瓣弹托结构,在弹体和上下 弹托表面分别绘制两个标记点,如图 9(a)和 图 9(b)所示。通过跟踪测量得到各标记点相对 其标定平面的平面坐标,再利用两个高速摄像机 的交会点信息得到三维重建空间,如图 9(c) 所示。

以1550 m/s 初速为例,得到弹体和上下弹 托表面标记点的三维运动轨迹如图10所示。在



(a)标记点仰视图(a) Mark point bottom view







图9 标记点识别结果

Fig. 9 Recognition result of marker points

水平方向(xy 平面)弹体和上下弹托均往左偏 (y+方向);在俯仰方向(xz 平面)弹体往下偏 (z-方向),上下弹托在俯仰方向运动曲线平稳, 表明弹托径向运动速度基本不变。





Fig. 10 Motion trail of marker points

2.3 弹托分离角测量结果

将弹体和上下弹托表面标记点的三维坐标代 人式(8),得到如图 11 所示弹托分离角。在高速 摄像机视野范围内,下弹托分离角大于上弹托分 离角,最大分离角分别达到 58.6°和 56.1°。







此外,随着弹托分离角的增大,弹托分离角速 度减小,即图 11 中的曲线斜率减小,表明弹托受 到的分离力矩逐渐减小,弹托逐渐进入自由飞 状态。

2.4 不同初速弹托分离角测量

采用上述方法得到 1 750 m/s 初速下的弹托 分离轨迹,如图 12 所示,其中横坐标表示弹丸相 对视野范围内第一帧的位移。可见,上弹托分离 角大于下弹托分离角,在高速摄像机视野范围内, 最大分离角分别达到 56.6°和 53.0°。

与初速为1 550 m/s 的弹托分离轨迹相比, 在距离炮口相同位置处,初速1 750 m/s 对应的 上下弹托平均弹托分离角度更小,这是由于弹托 分离轨迹主要取决于弹托受到的阻力和升力,分





离初速增大,弹托阻力系数和升力系数均减小,但 分离初速的增加对阻力系数的减小比例更大,从 而导致分离初速增加时,在相同位置观察到的弹 托更靠近弹体^[7]。

3 结论

弹托分离过程对弹体的飞行稳定性和打击效 能具有显著的影响作用。本文在搭建了基于双目 视觉原理物体姿态测量平台的基础上,实现了对 弹体和弹托表面标记点的跟踪和测量,从而得到 了弹托分离角的计算公式,并利用标定板验证了 本文方法的准确性,测量误差在 2% 左右。最后 以实验室进行的动态发射实验为例,测量并分析 了弹托分离角变化,同时对不同发射初速对弹托 分离的影响进行了分析,分析结果表明,分离初速 越快,弹托分离轨迹越靠近弹体。本文的研究方 法和结论可为弹托分离设计和分离过程中的设备 防护提供依据。

参考文献(References)

- SCHMIDT E M, SHEAR D D. Aerodynamic interference during sabot discard [J]. Journal of Spacecraft and Rockets, 1978, 15(3): 162 - 167.
- [2] BHANGE N P, SEN A, GHOSH A K. Technique to improve precision of kinetic energy projectiles through motion study[C]// Proceedings of AIAA Atmospheric Flight Mechanics Conference, 2009.
- [3] ACHARYA R S, NAIK S D. Modelling of shockwave force and its effect during sabot discard process [J]. Defence Science Journal, 2007, 57(5): 677-690.
- [4] HUANG Z G, WESSAM M E, CHEN Z H. Numerical investigation of the three-dimensional dynamic process of sabot discard[J]. Journal of Mechanical Science and Technology, 2014, 28(7): 2637 - 2649.
- [5] 黄振贵,汤祁忠,陈志华,等.非零攻角和侧滑角条件下 弹托不同步飞离的数值模拟[J]. 兵工学报,2016, 37(6):1006-1015.
 HUANG Z G, TANG Q Z, CHEN Z H, et al. Numerical simulation on the unsynchronized discarding of sabots at non-

zero angles of attack and sideslip [J]. Acta Armamentarii, 2016, 37(6): 1006 – 1015. (in Chinese)

- [6] 张学伟,李强,高斌,等.不同攻角对尾翼稳定脱壳穿甲 弹脱壳过程影响分析[J].弹箭与制导学报,2016, 36(3):28-30,34.
 ZHANG X W, LI Q, GAO B, et al. Analysis on influence of different AOA on discarding process for APFSDS[J]. Journal of Projectiles, Rockets, Missiles and Guidance, 2016,
- 61 Frojechies, Rockets, Missiles and Guidance, 2010, 36(3): 28 30, 34. (in Chinese)
 [7] 李湘平, 鲁军勇, 冯军红, 等. 采用动网格技术的弹托分 交化支付 [7]
 - 离仿真模型[J]. 国防科技大学学报, 2018, 40(5): 9-13.

LI X P, LU J Y, FENG J H, et al. Simulation model for sabot discard using dynamic mesh technique [J]. Journal of National University of Defense Technology, 2018, 40(5): 9 – 13. (in Chinese)

- [8] 黄莎莎,柳琦,乔嘉.高速弹体的运动姿态测量方法[J]. 弹箭与制导学报,2018,38(4):73-76.
 HUANG S S, LIU Q, QIAO J. The measurement for moving pose of high-speed missile [J]. Journal of Projectiles, Rockets, Missiles and Guidance, 2018, 38(4):73-76. (in Chinese)
- [9] 孙增玉,梁雅军,刘柯,等.基于视觉原理的运动物体空

间姿态测量技术研究[J]. 宇航计测技术, 2014, 34(4): 1-5.

SUN Z Y, LIANG Y J, LIU K, et al. Study on measuring the pose of the moving object based on binocular vision [J]. Journal of Astronautic Metrology and Measurement, 2014, 34(4): 1-5. (in Chinese)

- [10] 高越,杜文略,李红薇,等.基于多目立体视觉的试件飞行运动速度测量方法研究[J].计算机测量与控制,2019,27(3):68-71,136.
 GAOY,DUWL,LIHW, et al. Measurement method for specimen fly speed based on multi-camera stereo vision technique[J]. Computer Measurement & Control, 2019,27(3):68-71,136.(in Chinese)
- [11] 邱少华. 基于多幅未标定图像的标识点三维重建方法研究[D]. 长沙:国防科技大学,2013.
 QIUSH. Research on 3D marker reconstruction methods from multiple uncalibrated images [D]. Changsha: National University of Defense Technology, 2013. (in Chinese)
- [12] 牟科瀚,王泽勇.主动式双目视觉三维成像技术研究[J].电子制作,2018(7):98-100,97.
 MOU K H, WANG Z Y. Research on active binocular vision 3D imaging technology[J]. Practical Electronics, 2018(7):98-100,97. (in Chinese)