doi:10.11887/j.cn.202305008

http://journal. nudt. edu. cn

## GNSS 信号功率增强对调零抗干扰接收机的性能影响<sup>\*</sup>

陈飞强, 孙一凡, 唐小妹, 欧 钢 (国防科技大学电子科学学院, 湖南长沙 410073)

摘 要:由于卫星端信号发射功率小、信号传播损耗大,到达接收机的卫星导航信号极其微弱,容易被干扰。为有效应对电磁干扰的威胁,在系统层面和用户层面同时采取抗干扰措施将是一种很好的选择。建立 调零抗干扰接收机抗干扰能力分析模型,并定量分析信号功率增强对调零抗干扰接收机抗干扰性能的提升 效果。结果表明:信号功率每增强10 dB,接收机抗干扰能力可提升3~4 dB,但从提高接收机非极限条件下 的接收性能(载噪比、测距定位精度等)的角度,信号功率增强15~20 dB时,接收性能最优。研究成果可为 卫星功率增强量的优化设计以及终端抗干扰设计提供参考。

关键词:卫星导航;信号功率增强;天线阵;抗干扰;调零天线;抗干扰接收机 中图分类号:TN961 文献标志码:A 开放科学(资源服务)标识码(OSID): 文章编号:1001-2486(2023)05-072-06



# Effect of signal power enhancement on the performance of GNSS null-steering anti-jamming receiver

#### CHEN Feiqiang, SUN Yifan, TANG Xiaomei, OU Gang

(College of Electronic Science and Technology, National University of Defense Technology, Changsha 410073, China)

Abstract: Due to the low transmitting power and large transmission loss, the satellite signal reaching the GNSS receiver is extremely weak, and easy to be interfered. In order to deal with the threat of electromagnetic interference, taking measures at both the system and user level would be a good choice. A model for analyzing the interference suppression capability of anti-jamming receiver with null-steering antenna was established, and the improvement effect of signal power enhancement on the interference suppression performance was quantitatively analyzed. Results show that, the interference mitigation capability of the receiver can be improved by  $3 \sim 4 \text{ dB}$  per 10 dB signal power enhancement. However, from the perspective of improving the receiver's reception performance (carrier to noise ratio, ranging and positioning accuracy, etc.) under non limiting conditions, when the signal power is increased by  $15 \sim 20 \text{ dB}$ , the reception performance is optimal. The research result can guide the optimization of the signal power enhancement and anti-jamming design of receivers.

Keywords: satellite navigation; signal power enhancement; antenna array; interference mitigation; null-steering antenna; anti-jamming receiver

全球导航卫星系统(global navigation satellite system, GNSS)在军事和民用领域应用广泛,但其 精度和可靠性一直受到电磁干扰的威胁。通常情 况下,到达接收机的卫星信号功率比热噪声小 20~30 dB。研究表明,辐射功率为1 W 的干扰源 即可使 5 km 范围内的 P 码接收机和 15 km 范围 内的 C/A 码接收机无法正常工作<sup>[1]</sup>。

在系统层面,为提高目标区域内所有接收机的抗干扰能力,可采用功率增强策略提高卫星上导航信号的播发功率。而当采用点波束技术将功率增强限定在特定区域时,当前的 GPS Ⅲ卫星可将信号功率增强 20 dB<sup>[2]</sup>。在北斗三号系统中,

针对北斗卫星也进行了功率增强的设计。随着导 航卫星星座由中高轨向低轨发展<sup>[3-5]</sup>,可以预见, 未来导航卫星播发的信号功率将进一步增强。

在用户层面,接收机终端可集成干扰抑制模 块提升抗干扰能力。在众多的抗干扰技术中,基 于天线阵的自适应调零技术被证明是最有效的抗 干扰手段之一<sup>[6-7]</sup>。自适应调零天线具有抗干扰 能力强、实现代价小、便于与普通接收机集成(只 需将普通接收机的天线替换为调零抗干扰天线即 可)等一系列优点,得到了广泛应用<sup>[8-9]</sup>。

在实际的应用场景中,为有效应对电磁干扰 的威胁,在系统层面和用户层面同时采取抗干扰 措施将是一种很好的选择。为此,首先建立调零 抗干扰接收机抗干扰能力分析模型,并定量分析 信号功率增强对调零抗干扰接收机抗干扰性能的 提升效果,研究成果可为卫星功率增强量的优化 设计以及终端抗干扰设计提供参考。

#### 1 接收机抗干扰能力分析模型

调零抗干扰接收机的抗干扰性能与具体的 使用场景密切相关,卫星信号和干扰的数目、功 率、入射方向等都会影响接收机的抗干扰性能。 此外,即使在给定场景下,当前对接收机极限抗 干扰能力也缺乏统一的定义,为简化分析,本文 以信号接收载噪比高于接收机灵敏度时可容忍 的最大干扰功率作为接收机的极限抗干扰 能力。

接收机的极限抗干扰能力取决于硬件的线性 度以及抗干扰算法的性能。硬件的非线性将产生 交调、杂散、量化噪声等,这些分量一旦产生,将难 以通过信号处理的方法进行消除,其效果等价于 抬高了接收机的噪底,使信噪比恶化。硬件非线 性主要包括射频模块的三阶交调失真以及模数转 换器(analog to digital converter, A/D)量化损 耗<sup>[10]</sup>。抗干扰算法的性能主要是指算法对干扰 的抑制程度以及对信号的处理增益或损耗(调零 算法未对信号方向的阵列响应进行约束)。干扰 未充分抑制产生的干扰残余将等效抬升噪底,对 信号的处理损耗将直接降低信号功率,两者均会 导致信噪比恶化。信号捕获跟踪前接收机各个环 节引起的信噪比损耗示意图如图1所示。



各个环节示意图

Fig. 1 Diagram of each phase causing signal noise ratio loss before signal acquisition and tracking

对三阶交调损耗、A/D 量化损耗以及抗干扰 算法损耗进行建模,可以得到接收机抗干扰能力 分析模型如图 2 所示。图中:(C/N)<sub>i</sub>为进入接收 机的初始载噪比; $N_0$ 为初始的噪声谱密度; $N'_0$ 为 将三阶交调分量等效为热噪声后的噪声谱密度 (由于接收机前端增益的大小并不影响信噪比, 为简化分析,假设增益为 1); $L_1$ 为三阶交调失真 引入的损耗; $N'_0$ 为将 A/D 量化噪声等效为热噪声 后的噪声谱密度; $L_2$ 为 A/D 量化引入的损耗; (C/N)<sub>o</sub>为接收机输出载噪比; $X_s$ 和  $X_J$ 分别为信 号和干扰参数矢量,包含信号/干扰数目、功率、导 向矢量等参数; $T_h$ 为接收灵敏度。在给定场景 下,若输出载噪比大于等于接收灵敏度,则判定接 收机可容忍相应的干扰功率。下面对每个环节进 行具体分析。







#### 1.1 三阶交调引起的信噪比损耗模型

三阶交调是三阶交调截取点(third-order intercept point, IP3)的简称,是衡量射频或微波系 统线性度或失真度的重要指标<sup>[10]</sup>。实际系统中, 当两个(或多个)载频信号经过非线性器件时,其 输出信号将包括多种频率分量。其中三阶交调分 量的频率与载频信号接近,一般分布在滤波器的 通带内,不会被滤波器抑制。

进入接收机的干扰强度越大,其对应的三阶 交调分量也越大,三阶交调分量落在信号带宽内 时,其效果等价于抬高了噪声的噪底,使信号的信

#### 噪比恶化。

给定接收机射频前端的输出三阶交调截取点 功率和输入三阶交调截取点功率,则三阶交调分 量的功率 P<sub>IP3</sub>与接收机输入功率 P<sub>in</sub>的关系为:

$$P_{\rm IP3} = O_{\rm IP3} - 3 \cdot (I_{\rm IP3} - P_{\rm in})$$
  
=  $O_{\rm IP3} - 3 \cdot I_{\rm IP3} + 3 \cdot P_{\rm in}$  (1)

对于 GNSS 抗干扰接收机,在无干扰和弱干 扰条件下,接收机产生的三阶交调分量很小,可以 忽略。在强干扰条件下,则接收机的输入功率与 干扰总功率近似相等,设干扰数目为 M,且各个干 扰之间互不相关,则有:

$$P_{\rm in} \approx P_{\rm J} = \sum_{m=1}^{M} P_{\rm jm}$$
 (2)

式中, $P_J$ 为干扰的总功率, $P_{jm}$ 为第 m个干扰的功率。

将三阶交调分量等效为热噪声,则三阶交调 引起的信噪比损耗可表示为:

$$L_{1} = \frac{N_{0} + P_{1P3} / QR_{c}}{N_{0}}$$
(3)

式中:Q为抗干扰品质因数<sup>[11]</sup>,由干扰和信号的频谱相关性决定;R。为信号中扩频码的码率。

#### 1.2 A/D 量化引起的信噪比损耗模型

量化是将接收信号的幅度值集合从无穷大映 射到有限的几个离散值,这个过程将引入误差,即 量化噪声。对于实际的 A/D 器件,量化过程中除 量化噪声外,还会产生谐波分量,若把谐波分量也 当成噪声,则实际 A/D 的量化噪声功率要比根据 其量化字长直接计算出来的大。为准确描述这一 特征,通常用 A/D 有效位来描述实际 A/D 的量 化性能。设 A/D 的有效位为 b,则输入信号量化 后的信噪比<sup>[12]</sup>为:

$$(S/N) = 6.02 \cdot b + 1.76$$
 (4)

为了提高动态范围, GNSS 抗干扰接收机一 般采用量化字长较大的 A/D(通常为 12 bit 甚至 16 bit),在无干扰和弱干扰条件下, A/D 的量化 噪声几乎可以忽略。在强干扰条件下,量化噪声 主要由干扰的量化噪声组成。若将 A/D 量化噪 声等效为热噪声,则 A/D 量化等效抬高了噪底。

设接收机射频前端的带宽为 *B*,则 A/D 量化 引起的信噪比损耗可描述为:

$$L_{2} = \frac{\sigma_{1}^{2} + \sigma_{2}^{2}}{\sigma_{1}^{2}} \approx \frac{\sigma_{1}^{2} + P_{J}/(S/N)}{\sigma_{1}^{2}}$$
$$= 1 + \frac{P_{J}/\sigma_{1}^{2}}{10^{(6.02 \cdot b + 1.76)/10}} = 1 + \frac{P_{J}/(N_{0}BL_{1})}{10^{(6.02 \cdot b + 1.76)/10}}$$
(5)

式中, $\sigma_1^2$ 为 A/D 输入端的热噪声功率, $\sigma_2^2$ 为 A/D 量化噪声。

#### 1.3 抗干扰算法引起的信噪比损耗模型

考虑阵元数目为 N 的任意阵型天线阵,假设 K 个互不相关的信号、M 个互不相关的干扰从远 场入射,则阵列抗干扰算法输入端的数据表示成 复基带形式可描述为:

表转置操作; $s_k(t)$ 为参考接收点接收到的第 k 个

卫星信号; $a_k$ 是相应的信号导向矢量,导向矢量 包含了入射信号的所有空间信息,它由阵元位置 和信号入射角决定; $j_m(t)$ 是参考点接收到的第m个干扰; $b_m$ 为相应的干扰导向矢量;n(t)为N维 加性高斯白噪声矢量,这里假设各噪声分量独立 同分布,且均值为0,方差为 $\sigma^2$ (噪声谱密度为 $N_0^n$ )。

$$\boldsymbol{R}_{xx} = E[\boldsymbol{x}(t)\boldsymbol{x}^{H}(t)] = \boldsymbol{R}_{ss} + \boldsymbol{R}_{jj} + \boldsymbol{R}_{nn}$$
$$= \sum_{k=1}^{K} P_{sk}\boldsymbol{a}_{k}\boldsymbol{a}_{k}^{H} + \sum_{m=1}^{M} P_{jm}\boldsymbol{b}_{m}\boldsymbol{b}_{m}^{H} + \sigma^{2}\boldsymbol{I} \quad (7)$$

式中, $E(\cdot)$ 表示数学期望, $(\cdot)^{H}$ 表示共轭转置, $R_{ss}$ 、 $R_{jj}$ 和 $R_{m}$ 分别代表信号、干扰和噪声的自相关矩阵, $P_{sk}$ 为第k个卫星信号的功率,I为N维单位矩阵。

对于自适应调零算法,阵列权矢量的优化目标是使阵列的输出功率最小。据此可以得到自适应调零算法的最优阵列权矢量<sup>[13-14]</sup>为:

$$\boldsymbol{w} = \frac{\boldsymbol{R}_{xx}^{-1}\boldsymbol{c}}{\boldsymbol{c}^{\mathrm{H}}\boldsymbol{R}_{xx}^{-1}\boldsymbol{c}}$$
(8)

式中,**w** =  $[w_1, w_2, \dots, w_N]^T$  为 N 维阵列权矢量,**c** 为 N 维约束矢量,通常取约束矢量的第1个元素 为 1,其余元素都为 0。

根据阵列权矢量可进一步得到第*i*个卫星信号的阵列输出信干噪比<sup>[6]</sup>:

$$S_{\text{INR}} = \frac{\boldsymbol{w}^{\text{H}}(\boldsymbol{P}_{si}\boldsymbol{a}_{i}\boldsymbol{a}_{i}^{\text{H}})\boldsymbol{w}}{\boldsymbol{w}^{\text{H}}(\boldsymbol{R}_{jj} + \boldsymbol{R}_{nn} + \sum_{k=1,k\neq i}^{K} \boldsymbol{P}_{sk}\boldsymbol{a}_{k}\boldsymbol{a}_{k}^{\text{H}})\boldsymbol{w}} \approx \frac{\boldsymbol{w}^{\text{H}}(\boldsymbol{P}_{si}\boldsymbol{a}_{i}\boldsymbol{a}_{i}^{\text{H}})\boldsymbol{w}}{\boldsymbol{w}^{\text{H}}(\boldsymbol{R}_{jj} + \boldsymbol{R}_{nn})\boldsymbol{w}}$$
(9)

若将残余干扰等效为与信号同带宽的高斯噪 声,经过抗干扰处理后,第*i*个卫星信号的载噪比 可表示为:

$$(C/N)_{o} = S_{INR} + 10 \lg(B)$$
 (10)

进一步,抗干扰算法引起的信噪比损耗可表 示为:

$$L_{3} = \frac{(C/N)_{o}}{L_{1}L_{2}(C/N)_{i}}$$
(11)

## 功率增强对接收机抗干扰性能提升效 果的定量分析

考虑到卫星采用点波束进行功率增强时,对 波束覆盖区域可能存在单重覆盖(即只有一颗卫 星的点波束覆盖目标区域)和多重覆盖的情况, 由于利用增强信号进行独立定位至少需要4颗卫 星,限于论文篇幅,本文将聚焦功率增强信号4重 覆盖的情况。

#### 2.1 分析方法及参数设置

分析中用到的抗干扰接收机参数如表1所示,这些参数基本上按照实际的卫星导航抗干扰 终端产品进行设置。

表1 抗干扰接收机参数

Tab. 1   Parameters of the receiver						
参数类型	参数取值					
天线	半径为半波长的7阵元中心圆阵					
前端带宽 B	20 MHz					
噪声谱密度 N <sub>0</sub>	-174 dBm/Hz					
射频模块 O <sub>IP3</sub> 和 I <sub>IP3</sub>	33 dBm 18 dBm					
A/D 有效位	14 bit					
接收灵敏度(跟踪)	28 dB-Hz					

卫星信号为北斗 B3 频点授权信号,信号初 始电平(功率增强前)为-130 dBm。干扰为与卫 星信号同频点的宽带高斯噪声干扰,其抗干扰品 质因数为2.22。

前面提到,接收机的抗干扰性能与应用场景 密切相关,为克服基于特定场景的评估方法的不 足,采用蒙特卡罗仿真的思路。在每次仿真时,随 机设置卫星信号和干扰的入射方向(考虑到实际 中卫星信号一般从高仰角入射,而干扰一般从低 仰角入射,因此限定卫星信号仰角大于 30°、干扰 仰角小于 15°),并根据模型推算接收机输出的载 噪比。

对于每一组给定的信号功率增强量和干扰功 率,均进行 L 次(L 设置为1000)蒙特卡罗仿真实 验,若 L 次实验得到的载噪比样本中有95%(2σ) 超过接收灵敏度,则判定接收机可容忍此时的干 扰功率,通过不断增大干扰功率,并重复上述步 骤,最终可得出接收机的抗干扰极限能力。

#### 2.2 实验结果及分析

在功率增强信号4重覆盖下,可以预见,针对 增强的卫星信号,调零抗干扰接收机的抗干扰能 力将得到提升。图3给出了接收机抗干扰极限能 力与信号功率增强量的关系,不同的曲线代表不 同的干扰数目。对于多个干扰的情况,均假设所 有干扰的功率相等,纵坐标表示的是每一个干扰 的功率,而非所有干扰的总功率。

从图 3 可以看到,在信号功率增强之前,根据 接收机参数和模型推算出接收机最大可容忍单个 -24 dBm 的干扰或者六个 - 35 dBm 的干扰,换 算成干信比(以信号初始电平为参考,即 -130 dBm),分别为单干扰 106 dBc、六干扰 95 dBc。需要说明的是,本文选用的接收机参数 并非性能最好的,若选用硬件线性度更优、接收灵 敏度更高的接收机,得出的抗干扰极限能力将更 高,但这并不影响论文的主要结论。从图中可以 看出,随着信号功率增强量的增大,接收机的抗干 扰极限能力也相应地提高。信号功率增强 40 dB 时,接收机抗干扰能力可提升到单干扰 120 dBc、 六干扰 110 dBc。





图 4 进一步给出了接收机抗干扰能力提升量 与信号功率增强量的关系。可以看出,接收机的 抗干扰能力提升量与信号功率增强量近似呈线性 关系。信号功率每增强 10 dB,接收机抗干扰能 力提升 3~4 dB,而不是 10 dB。





为了对这一现象进行解释,表2以单干扰为 例,给出了在干扰功率取极限值时,接收机各个 环节的信噪比损耗。从表中可以看出,随着信 号功率增强量的增加,在干扰功率取接收机可 容忍的最大值时,A/D量化损耗和抗干扰算法 损耗均变化不大,而三阶交调损耗迅速变大。 信号功率增强带来的信噪比提升几乎都消耗 在了三阶交调损耗上。而根据三阶交调的特 性,从式(1)可以看出,干扰功率每增加1 dB, 干扰产生的三阶交调分量增加3 dB,因此信号 功率每增强10 dB,只能容忍进入接收机的干 扰功率增加约3.3 dB,这与图4中的结果是吻 合的。

表 2	抗干扰接收机各个环节的信噪比损耗
<b>a</b> 2	机干扰按收机合个环卫的后咪比损耗

Гаb. 2	Signal	noise	ratio	loss	of	each	phase	for	the	receiver
--------	--------	-------	-------	------	----	------	-------	-----	-----	----------

信号功率增强量/ dBm	进入接收机的初始 载噪比/dB-Hz	干扰功率最大时 三阶交调损耗/dB	干扰功率最大时 A/D 量化损耗/dB	干扰功率最大时 抗干扰算法损耗/dB
0	44	8.15	0.08	8.69
10	54	19.48	0.01	8.17
20	64	28.44	0.00	8.63
30	74	40.43	0.00	8.74
40	84	49.43	0.00	8.86

另外,当信号功率增强 40 dB 时,一般来说, 此时信号的功率已经高于接收机热噪声,调零天 线将在信号方向产生零陷,使得抗干扰算法的损 耗变大(与增强之前相比)。但从表 2 可以看出, 与增强之前相比,抗干扰算法引起的信噪比损耗 并没有明显变化。这是因为在干扰功率取最大值 时,三阶交调损耗达到了 49.43 dB,等效将噪底 极大抬升了,此时增强后的信号仍然掩埋在噪底 之下,不会触发调零天线产生零陷。

前面分析了信号功率增强对接收机抗干扰极 限能力的影响,下面对接收机在不同干扰强度下 的性能进行分析。图 5 给出了不同干扰功率下 (1 个干扰),接收机输出载噪比与信号功率增强 量的关系。从图中可以看到,接收机在无干扰以 及干扰功率小于可容忍的最大功率时,输出载噪 比曲线几乎是重合的,都是随着信号功率增强量 的增加先变大后减小。在信号功率增强量为 15 dB时,接收机的输出载噪比达到最大值。这是 因为,干扰功率尚未达到可容忍的最大功率时,三 阶交调损耗以及 A/D 量化损耗均较小,对噪底的 影响不大。随着信号功率逐渐增大,调零天线在 信号方向形成的零陷由浅变深,因而载噪比先增 大后减小,对于这一现象更为详细的解释可参考 文献[15]。

结合图 3 和图 5,可以得出以下结论:从提高 接收机抗干扰极限能力的角度,信号功率增强量 越大越好(基于当前及未来几年的工程实现能 力,功率增强量暂考虑在 40 dB 以内),信号功率 增强量越大,抗干扰能力越强。而从提高接收机 非极限条件下的接收性能(载噪比、测距定位精 度等)的角度,信号功率增强量并不是越大越好, 信号功率增强15~20 dB时,接收性能最优。



图 5 接收机输出载噪比与信号功率增强量的关系 Fig. 5 Relationship between output carrier to noise ratio and signal power enhancement

#### 3 结论

针对影响调零抗干扰接收机抗干扰性能的关 键环节,建立了接收机抗干扰能力分析模型,涵盖 三阶交调损耗模型、A/D量化损耗模型以及阵列 抗干扰算法损耗模型。基于此模型,定量分析了 信号功率增强对调零抗干扰接收机抗干扰性能的 影响,研究结果表明:信号功率增强量越大,接收 机抗干扰能力越强,信号功率每增强10 dB,接收 机抗干扰能力提升3~4 dB。另外,从提高接收 机非极限条件下的接收性能(载噪比、测距定位 精度等)的角度,信号功率增强量并不是越大越 好,信号功率增强15~20 dB时,接收性能最优。 另外,对增强信号1~6重覆盖也进行了分析,结 果表明本文的主要结论仍然成立。

### 参考文献(References)

- [1] 陈飞强. GNSS 天线阵接收机干扰抑制与测量偏差补偿技术[D]. 长沙:国防科技大学,2017.
   CHEN F Q. Interference mitigation and measurement biases compensation for GNSS antenna array receivers [D].
   Changsha: National University of Defense Technology, 2017. (in Chinese)
- [2] 吕志成,李峥嵘,牟卫华,等.卫星导航系统功率增强子 星座优化设计与性能分析[J].国防科技大学学报,2021, 43(4):9-16.

LYU Z C, LI Z R, MOU W H, et al. Optimal design and performance analysis of satellite navigation system powerenhanced sub-constellation[J]. Journal of National University of Defense Technology, 2021, 43(4): 9-16. (in Chinese)

- [3] ZHANG Y, LI Z S, LI R, et al. Orbital design of LEO navigation constellations and assessment of their augmentation to BDS[J]. Advances in Space Research, 2020, 66(8): 1911-1923.
- [4] 高为广,张弓,刘成,等. 低轨星座导航增强能力研究与 仿真[J]. 中国科学:物理学力学天文学,2021,51(1): 48-58.

GAO W G, ZHANG G, LIU C, et al. Research and simulation of LEO-based navigation augmentation [J]. Scientia Sinica (Physica, Mechanica & Astronomica), 2021, 51(1): 48-58. (in Chinese)

- [5] 张小红,马福建.低轨导航增强 GNSS 发展综述[J].测绘学报,2019,48(9):1073-1087.
  ZHANG X H, MA F J. Review of the development of LEO navigation-augmented GNSS [J]. Acta Geodaetica et Cartographica Sinica, 2019,48(9):1073-1087. (in Chinese)
- [6] O'BRIEN A J. Adaptive antenna arrays for precision GNSS receivers [ D ]. Columbus, OH, USA: The Ohio State

University, 2009.

- XIE Y C, CHEN F Q, HUANG L, et al. Carrier phase bias correlation for GNSS space-time array processing using time-delay data [ J/OL ]. GPS Solutions, 2023, 27 (3) [ 2023 07 17 ]. https://link. springer. com/article/10. 1007/s10291 023 01456 y.
- [8] GAO G X, SGAMMINI M, LU M Q, et al. Protecting GNSS receivers from jamming and interference [J]. Proceedings of the IEEE, 2016, 104(6): 1327 – 1338.
- [9] GUPTA I J, WEISS I M, MORRISON A W. Desired features of adaptive antenna arrays for GNSS receivers [ J ]. Proceedings of the IEEE, 2016, 104(6): 1195 - 1206.
- [10] 焦鹏辉.应用于卫星导航抗干扰系统射频前端设计[D]. 西安:西安电子科技大学,2015.
   JIAO P H. RF front end design of anti-jamming system for satellite navigation system [D]. Xi'an: Xidian University, 2015. (in Chinese)
- [11] KAPLAN E D, HEGARTY C J. Understanding GPS: principles and applications [M]. 2nd ed. Boston: Artech House, 2006.
- [12] 冯骥. 抗干扰导航接收机硬件设计方法研究[D]. 北京: 北京理工大学, 2014.
   FENG J. The research of hardware design methods for antijamming navigation receiver[D]. Beijing: Beijing Institute of Technology, 2014. (in Chinese)
- [13] COMPTON R T. The power-inversion adaptive array: concept and performance [J]. IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems, 1979, AES - 15(6): 803 - 814.
- [14] 陈飞强, 聂俊伟, 倪少杰, 等. 应用于卫星导航功率倒置 阵的改进最小均方算法[J]. 国防科技大学学报, 2017, 39(3):47-51.
  CHEN F Q, NIE J W, NI S J, et al. Improved least mean square algorithm for power-inversion global navigation satellite system antenna array[J]. Journal of National University of Defense Technology, 2017, 39(3):47-51. (in Chinese)
- [15] CHEN F Q, LIU Z, HUANG L, et al. Performance analysis of GNSS adaptive nulling algorithm under signal power enhancement[C]//Proceedings of China Satellite Navigation Conference(CSNC), 2020: 656-664.