doi:10.11887/j.cn.202103005

http://journal. nudt. edu. cn

# 复合材料层合板疲劳寿命形状参数与门槛值分析方法\*

李嘉骞1,2,沈海军2

(1. 中国商飞上海飞机制造有限公司,上海 201324;2. 同济大学 航空航天与力学学院,上海 200092)

摘 要:复合材料性能具有较大的分散性,在表征复合材料疲劳寿命时,必须考虑分散性的影响。以 M21C 复合材料开孔层合板为研究对象,采用 Sendeckyj 等效静强度模型和随机变量函数的概率分布方法推 导了复合材料层合板疲劳寿命形状参数和剩余强度形状参数的关系,通过试验和统计的方法获得了 M21C 复 合材料开孔层合板的疲劳寿命形状参数和疲劳门槛值,对载荷放大系数以及低载截除水平的确定提供了数 据支持。

关键词:M21C 复合材料;疲劳寿命形状参数;载荷放大系数;疲劳门槛值 中图分类号:TN95 文献标志码:A 文章编号:1001-2486(2021)03-038-07

# Analysis method of life shape parameter and fatigue threshold of composite laminates

LI Jiaqian<sup>1,2</sup>, SHEN Haijun<sup>2</sup>

(1. COMAC Shanghai Aircraft Manufacturing Co., Ltd, Shanghai 201324, China;

2. School of Aerospace Engineering and Applied Mechanics, Tongji University, Shanghai 200092, China)

Abstract: Special consideration must be applied in the analysis of fatigue life of composite materials due to its high scattering in mechanical property. The relationship between fatigue life Weibull shape parameter and residual strength shape parameter of M21C open – hole composite laminates were deduced based on the Sendeckyj equivalent static strength model and probability distribution of functions of random variables. The fatigue life shape parameter and fatigue threshold of M21C open – hole composite laminates were obtained through element tests and statistic analysis, which can provide support for the determination of LEF (load enhancement factor) and truncation levels for low loads of M21C composite material system.

Keywords: M21C composite laminates; fatigue life shape parameter; load enhancement factor; fatigue threshold

复合材料通常具有优异的抗疲劳性能,其疲 劳极限一般不低于其静强度的 60%,可以不必专 门进行疲劳设计即可满足疲劳寿命的要求,这就 是所谓的"静力覆盖疲劳"的特点。但在进行验 证试验时,对使用寿命较长的民用飞机和运输机 的复合材料结构必须考虑复合材料分散性<sup>[1-5]</sup>。 国外在 20 世纪 80 年代,根据复合材料不同应力 比、载荷形式(常幅、载谱)、铺层方式、试样几何 形状、环境等因素,进行了大量的元件疲劳试验研 究,统计分析试验数据得出了疲劳寿命威布尔分 布的形状参数(以下简称"疲劳寿命形状参数") 为 α<sub>L</sub> = 1.25,在这样的材料分散性下,一个结构 部件进行验证,为保证材料的 1 倍寿命具有 B 基 准(可靠度 90% 和置信度 95%)上的可靠性,要 进行到 13.4 倍寿命的疲劳试验,这样的试验周期 是难以接受的<sup>[6]</sup>。

复合材料主要需要通过载荷放大系数(Load Enhancement Factor, LEF)和谱截取技术的组合 方法进行疲劳验证试验。载荷放大系数法从剩余 强度角度考虑并处理寿命问题,可以大大缩短疲 劳试验的时间<sup>[7-9]</sup>。谱截取技术则是在试验载荷 谱的设计中,剔除对复合材料疲劳寿命影响很小 的低应力(应变)循环(低载截除),显著减少疲劳 试验循环数,提高试验效率。目前复合材料试验 的低载截除还没有一般的指导原则,通常把材料 的疲劳门槛值作为载荷循环截除的依据,认为低 于疲劳门槛值的应力(应变)水平不会引起损伤 的起始或扩展。

为确定复合材料的载荷放大系数和低载截除 水平,必须确定其疲劳寿命形状参数、剩余强度形

<sup>\*</sup> 收稿日期:2019-11-02

**作者简介:**李嘉骞(1990—),男,上海人,工程师,博士研究生,E-mail:lijiaqian0511@163.com; 沈海军(通信作者),男,教授,博士,博士生导师,E-mail:shj@tongji.edu.cn

状参数及疲劳门槛值。相对于目前种类繁多的复 合材料而言,疲劳寿命分散性的试验数据还很缺 乏,非常有必要通过试验对具体型号复合材料层 合板的疲劳性能进行分析,得到疲劳寿命形状参 数与疲劳门槛值,再进一步得到疲劳试验用的载 荷放大系数和低载截除水平。

国外的全复合材料商用飞机在 20 世纪 80 年 代初 就发展了一套 经美国联邦航空管理局 (Federal Aviation Administration, FAA)认证的耐 久性/损伤容限评估方法<sup>[10]</sup>。载荷放大系数法已 成功用于 A320 全复合材料垂尾和 Beechcraft 2000 公务机的适航评审<sup>[11]</sup>。国内的复合材料疲 劳研究起步较晚,杨乃宾教授<sup>[7]</sup>研究讨论了复合 材料飞机全尺寸验证试验采用载荷放大系数法的 原因和前提条件,载荷放大系数的确定和应用的 局限性等问题。陈跃良和雷园玲等<sup>[12-13]</sup>采用改 进的联合威布尔分布分析复合材料的疲劳寿命分 散性,计算得到 T300/BPM316 复合材料的载荷放 大系数并分析了孔径对载荷放大系数的影响。

本文采用 Sendeckyj 等效静强度模型和随机 变量函数的概率分布方法推导了疲劳寿命形状参 数和剩余强度形状参数的关系,利用复合材料剩 余强度分散性远小于疲劳寿命分散性的特点,避 免了得到疲劳寿命形状参数需要大量疲劳试验数 据的弊端,借助生成强度和疲劳寿命形状参数所 需的最小试验矩阵,规划 M21C 复合材料开孔层 合板的拉伸 - 压缩疲劳门槛值试验,得到了工程 可用的 M21C 复合材料开孔层合板的疲劳寿命形 状参数与疲劳门槛值,控制疲劳分散性影响的同 时减少了试验时间和成本。

# 复合材料疲劳寿命形状参数与门槛值分 析方法

关于可靠性寿命的计算,文献[14]推荐90% 可靠度和95%置信度,即所谓的B基准,而本文 为确保所分析的复合材料结构与传统金属结构具 有同样的可靠度,采用95%可靠度和95%置信度 寿命进行分析。疲劳形状参数的确定根据文 献[10]中生成强度和寿命形状参数所需的最小 试验矩阵规划试验并采用Sendeckyj等效静强度 模型进行数据处理,材料体系的疲劳寿命形状参 数取其威布尔分布众位数。疲劳门槛值的确定根 据S-N曲线外推至10<sup>7</sup>次寿命对应的应力水平。

#### 1.1 疲劳试验可靠性寿命计算

疲劳寿命服从威布尔分布,其分布函数表达 如式(1)所示。其特征寿命的估计值见式(2)。

$$F(x) = 1 - \exp\left\{-\left(\frac{x}{\beta}\right)^{\alpha}\right\}, x > 0 \qquad (1)$$

式中, x 为随机变量, α 为威布尔分布形状参数, β 为威布尔分布特征寿命。

$$\hat{\boldsymbol{\beta}} = \left(\frac{1}{n_{\rm F}} \sum_{i=1}^{n} x_i^{\hat{\alpha}}\right)^{1/\hat{\alpha}} \tag{2}$$

式中: $\hat{\alpha}$ 为威布尔分布形状参数点估计,可通过 1.2节确定; $\hat{\beta}$ 为威布尔分布特征寿命点估计;n为全部试验件总数; $n_{\rm F}$ 为破坏试验件总数; $x_i$ 为 试验数据。

#### 1.2 置信度系数和可靠性系数计算

1.2.1 置信度系数(S<sub>c</sub>)

置信度系数主要是考虑特征寿命与其估计量  $\hat{\beta}$ 之间的差异,需要对 $\beta$ 的分布进行单侧容限估 计。令 $\hat{\beta}/S_c$ 为其置信度下限,于是有:

$$P\left\{\beta > \frac{\hat{\beta}}{S_{\rm C}}\right\} = 1 - \gamma \tag{3}$$

式中,
$$P$$
为 $\beta > \frac{\hat{\beta}}{S_c}$ 的概率, $\gamma$ 为置信度。进一步有:

$$P\left\{\frac{\beta}{\hat{\beta}} < S_{\rm C}\right\} = 1 - \gamma \tag{4}$$

Feller 证明:

$$2n\left(\frac{\hat{\beta}}{\beta}\right)^{\alpha} \sim \chi^2(2n) \tag{5}$$

式中, $\chi^2(2n)$ 为具有 2n 自由度的卡方分布,n 为 试验件数量。为表述简单,令 $\frac{\hat{\beta}}{\beta} = x$ ,于是有:

$$\int_{0}^{5c} \frac{\alpha n^{n}}{\Gamma(n)} x^{\alpha n-1} e^{-nx^{\alpha}} dx = 1 - \gamma$$
 (6)

式中, $\alpha$ 为威布尔分布形状参数, $\Gamma(n)$ 为伽马函数。对式(6)进行迭代求解,获得置信度系数 $S_{c}$ 。 1.2.2 可靠性系数( $S_{R}$ )

取95%可靠度下的寿命值,于是根据式(1) 有:

1 - 0. 95 = 1 - exp
$$\left\{ -\left(\frac{N_{\rm R}}{\beta}\right)^{\alpha} \right\}, N_{\rm R} > 0$$
 (7)

式中, $N_{\rm R}$ 为95%可靠度下的寿命,令 $S_{\rm R} = \frac{\beta}{N_{\rm R}}$ ,于 是有:

$$S_{\rm R} = \left[ \ln\left(\frac{1}{0.95}\right) \right]^{-\frac{1}{\alpha}} \tag{8}$$

#### 1.3 Sendeckyj 等效静强度模型

Sendeckyj 等效静强度模型将静强度、剩余强度以及疲劳寿命转化为等效静强度,来表征复合材料的疲劳性能<sup>[1]</sup>,表达式如下:

$$\boldsymbol{\tau}_{e} = \boldsymbol{\sigma}_{a} \left[ \left( \frac{\boldsymbol{\sigma}_{r}}{\boldsymbol{\sigma}_{a}} \right)^{1/S} + (n_{f} - 1) C \right]^{S}$$
(9)

式中: $\sigma_e$  为等效静强度; $\sigma_a$  为最大循环应力; $\sigma_r$  为剩 余 强 度;  $n_f$  为 疲 劳 循 环 次 数; S, C 为 Sendeckyj 曲线拟合常数。

若  $\sigma_a = \sigma_r$ ,即试验件在循环载荷下破坏,有 Sendeckyj 等效静强度模型下的疲劳 S – N 曲线表 达式如式(10)所示,其中  $\sigma_u$  是静强度,对试验数 据进行最小二乘法拟合可得到该曲线:

$$n_{\rm f} = \frac{1}{C} \left\{ \left( \frac{\sigma_{\rm u}}{\sigma_{\rm a}} \right)^{\frac{1}{S}} - 1 \right\} + 1 \tag{10}$$

通过随机变量函数的概率分布求解疲劳寿命 形状参数与 Sendeckyj 曲线拟合常数的关系,假定 静强度随机变量  $\sigma_u$  符合威布尔分布,其概率分布 密度函数为:

$$f_{\sigma}(\sigma_{u};\beta_{\sigma},\lambda_{\alpha}) = \frac{\lambda_{\sigma}}{\beta_{\sigma}} \left(\frac{\sigma_{u}}{\beta_{\sigma}}\right)^{\lambda_{\sigma}-1} \cdot e^{-\left(\frac{\sigma_{u}}{\beta_{\sigma}}\right)^{\lambda_{\sigma}}} (11)$$

在疲劳载荷  $\sigma_a$  情况下, 寿命  $n_f$  的概率分布 密度函数为:

$$f_n(n_f) = f_\sigma(\sigma_u; \beta_\sigma, \lambda_\sigma) \cdot \left| \frac{\mathrm{d}\sigma_u}{\mathrm{d}n_f} \right| \quad (12)$$

通过式(10)得到式(13):  

$$\sigma_{u} = \sigma_{a} [C(n_{f} - 1) + 1]^{s}$$
  
 $= \sigma_{a} (n_{f} - 1)^{s} (C + \frac{1}{n_{f} - 1})^{s}$  (13)

通常结构工作应力所在的寿命区域区间在 10<sup>4</sup> 次至10<sup>6</sup> 次甚至大于10<sup>6</sup> 循环次,将式(13)和 式(11)代入式(12),经过推导,寿命的概率分布 密度函数为:

$$f_{n}(n_{f}) = \frac{S \cdot \lambda_{\sigma}}{\beta_{n} - 1} \left(\frac{n_{f} - 1}{\beta_{n} - 1}\right)^{S \cdot \lambda_{\sigma} - 1} \cdot e^{-\left(\frac{n_{f} - 1}{\beta_{n} - 1}\right)^{S \cdot \lambda_{\sigma}}} \\ \approx \frac{S \cdot \lambda_{\sigma}}{\beta_{n}} \left(\frac{n_{f}}{\beta_{n}}\right)^{S \cdot \lambda_{\sigma} - 1} \cdot e^{-\left(\frac{n_{f}}{\beta_{n}}\right)^{S \cdot \lambda_{\sigma}}}$$
(14)

显然,寿命也符合威布尔分布,其分布的形状 参数如式(15)所示:

$$\lambda_n = S \cdot \lambda_\sigma \tag{15}$$

即复合材料疲劳寿命形状参数与剩余强度形状参数的关系如式(16)所示:

$$\alpha_{\rm L} = S \cdot \alpha_{\rm R} \tag{16}$$

式中, $\alpha_{\rm L}$ 为疲劳寿命形状参数, $\alpha_{\rm R}$ 为剩余强度形状参数。

使用极大似然法(Maximum Likelihood Estimate, MLE) 对剩余强度数据的威布尔分布进行参数估计,可得 $\alpha_R$ 值,通过式(16)即可求得疲劳寿命形状参数 $\alpha_L$ 。

#### 1.4 威布尔分布众位数的求解

复合材料形状参数的估计值也符合威布尔分

布,复合材料的疲劳寿命形状参数取威布尔分布 的众位数。根据威布尔分布的曲线形式,当其形 状参数大于1时有且仅有一个极大值点,因此对 威布尔分布密度函数取一阶导数,并令其为零,即 可求得其威布尔分布的众位数,见式(17)。

$$M = \beta \times \left(\frac{\alpha - 1}{\alpha}\right)^{\frac{1}{\alpha}} \tag{17}$$

式中,M 为威布尔分布的众位数,α 为形状参数估 计值的威布尔分布形状参数,β 为形状参数估计 值的威布尔分布特征寿命。α 和β 通过对复合材 料形状参数的估计值使用极大似然法进行威布尔 分布参数估计得到。

#### 1.5 疲劳门槛值

疲劳门槛值的确定涉及疲劳分析可靠度和置 信度的确定,咨询通报 AC 20 – 107B<sup>[15]</sup>中指出 "复合材料应提供与常规金属设计同样水平的破 损安全、多传力路径的结构保证",期望在疲劳分 析中使用与金属结构同样概率统计基准的数据。 在国内民用飞机的型号设计中,通常金属结构按 照 95% 可靠度、95% 置信度进行疲劳分析。因 此,虽然复合材料手册中定义疲劳门槛值为 B 基 准下将 P – S – N 曲线外推至 10<sup>7</sup> 次寿命对应的 疲劳寿命值,但是为了和金属材料疲劳可靠度 零 求一致,本文仍然采用双 95 的疲劳可靠度(95% 可靠度、95% 置信度)进行分析,获得的结论较复 合材料手册<sup>[16]</sup>定义的更保守。

对于试验件的 N95/95 寿命计算见式(18):

$$N_{95/95} = \frac{\beta}{S_{\rm R}S_{\rm C}}$$
(18)

将95%可靠度、95%置信度的S-N曲线在 对数坐标系下进行线性拟合,并将拟合结果外推 至10<sup>7</sup>次寿命,此时10<sup>7</sup>次寿命对应的应力值即 为疲劳门槛值。

### 2 M21C 复合材料开孔层合板疲劳试验

#### 2.1 试验矩阵及试验件

选用 M21C 复合材料体系和民用飞机型号中 几个典型铺层的层合板进行试验,材料根据预浸 料适用的自动化成型工艺分为两类:自动铺丝和 自动铺带。试验矩阵满足文献[10]给出的生成 静强度和疲劳寿命形状参数的最小试验矩阵要 求。静力试验和疲劳试验分别按照 ASTM D6484<sup>[17]</sup>和 ASTM D7615<sup>[18]</sup>执行,共三个应力比 R = -1, R = -0.2, R = 0, 应力比的选取参考民用飞机型号设计中典型铺层应用部位的受载特征 (地-空-地应力比)。试验环境为室温大气环 境,温度(23±3)℃,湿度为制造状态。试验件铺 层信息如表1所示,试验矩阵如表2所示,试验件 尺寸见图1。

表1 试验件铺层信息

Tab. 1 Layer information of test specimens

铺层 代码	铺层比例 [0°/±45°/90°]	铺层顺序	名义厚 度/mm	备注
A1	[25°/50°/25°]	[45°/-45°/0°/90°] <sub>2s</sub>	2.992	自动 铺丝
A3	[25°/50°/25°]	$\left[45^{\circ}/-45^{\circ}/0^{\circ}/90^{\circ}\right]_{2s}$	2.992	自动 铺带
B1	[10°/80°/10°]	[45°/-45°/90°/45°/ -45°/45°/-45°/ 0°/45°/-45°],	3.74	自动 铺丝
C1	[50°/40°/10°]	[45°/-45°/0°/0°/0°/ 90°/0°/45°/-45°/0°],	3.74	自动 铺丝

表 2 开孔层合板拉 - 压疲劳门槛值试验矩阵

Tab. 2 Open-hole tension-compression fatigue threshold test matrix

铺层 名义厚		ナサ	试件数量		
代码	度/mm		R = 0	R = -0.2	R = -1
A1	2.992	自动 铺丝	1 × 3 × 6	1 ×3 ×6	1 × 3 × 6
A3	2.992	自动 铺带			1 × 3 × 6
B1	3.74	自动 铺丝			1 × 3 × 6
C1	3.74	自动 铺丝			1 × 3 × 6

注:表2 中采用 b×l×f 的形式表示所需试样数,b=1 代表材料批次;l 代表疲劳试验施加的应力水平级数;f=2+4 = 6,其中"2" 代表采用合并数据疲劳统计分析技术,"4"表示每级应力水平准 备4 个备用件。每个应力水平的试验件采用 1×1×6 的取样方 法,即选取1 个材料批次和1 个固化炉次,每个炉次6 个试验件。

#### 2.2 试验件编号

试验件编号由三部分组成:①-②-③,其中 ①为试验件类型,OHC 代表开孔拉-压试验件, ②为试验件铺层代码(见表 1),③为试验件流 水号。

#### 2.3 破坏模式

根据 ASTM D6742<sup>[19]</sup>试验标准中的规定,不 发生在孔边的破坏是不可接受的破坏模式,其数 据是无效的。分层通常对破坏有很大的影响,破



注:图中尺寸单位均为 mm。

图 1 开孔拉-压疲劳门槛值试验件

Fig. 1 Open-hole tension-compression fatigue threshold test specimen

坏模式可呈现大量的分层,图 2 给出了试验中三 种可接受的破坏模式。其中,LGM 表示横向通过 孔中心的层压板拉伸/压缩破坏模式,可能出现劈 裂和分层;AGM 表示在孔处层压板的角型拉伸/ 压缩破坏,但通过孔的横向中心线还保留角铺设 层,可能出现劈裂和分层;MGM 表示孔处层压板 的多模式拉伸/压缩破坏,在不同的子层出现多种 破坏模式,出现劈裂和分层。





#### 2.4 静力试验

复合材料对于压缩载荷比较敏感, M21C 复 合材料开孔层合板的压缩强度不仅是描述结构静 力学性能必需的, 也是了解动态疲劳特性和调试 试验载荷的重要参考。通过静力试验, 获取疲劳 试验中需要的参考强度值。

开孔压缩试验依照标准 ASTM D6484 进行。 试验在 ± 500 kN 的试验机上完成(见图 3),以 2 mm/min加载速率对试验件施加压缩载荷,直到 达到最大载荷,当载荷从最大载荷下降了 30% 时,停止试验。得到的试验结果见图 4,平均压缩 静强度为 338.83 MPa,拉伸静强度为 555 MPa。



图 3 开孔压缩试验状态 Fig. 3 Test status of open-hole compression test



Fig. 4 Static test results of OHC

#### 2.5 疲劳门槛值试验

以平均静强度为基准,进行疲劳试验,试验按 照正弦波等幅方式加载,每个应力比下包含3级 应力水平,每级应力水平的峰值应力分别取试件 静态破坏应力的80%、70%和60%。试样寿命控 制在10<sup>3</sup>~10<sup>6</sup>次之间,试验频率为5Hz。以C1 铺层试验组(*R* = -1)有效数据为例,其疲劳试验 结果见图5,其中OHC - C1 - 5和OHC - C1 - 11 为补充试验件,其应力水平低于其他试验件所在 的三个应力水平。在循环载荷下破坏的试验件, 其剩余强度即为疲劳载荷峰值,超过10<sup>6</sup>次循环 不破坏的试验件通过静力试验测定其剩余强度 值,如图5中标签括号内的数值所示,作为计算剩 余强度的依据。

试验结果同时表明,不同铺层的试验件在不同应力比下的疲劳试验典型破坏模式也不同。 B1 铺层试验组在应力比 *R* = -1 情况下的典型破 坏模式为 AGM; C1 和 A3 铺层试验组在应力比 R = -1 情况下的典型破坏模式为 MGM;A1 铺层 试验组在应力比为 R = -0.2 和 -1 的情况下典 型破坏模式为 AGM,在 R = -1 情况下的典型破 坏模式则为 LGM。以 C1 铺层试验组的结果为 例,从图 6 的破坏模式照片中可以发现,在应力比 为 R = -1 情况下,C1 铺层试验组在孔附近处的 层压板在不同的子层出现多种形式的劈裂和分 层,属于 MGM 代表的多模式拉伸/压缩破坏。



#### 图 5 C1 铺层试验件疲劳门槛值试验结果





图 6 C1 铺层试验件疲劳试验典型破坏模式(R = -1) Fig. 6 Typical failure modes in fatigue test of C1 layer specimens (R = -1)

## 3 材料疲劳分散性的确定

#### 3.1 Sendeckyj 疲劳 S-N 曲线的拟合

在疲劳试验数据基础上使用最小二乘法拟合 式(10)中的  $S \approx C$  参数,得到 Sendeckyj 等效静 强度和 S = N 曲线。以应力比 R = -1 的 C1 铺层 试验组为例(其他试验组按同样的方法进行数据 处理),拟合结果见图 7,其中 S = 0.029, C =0.015 4。剩余强度满足威布尔分布,使用极大似 然法对静强度数据进行形状参数估计,剩余强度 形状参数  $a_R$  为 63.897 9,结合式(16),其疲劳寿 命形状参数为 1.85。

#### 3.2 疲劳寿命形状参数拟合

在第3.1节的分析结果基础上,使用1.4节 的方法,将获得的各铺层和应力比下的疲劳寿命 试验数据使用极大似然法进行威布尔形状参数和 第3期



图 7 C1 铺层试验组 S – N 曲线拟合(R = -1)

Fig. 7 Fitted S – N curve of C1 layer specimens (R = -1)

特征寿命参数估计。最终得到各铺层和应力比下 的 M21C 复合材料开孔层合板的疲劳寿命形状 参数的概率密度分布如图 8 所示,其威布尔分 布形状参数为 1.512,特征寿命参数为 2.718, 按式(17)计算得到其众位数为 1.328,即 M21C 复合材料开孔层合板的疲劳寿命形状参数为 1.328。M21C 开孔层合板的疲劳寿命形状参数为 1.328。M21C 开孔层合板的疲劳寿命形状参数为 结果大于 α<sub>L</sub> = 1.25 这一统计分析数据,这表明 该材料体系的预浸料和制造工艺稳定性较之前 的复合材料有一定的提升。本文得到的数据结 果仅能代表 M21C 复合材料开孔层合板的疲劳 寿命形状参数,如需得到能代表 M21C 复合材料 体系的完备的疲劳寿命形状参数,还需要补充 不同结构细节,加载模式的试样和元件级试验 数据。



fatigue life shape parameters

#### 3.3 疲劳门槛值

Sendeckyj 等寿命模型下的疲劳 S – N 曲线对 应的是 50% 可靠度和 50% 置信度下的剩余强度 衰减曲线,不能直接用于疲劳门槛值的确定。使 用 1.5 节的方法对 P – S – N 曲线重新进行拟合, 利用双对数坐标下疲劳寿命与最大循环应力呈线 性分布的特点,拟合 95% 可靠度、95% 置信度下 的S – N曲线,通过 1.2 节中的计算公式,得到开 孔 M21C 复合材料的可靠度系数  $S_{\rm R}$  = 10.76,置信 度系数  $S_{\rm C}$  = 2.0。疲劳门槛值拟合结果见图 9,疲



图 9 疲劳试验 P – S – N 曲线及疲劳门槛值 Fig. 9 P – S – N curve and fatigue threshold of fatigue test

复合材料结构疲劳载荷编谱时,低载截除 通常为疲劳门槛值的某一百分比<sup>[3]</sup>,截除比依 赖于应力比 *R* 和损伤类型,因此必须有覆盖材 料、典型铺层、应力比的试样及元件级试验。本 文获得的试样疲劳门槛值数据为载荷截除提供 了数据支持,如需建立覆盖所有情况的保守的 载荷截除水平,还应补充不同结构形式和破坏 模式的试样和元件级试验数据,以及反映典型 结构细节和受载情况的元件及组合件级门槛值 试验数据。

#### 4 结论

本文对4种典型铺层和2种自动化成型工艺 下的 M21C 复合材料开孔层合板进行了静力和开 孔拉-压疲劳试验,采用 Sendeckyi 静强度模型和 随机变量函数的概率分布方法得到了复合材料层 合板疲劳寿命形状参数和剩余强度形状参数的关 系。利用分散性较小的复合材料剩余强度形状参 数得到疲劳寿命形状参数的结果,避免了传统方 法计算疲劳寿命形状参数需要大量疲劳试验结果 的弊端。通过最小二乘法和极大似然法两种参数 估计方法,计算获得了 M21C 开孔层合板的疲劳 寿命形状参数和疲劳门槛值数据。结果表明, M21C复合材料开孔层合板的疲劳寿命威布尔 分布形状参数为1.328,大于经验值1.25,该材 料体系的预浸料和制造工艺稳定性较以往的复 合材料有一定的提升。开孔层合板的疲劳门槛 值约为107 MPa,该疲劳门槛值数据为低载截除 限的建立提供了依据。值得一提的是,如需得 到完备的 M21C 复合材料体系的疲劳寿命形状 参数和覆盖所有情况的保守的载荷截除水平, 还应补充不同结构形式和破坏模式的试样和元 件级试验数据,以及反映典型结构细节和不同 受载情况(面内和面外载荷)的元件及组合件级 疲劳试验数据。

# 参考文献(References)

- [1] SENDECKYJ G P. Fitting models to composite materials fatigue data[S]. ASTM STP 734, Test Methods for Fibrous Composites, 1981: 245 – 260.
- [2] 熊华锋.复合材料疲劳分散性与强度分散性的关系[D]. 南京:南京航空航天大学,2009.
   XIONG Huafeng. A relationship of dispersity between fatigue life and strength of composites[D]. Nanjing: Nanjing University of Aeronautics and Astronautics, 2009. (in Chinese)
- [3] 中国民用航空总局.中国民用航空规章第25部:运输类 飞机适航标准[S].北京:中国民用航空总局,2001.
   Civil Aviation Administration of China. China Civil Aviation Regulations Part 25: airworthiness standards for transport aircraft[S]. Beijing: Civil Aviation Administration of China, 2001. (in Chinese)
- [4] 张仲桢. 飞机结构初步设计的快速方法研究[D]. 南京: 南京航空航天大学, 2008.
   ZHANG Zhongzhen. A study on rapid approach for the preliminary design of aircraft structure[D]. Nanjing: Nanjing

University of Aeronautics and Astronautics, 2008. (in Chinese)

- [5] 沈真,张晓晶.复合材料飞机结构强度设计与验证概 论[M].上海:上海交通大学出版社,2011.
  SHEN Zhen, ZHANG Xiaojing. An introduction to design and verification for composite aircraft structures [M]. Shanghai; Shanghai Jiao Tong University Press, 2011. (in Chinese)
  [6] 全永喆.复合材料结构验证疲劳分散性及载荷谱简
- [10] 生水m, 发日初科和构型配成分为取任及取利值间 化[D]. 西安:西北工业大学, 2005. TONG Yongzhe. Fatigue life scatter and load spectrum simplification of composite material structure [D]. Xi'an: Northwestern Polytechnical University, 2005. (in Chinese)
- [7] 杨乃宾.复合材料飞机结构验证试验载荷放大系数法[J].北京航空航天大学学报,1996,22(4): 427-431.
   YANG Naibin. Load enhancement factors and its use in the

certification of composite airframes [ J ]. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics, 1996, 22(4): 427 - 431. (in Chinese)

- [8] WHITEHEAD R S, KAN H P, CORDERO R, et al. Certification testing methodology for composite structures, volumes I and II [R]. Report No. NADC - 87042 - 60 (DOT/FAA/CT - 86 - 39), U. S. Government Printing Office, 1986.
- [9] LU M W, RUDY R J. Laboratory reliability demonstration test considerations [ J ]. IEEE Transactions on reliability,

2001, 50(1): 12 - 16.

- [10] JOHN T, WARUNA S. Determining the fatigue life of composite aircraft structures using life and load-enhancement factors [R]. DOT/FAA/AR - 10/6, U.S. Department of Transportation, Federal Aviation Administration, 2011.
- [11] LAMERIS J. The use of load enhancement factors in the certification of composite aircraft structure [R]. National Aerospace Laboratory NLR, 1990.
- [12] 陈跃良,雷园玲,张勇,等. T300/BPM316 复合材料层合板的载荷放大系数确定[J].工程力学,2016,33(1): 195-200.
  CHEN Yueliang, LEI Yuanling, ZHANG Yong, et al. Determination of load enhancement factors of T300/BPM316 composite laminates [J]. Engineering Mechanics, 2016,
- 33(1): 195-200. (in Chinese)
  [13] 陈跃良,雷园玲,张勇,等. 孔径对 T300/BPM316 复合材料层合板的载荷放大系数影响[J].应用力学学报,2015,32(6): 1044-1047.
  CHEN Yueliang, LEI Yuanling, ZHANG Yong, et al. Effect of different aperture on load enhancement factor of T300/BPM316 notched composite laminates[J]. Chinese Journal of Applied Mechanics, 2015, 32(6): 1044 1047. (in Chinese)
- [14] 郑晓玲.民用飞机复合材料结构设计与验证[M].上海: 上海交通大学出版社,2011.
   ZHEN Xiaoling. Composite structure design and certification of the civil aircraft [M]. Shanghai: Shanghai Jiao Tong University Press, 2011. (in Chinese)
- [15] AC 20 107B. Composite aircraft structure [S]. Federal Aviation Administration, U.S., 2009.
- [16] CMH-17 协调委员会. 复合材料手册 3: 聚合物基复合 材料:材料应用、设计和分析[M]. 上海: 上海交通大学 出版社, 2015.
  CMH-17 Coordination Committee. Composite material handbook volume 3: polymer matrix composites materials usage, design, and analysis [M]. Shanghai: Shanghai Jiao Tong University Press, 2015. (in Chinese)
- [17] ASTM D6484. Standard test method for open-hole compressive strength of polymer matrix composite laminates [S]. American Society for Testing and Materials, West Conshohocken, PA, 2014.
- [18] ASTM D7615. Standard practice for open-hole fatigue response of polymer matrix composite laminates [S]. American Society for Testing and Materials, West Conshohocken, PA, 2011.
- [19] ASTM D6742. Standard practice for filled-hole tension and compression testing of polymer matrix composite laminates [S]. American Society for Testing and Materials, West Conshohocken, PA, 2012.